

# नोट्स

whatsapp

8696608541

अपडेटेड नोट्स

OM PRAKASH SAINI



## Chapter - 5. विद्युत धारा

## धारा विद्युतिकि -

भौतिक विज्ञान कि वह शाखा जिस्के अन्तर्गत गतिमान आवेशों तथा इसके मह्य होने वाली अणुजीव्य क्रियाओं का अध्ययन किया जाता है उसे धारा विद्युतिकि कहा जाता है।

## विद्युत धारा -

आवेश प्रवाह कि दर को ही वि. धारा कहा जाता है।

अथवा  
आवेश प्रवाह के अभिलम्बित एकांक क्षेत्रफल से प्रतिईकई समय में गुजरने वाली कुल आवेश कि मात्रा को ही वि. धारा कहा जाता है। इसका मान -  $I = \frac{Q}{t}$

## विद्युत धारा कि विमा -

$$\text{विमा} = [M^0 L^0 T^{-1} A^1]$$

$$\text{मात्रक} = \frac{\text{कुलम्ब}}{\text{sec}} \text{ or Amp} \Rightarrow \text{S.I. मात्रक}$$

## \* धारा के प्रकार -

धारा दो प्रकार कि होती है -  
1. निरन्तर धारा 2. परिवर्ती धारा

## 1. निरन्तर धारा -

वे धारा जिसमें आवेश प्रवाह कि दर का मान समय के सापेक्ष निरन्तर होता है अर्थात् अपरिवर्तित रहता है उसे निरन्तर धारा कहा जाता है -

इसका मान -  $I = \frac{Q}{t}$

2. परिवर्ती धारा -

जब आवेश प्रवाह कि दूर लगातार समय के सापेक्ष परिवर्तित होती रहती है तो इस प्रकार कि धारा को परिवर्ती धारा कहा जाता है।

इसका मान -  $I = \lim_{dt \rightarrow 0} \frac{dq}{dt}$

- Note: 1.
1. धरो में प्रवाहित धारा 1 Amp कोटि की होती है। तडित गर्जन (बिजली का चमकना) में प्रवाहित धारा  $10^4 \text{ Amp}$  कोटि की होती है।
  2. मानव शरीर कि लंबिकाओं में प्रवाहित धारा  $1 \mu \text{ Amp}$  कोटि की होती है।
  3. विद्युत धारा एक अदिश राशि होती है लेकिन फिर भी इसमें परिमाण तथा दिशा दोनों होते हैं।
  4.  $1 \text{ Amp}$  कि परिभाषा -

$$I = \frac{Q}{t} \text{ में}$$

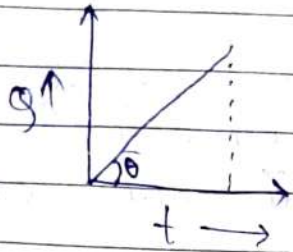
$$I = \frac{1 \text{ कुलॉम}}{1 \text{ सेक}}$$

$$I = 1 \text{ Amp}$$

यदि किसी चालक तार में एक कुलॉम के आवेश को 1 सेक तक प्रवाहित किया जाए तो इस चालक तार में प्रवाहित धारा का मान 1 Amp प्राप्त होता है।

5. धनावेश के कारण वि. धारा कि दिशा आवेश प्रवाह कि दिशा में होती है लेकिन ऋणावेश के कारण धारा कि दिशा आवेश प्रवाह के विपरित दिशा में होती है।

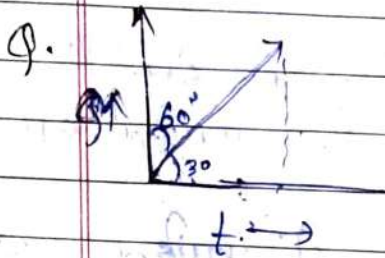
\* धारा के लिए 0 तथा + के मध्य ग्राफ -



$$m = \tan \theta = \frac{L}{A} = \frac{Q}{I}$$

$$\therefore \frac{Q}{I} = 1$$

$$\boxed{\tan \theta = 1}$$

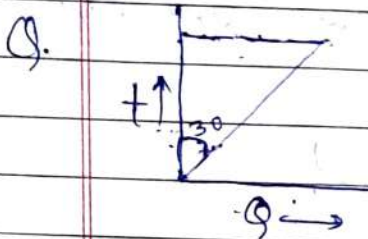


$$\theta = 30^\circ$$

$$\tan \theta = \frac{Q}{I}$$

$$\tan 30^\circ = 1$$

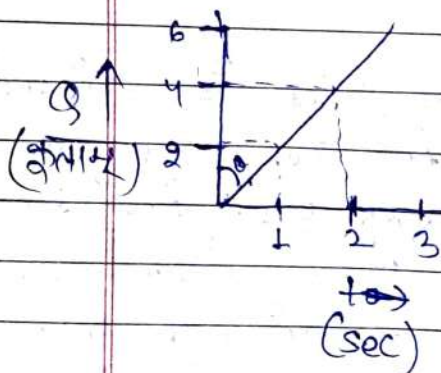
$$\boxed{\frac{1 \text{ Amp}}{\sqrt{3}} = I}$$



$$\frac{Q}{I} = \tan \theta$$

$$\frac{1}{I} = \tan 30^\circ$$

$$\boxed{I = \frac{1}{\sqrt{3}} \text{ Amp}}$$



उद्वेशित ग्राफ की सहायता से धारा का मान ज्ञात करें ?

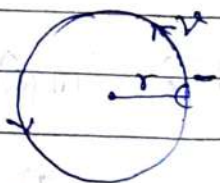
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \text{ से.}$$

$$I = m = \frac{4 - 0}{2 - 0} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\boxed{I = 2 \text{ Amp}}$$

Notes

यदि कोई  $e^-$  नियत वेग  $v$  से किसी  $\odot$  विज्या के  $\odot$  वृत्ताकार पथ में चक्कर लगाता है तो प्रवाहित धारा का मान -



$$I = \frac{Q}{t} \quad \text{--- (1)}$$

$$\therefore \text{समय} = \frac{\text{दूरी}}{\text{वेग}}$$

$$t = \frac{2\pi r}{v}$$

$$\therefore Q = e$$

समी. (1) से

$$I = \frac{e}{\frac{2\pi r}{v}}$$

$$I = \frac{ev}{2\pi r}$$

2 यदि कोई  $e^-$   $n$  चक्कर/सेक की दर से लगा रहा हो तो प्रवाहित धारा का मान

$$I = \frac{Q}{t} \quad \text{--- (1)}$$

$$\therefore n = \frac{1}{t}$$

$$\therefore Q = e$$

$$I = ne$$

\* धारा घनत्व -

अभिलम्बत एकांक क्षेत्रफल से गुजरने वाली कुल धारा कि मात्रा को ही धारा घनत्व कहा जाता है। इसका मान -

$$J = \frac{I}{A} \quad \text{--- (2)}$$

धारा घनत्व विमा -  $[M^0 L^{-2} T^0 A^1]$

$$\text{मात्रक} = \frac{A \cdot m}{m^2}$$

Notes: 1. धारा घनत्व एक सदिश राशि होती है जिसकी दिशा सदैव पृष्ठ के लम्बवत् होती है।

2. यदि धारा घनत्व दिए गए पृष्ठ या क्षेत्रफल के साथ  $\theta$  कोण बनाता है तो धारा घनत्व -

$$J = \frac{I}{A \cos \theta}$$

$$I = J A \cos \theta$$

$$\boxed{I = J \cdot \vec{A}}$$

3. यदि वि. धारा किसी असमान अनुप्रस्थ काट क्षेत्रफल वाली नली से प्रवाहित होती है तो इस नली के प्रत्येक बिंदु पर वि. धारा का मान समान रहता है। लेकिन धारा घनत्व का मान भिन्न-भिन्न होता है क्योंकि  $J \propto \frac{1}{A}$ ।

4. किसी कण पर उपस्थित आवेश को निम्न समी. द्वारा प्रदर्शित किया जाता है।

$$Q = at^2 + bt + c$$

तो नियतांक  $a, b, c$  की विमा ज्ञात करो तथा  $t = \text{sec}$  पर वि. धारा का मान ज्ञात करो जबकी  $a = 2$ ,

$$b = 3, c = 4 \text{ है। तो।}$$

$$Q = at^2 + bt + c$$

$$Q = at^2$$

$$a = \frac{Q}{t^2} = \frac{A^1 T^1}{T^2} = A^1 T^{-1}$$

b की विमा -

$$bt = q$$

$$b = \frac{q}{t} = \frac{[A]T}{T}$$

$$b = [A]$$

c की विमा -

$$c = q$$

$$c = [A]T$$

t = 5 sec पर धारा -

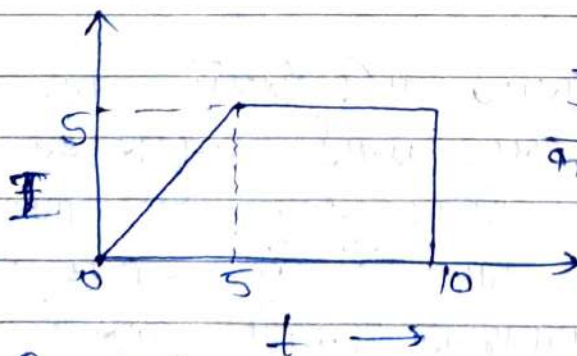
$$I = \frac{dq}{dt}$$

$$I = \frac{d}{dt} (at^2 + bt + c)$$

$$I = 2at + b$$

$$I = 2(2)(5) + 3$$

$$I = 20 + 3 = \boxed{23 \text{ amp}}$$



उपरोक्त ग्राफ की सहायता से कण पर उपस्थित आवेश का मान ज्ञात करो ?

यदि कोई  $e^-$   $5 \times 10^{-11} \text{ m}$  त्रिज्या के घुनकार पथ पर चक्कर लगाता है तथा इसका वेग  $2.2 \times 10^6 \text{ m/s}$  है तो प्रवाहित धारा की गणना करो।

2. Solu. 
$$I = \frac{Q}{t}$$

$$Q = I t$$

अकृति त्रिभुज का क्षेत्र =  $\Delta$  का क्षेत्र + वर्ग का क्षेत्र

$$Q = \frac{1}{2} \times 5 \times 5 + (5)^2$$

$$Q = \frac{25}{2} + 25 = 12.5 + 25$$

$$Q = 37.5 \text{ C}$$

2 Solu. 
$$r = 5 \times 10^{-11} \text{ m}$$

$$v = 2.2 \times 10^6 \text{ m/s}$$

Solu. 
$$I = \frac{e v}{2 \pi r}$$

$$I = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 2.2 \times 10^6}{2 \times 3.14 \times 5 \times 10^{-11}} = \frac{0.8 \times 10^{-13}}{1.57 \times 10^{-10}} = 0.51 \times 10^3$$

ओम का नियम -

इस नियम के अनुसार यदि किसी चालक तार कि भौतिक अवस्थाओं (जैसे - लम्बाई, अनुप्रस्थ काट का क्षेत्र, ताप, दाब etc.) को नियत रखते हुए चालक तार में धारा प्रवाहित कि जाती है तो चालक तार के सिरे पर उत्पन्न विभवान्तर इसमें प्रवाहित धारा के समानुपाती होता है अर्थात्  $V \propto I$

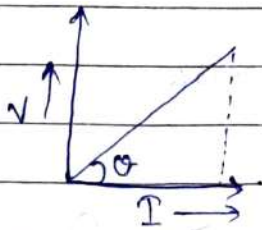
$$V = I R$$

जहाँ  $V = R =$  चालक तार का प्रतिरोध

विद्यमान 
$$R = \frac{V}{I}$$



\* ओम के नियम के लिए  $V$  तथा  $I$  के मध्य ग्राफ -

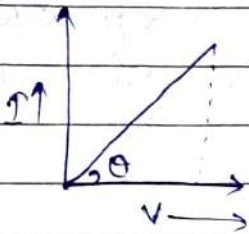


ढाल का मान

$$m = \tan \theta = \frac{V}{I}$$

$$\therefore R = \frac{V}{I}$$

$$\boxed{\tan \theta = R}$$

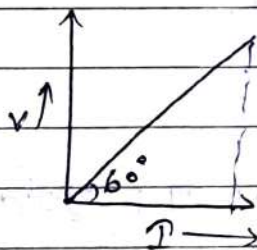


$$\tan \theta = \frac{I}{V} = \frac{1}{R}$$

$$\therefore \frac{I}{V} = \frac{1}{R}$$

$$\boxed{\tan \theta = \frac{1}{R}}$$

Q.



प्रदर्शित ग्राफ कि सहायता से चालक तार का प्रतिरोध ज्ञात करीं?

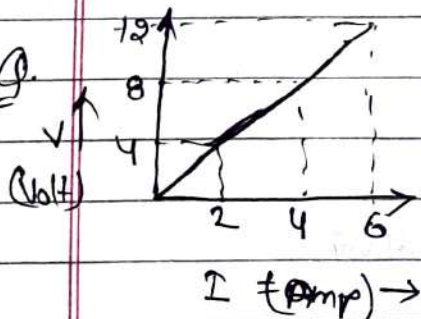
$$m = \tan \theta = \frac{V}{I}$$

$$\tan \theta = R$$

$$R = \tan 60^\circ$$

$$\boxed{R = \sqrt{3} \Omega}$$

Q.



प्रदर्शित ग्राफ कि सहायता से चालक तार का प्रतिरोध ज्ञात करीं?

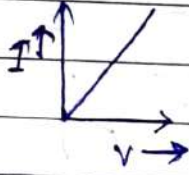
$$R = \frac{\Delta V}{\Delta I} = \frac{8-4}{4-2}$$

$$R = \frac{4}{2}$$

$$\boxed{R = 2 \Omega}$$

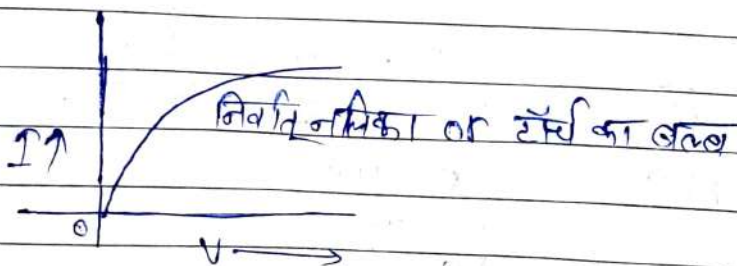
- \* चालक पदार्थों के प्रकार -  
ओम के नियम के आधार पर चालक पदार्थ  
2 प्रकार के होते हैं।
1. ओमी चालक
  2. अनौमी चालक

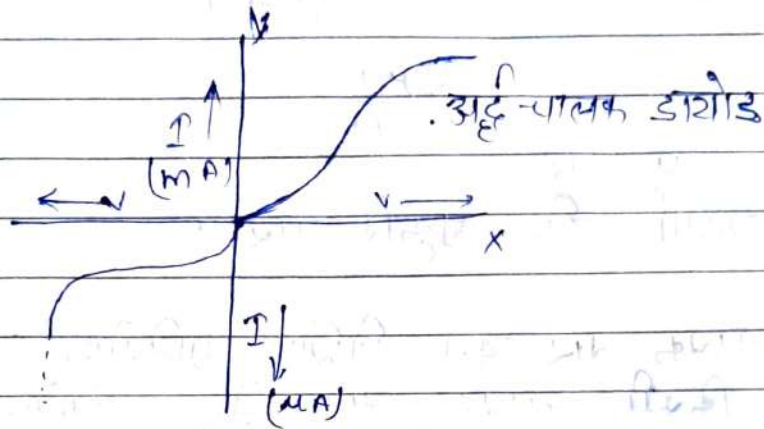
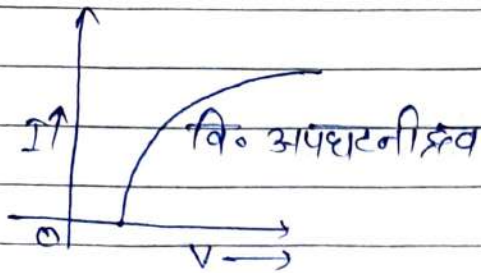
1. ओमी चालक -  
ये चालक पदार्थ जो ओम के नियम का  
पुणतया पालन करते हैं उन्हें अर्थात्  $V$  तथा  $I$   
के मध्य खींचा गया ग्राफ एक सिधी सरल रेखा  
के रूप में प्राप्त होता है। उन्हें ओमी चालक  
कहा जाता है।



Note:- उच्च ताप तथा दाब पर लगभग सभी धातुएँ ओम  
के नियम का पालन करती हैं।

2. अनौमी चालक -  
ये चालक जो ओम के नियम का पुणतया  
पालन नहीं करते हैं अर्थात् इनके लिए  $V$  तथा  $I$   
के मध्य खींचा गया ग्राफ एक सिधी सरल  
रेखा के रूप में प्राप्त नहीं होता उन्हें अनौमी  
चालक कहा जाता है।





\* चालक तार का प्रतिरोध -  
 चालक तार में प्रवाहित धारा के माध्यम में उत्पन्न  
 रुकावट या बाधा को ही चालक तार का प्रतिरोध  
 कहा जाता है। इसका मान -

$$R = \frac{V}{I}$$

R कि विमा व मात्रक -

$$\text{विमा} = [M^1 L^2 T^{-3} A^{-1}]$$

$$[M^1 L^2 T^{-3} A^{-2}] [M^1 L^2 T^{-3} A^{-2}]$$

मात्रक =  $\Omega$  (ओम) ,  $\frac{\text{Volt}}{\text{Amp}} = \frac{\text{kgxm}^2}{\text{sec}^3 \times \text{Amp}^2}$

\* प्रतिरोध कि निर्भरता -

1. चालक तार कि लम्बाई पर -

$$R \propto l$$

2. चालक तार के अनुप्रस्थ काट के क्षेत्रफल पर -

$$R \propto \frac{1}{A}$$

3. ताप पर ।

4. पदार्थ कि प्रकृति पर ।

\* चालक तार का विशिष्ट प्रतिरोध अथवा प्रतिरोधकता -

किसी चालक तार के प्रतिरोध का मान -

1. चालक तार कि लम्बाई के समानुपाती होता है अर्थात्  $R \propto l$  — (1)

2. चालक तार के अनुप्रस्थ काट के क्षेत्रफल के व्युत्क्रमानुपाती होता है अर्थात्  $R \propto \frac{1}{A}$  — (2)

समी. (1) व (2) से -

$$R \propto \frac{l}{A}$$

$$R = \frac{\rho l}{A}$$

जहाँ पर  $\rho$  = चालक तार का विशिष्ट प्रतिरोध  
or प्रतिरोधकता

$$\text{जिसका मान } \rho = \frac{RA}{l}$$

$$\text{यदि } A = 1 \text{ m}^2$$

$$l = 1 \text{ m} \text{ हो तो}$$

$$\rho = R$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि एकक लम्बाई तथा इकाई अनुप्रस्थ काट क्षेत्र वाले चालक तार का प्रतिरोध ही प्रतिरोधकता या विशिष्ट प्रतिरोध कहलाता है।

$\rho$  की विमा व मात्रक

$$\text{विमा} - \rho = \frac{[M^1 L^2 T^{-3} A^{-2}] [L^2]}{[A^2]}$$

$$\text{विमा} = [M^1 L^3 T^{-3} A^{-2}]$$

$$\text{मात्रक} = \Omega \times m \text{ (ओम} \times \text{मीटर)} \times \frac{kg \times m^3}{Sec^3 \times Amp^2}$$

- \* प्रतिरोधकता कि निर्भरता -  
 1. ताप पर ।  
 2. पदार्थ कि प्रकृति पर ।

- \* चालकता -  
 प्रतिरोधकता के व्युत्क्रम को ही चालकता कहा जाता है।

$$\sigma = \frac{1}{\rho}$$

$\sigma$  की विमा व मात्रक -

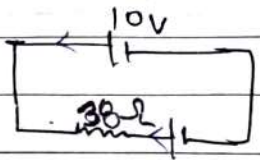
$$\text{विमा} = [M^{-1} L^{-3} T^3 A^2]$$

$$\text{मात्रक} = \Omega^{-1} \times m^{-1} \text{ or } \text{व्ही} \times m^{-1} \text{ or सीमेन} \times m^{-1}$$

Q: यदि किसी चालक तार कि दो भौतिक राशियों के

मान  $x = 4 \mu$ ,  $y = 2 \mu - m$  है तो यदि चालक तार कि लम्बाई को आधा कर दिया जाए तो इन भौतिक राशियों पर क्या प्रभाव पड़ेगा।

Q.



परिपथ में प्रवाहित धारा कि गणना करो ?

1.

इस स्थिति में  $x$  का मान आधा हो जायेगा लेकिन  $y$  का मान अपरिवर्तित रहेगा।

2.

$$I = \frac{V}{R}$$

$$I = \frac{200 - 10}{38}$$

$$I = \frac{190}{38} = \frac{10}{2} = 5 \text{ Amp}$$

Eg. 5.1.

$$q = 4t^3 + 5t + 6C$$

$$t = 1 \text{ sec}, I = ?$$

Sol.

$$I = \frac{dq}{dt}$$

$$I = \frac{d(4t^3 + 5t + 6)}{dt}$$

$$I = 12t^2 + 5$$

$$t = 1 \text{ sec पर}$$

$$I = 12(1)^2 + 5 = 12 + 5 = \boxed{17 \text{ A}}$$

5.3

$$r = 5.3 \times 10^{-11} \text{ m}$$

$$v = 9.2 \times 10^6 \text{ m/sec}$$

Sol.

$$I = \frac{ev}{2\pi r}$$

Eg. 54.

पहले प्रतिरोध -

$$R = \frac{\rho l}{A} \quad \text{--- (1)}$$

बाद में प्रतिरोध

तार की खींचकर दोगुना करने पर

$$R' = \frac{\rho(2l)}{\left(\frac{A}{4}\right)}$$

$$R' = \frac{4\rho l}{A}$$

समी. (1) से -

$$R' = 4R \quad \text{--- (2)}$$

% वृद्धि -

$$= \frac{R' - R}{R} \times 100\%$$

$$= \frac{4R - R}{R} \times 100\%$$

$$= \frac{3R}{R} \times 100\%$$

$$= 300\%$$

Ag. 6.

$$l = 15m$$

$$A = 6 \times 10^{-7} m^2$$

$$R = 5 \Omega$$

$$\rho = ?$$

$$\text{sol. } R = \frac{\rho l}{A}$$

$$\rho = \frac{RA}{l}$$

$$\rho = \frac{5 \times 6 \times 10^{-7}}{15}$$

$$\rho = 2 \times 10^{-7}$$

Eg. 5.  $R = 62 \times 10^3 \Omega$

$$\% = 5\%$$

$$R = (62 \times 10^3 \Omega) \pm 5\%$$

नीला, लाल, नारंगी सुनहरा।

Note:

समक चालकत्व -

प्रतिरोध के व्युत्क्रम को ही चालकत्व कहा जाता है। इसका मान -

$$\sigma = \frac{1}{R}$$

\*

प्रतिरोधों के प्रकार -

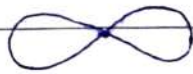
वनावट के आधार पर प्रतिरोध मुख्य रूप में दो प्रकार के होते हैं। -

परिविधित तार प्रतिरोध

कार्बन प्रतिरोध

परिविष्टित तार प्रतिरोध -

1. इन प्रतिरोधों को मैंगनीज, नाइकोम तथा कार्बोस्टेन टाइम आदि मिश्र धातुओं से बनाया जाता है। क्योंकि इन मिश्र धातुओं के प्रतिरोधकता का मान बहुत अधिक होता है। जिसके कारण ये ताप पर बहुत कम निर्भर करती हैं। तथा इन प्रतिरोधों को दोहरा मोड़कर बनाया जाता है ताकि इनके द्वारा होने वाली उष्मीय हानि कम से कम हो।

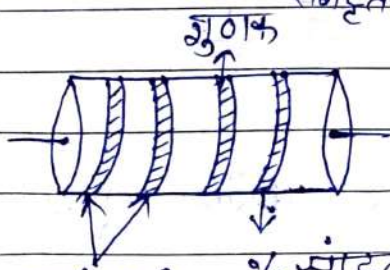


2. कार्बन प्रतिरोध -

इन प्रतिरोधों को एक कुचालक बेलन पर कार्बन की एक परत बिछाकर बनाया जाता है तथा इसके दोनों सिरे खुले होते हैं। ताकि इनका सम्बन्ध बाह्य विद्युत परिपथ से किया जा सके।

\* सर कार्बन प्रतिरोध का वर्णकोड ज्ञात करना -

कार्बन प्रतिरोध में चार रंगीन पट्टिकाएँ होती हैं। इनमें से पहली दो पट्टिकाएँ सार्थक अंक की संख्या को तीसरी पट्टिका गुणक को तथा चौथी पट्टिका % सार्द्धता या संगृहता को प्रदर्शित करती हैं।



सार्थक अंक    % संगृहता    05% संगृहता

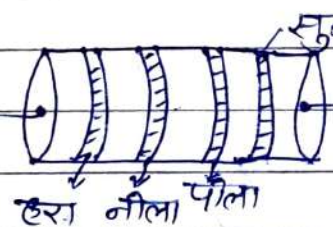


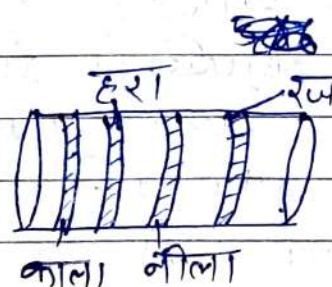
\* वर्णकोड ज्ञात करने के लिए सारणी -

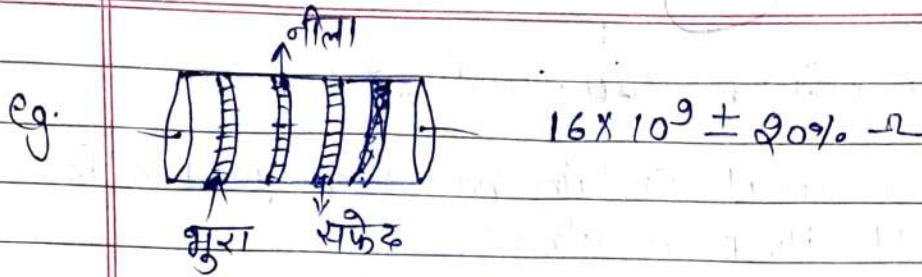
→ B. B Roy of Great Britain had very good wife wearing gold silver necklace.

→ Black Brown Rods of your gate became very good when given silver colour.

क्र.सं.	वर्ण (colour)	सांख्यिक अंक	गुणक	% सांद्रता
1.	काला (Black)	0	$10^0$	-
2.	भूरा (Brown)	1	$10^1$	-
3.	लाल (Red)	2	$10^2$	-
4.	नारंगी (Orange)	3	$10^3$	-
5.	पीला (Yellow)	4	$10^4$	-
6.	हरा (Green)	5	$10^5$	-
7.	नीला (Blue)	6	$10^6$	-
8.	बैंगनी (Violet)	7	$10^7$	-
9.	ग्रे या धूसर भूरा (grey)	8	$10^8$	-
10.	सफेद (white)	9	$10^9$	-
11.	सुनहरा (gold)	+1	$10^{-1}$	$\pm 5\%$
12.	चांदी या रजत (silver)	-2	$10^{-2}$	$\pm 10\%$
13.	रंगहीन (No colour)	-3	$10^{-3}$	$\pm 20\%$

Eg.  Ans.  $56 \times 10^4 \pm 5\% \Omega$

Eg.  Ans.  $0.5 \times 10^6 \pm 10\% \Omega$



Notes: यदि कार्बन प्रतिरोध में लौधी पट्टिका नहीं दी गई हो तो इसे सदैव खंहीन लिया जाता है।

Q. सोडियम क्लोराइड के विलयन का विअपघट्य होने पर 2 sec में  $6.1 \times 10^{16}$   $\text{Na}^+$  तथा  $4.6 \times 10^{16}$   $\text{Cl}^-$  प्राप्त होते हैं तो विलयन में प्रवाहित धारा कि गणना करो।

Ans.  $t = 2 \text{ sec}$   
 $\text{Na}^+ = 6.1 \times 10^{16}$ ,  $\text{Cl}^- = 4.6 \times 10^{16}$   
 $I = ?$

Soln.  $I = \frac{Q}{t}$

$\therefore Q = ne$  से

$I = \frac{ne}{t}$

$I = \frac{(6.1 \times 10^{16} + 4.6 \times 10^{16}) \times 1.6 \times 10^{-19}}{2}$

$I =$

\* अवह वेग - Drift velocity -  
चालक पदार्थ में मुक्त  $e^-$  उपस्थित होते हैं।  
चल तथा वि. क्षेत्र कि अनुपस्थिती में जब  
इन मुक्त इलेक्ट्रानों को रखा जाता है।  
तो ये  $e^-$  आदृष्टिक गति करने लगते हैं।  
निसके कारण ये आपस में एक दुसरे

से टकराते हैं और इस कारण इनका औसत वेग शून्य हो जाता है। इस औसत वेग को उष्मीय वेग के नाम से जाना जाता है तथा  $10^4$  K ताप पर प्रत्येक  $e^-$  का उष्मीय वेग  $10^6$  m/s होता है। लेकिन औसत उष्मीय वेग का मान शून्य होने के कारण ये  $e^-$  चालक पदार्थ के एक सिरे से दूसरे सिरे तक नहीं पहुँच पाते जिसके कारण ये वि. धारा के चालन में कोई योगदान नहीं देते।

लेकिन जब चालक पदार्थ पर वि. क्षेत्र आरोपित किया जाता है तो इनमें उपस्थित मुक्त इलेक्ट्रॉनों पर एक विद्युतीय बल कार्यरत होता है जिसके कारण मुक्त  $e^-$  एक निश्चित दिशा (बाह्य वि. क्षेत्र के विपरीत दिशा) में गति करने लगते हैं। जिसके कारण ये मुक्त  $e^-$  एक अत्यल्प वेग को प्राप्त कर लेते हैं। जिसके कारण ये चालक पदार्थ के एक सिरे से दूसरे सिरे पर पहुँच जाते हैं और धारा चालन में अपना योगदान प्रदर्शित करते हैं। इस क्षीति में मुक्त इलेक्ट्रॉनों का औसत वेग ही अपवाह वेग कहलाता है तथा इसका मान लगभग  $1$  mm/s कोटि का होता है।

\* अपवाह वेग के सूत्र की व्युत्पत्ति -

माना किसी चालक पदार्थ में  $n$   $e^-$  उपस्थित है तथा माना कि प्रत्येक  $e^-$  का उष्मीय वेग  $u_1, u_2, u_3, \dots, u_n$  हैं -

$$\text{औसत उष्मीय वेग} = \frac{u_1 + u_2 + u_3 + \dots + u_n}{n} = 0$$

लेकिन जब चालक पदार्थ पर बाह्य वि. क्षेत्र आरोपित किया जाता है तो इनमें उपस्थित मुक्त इलेक्ट्रॉनों पर एक विद्युतीय बल कार्यरत होता है जिसका मान -

$$\therefore F = qE \text{ से}$$

$e^-$  के लिए -

$$F = -eE \text{ --- (2)}$$

$e^-$  की गति के कारण बल

$$F = ma \text{ --- (3)}$$

समी. (2) व (3) से -

$$ma = -eE$$

$$a = \frac{-eE}{m} \text{ --- (4)}$$

अतः वि. क्षेत्र की उपस्थिति में  $e^-$  का वेग -

$$\therefore v = ut + at \text{ से}$$

पहले  $e^-$  के लिए -

$$v_1 = u_1 + at_1$$

इसी प्रकार

$$v_2 = u_2 + at_2 \text{ --- (5)}$$

$$v_n = u_n + at_n$$

अतः अपवाह वेग का मान -

$$v_d = \frac{v_1 + v_2 + \dots + v_n}{n}$$

$$v_d = \frac{(u_1 + at_1) + (u_2 + at_2) + \dots + (u_n + at_n)}{n}$$

$$v_d = \frac{(u_1 + u_2 + \dots + u_n)}{n} + \frac{a(t_1 + t_2 + \dots + t_n)}{n}$$

समी. (1) से -

$$v_d = \frac{a(t_1 + t_2 + \dots + t_n)}{n}$$

जहाँ पर -

$$\tau = \frac{t_1 + t_2 + \dots + t_n}{n}$$

↑  
विज्ञान्ति काल

$$v_d = a\tau$$

समी. (4) से -

$$v_d = \frac{-eE\tau}{m} \quad \text{--- (6)}$$

यहाँ पर ऋणात्मक चिन्ह यह प्रदर्शित करता है कि मुक्त  $e^-$  अपवाह वेग से वि. क्षेत्र के विपरित दिशा में गमन करते हैं।

विज्ञान्ति काल -

Notes - 1. दो क्रमागत टक्करों के मध्य लिया गया औसत समय ही विज्ञान्ति काल कहलाता है।

2. विज्ञान्ति काल चालक पदार्थों का अभिलाक्षणिक गुण होता है तथा इसका मान लगभग  $10^{-14}$  sec होता है।

3. माध्य मुक्त पथ - चालक पदार्थों में मुक्त इलेक्ट्रॉनों के मध्य होने वाली टक्करों के दौरान दो क्रमागत टक्करों के बीच तब तक गई औसत दूरी को ही माध्य मुक्त पथ कहा जाता है।

$$\text{दूरी} = \text{चाल} \times \text{समय}$$

$$l = v_d \times \tau$$

$$\therefore v_d = \frac{-eE\tau}{m} \text{ से।}$$

$$J = \frac{-eE\tau^2}{m}$$

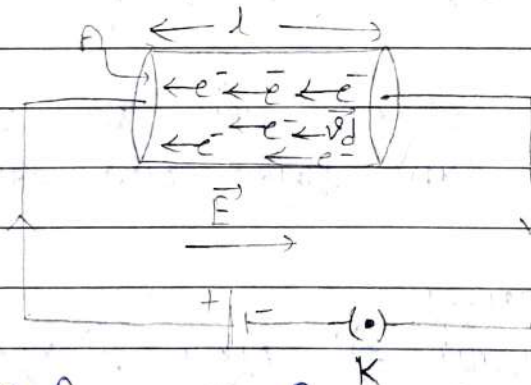
4. उष्मीय वेग -

वि. क्षेत्र कि अनुपासीती में चालक पदार्थों में उपासीत मुक्त इलेक्ट्रानों का औसत वेग ही उष्मीय वेग कहलाता है।

6. अपवाह वेग -

जब चालक पदार्थों पर वि. क्षेत्र आरोपित किया जाता है तो इनमें उपासीत मुक्त  $e^-$  वि. क्षेत्र के कारण निश्चित दिशा में गति करने लगते हैं इस स्थिति में इन इलेक्ट्रानों का औसत वेग ही अपवाह वेग कहलाता है।

\* वि. धारा तथा अपवाह वेग में सम्बन्ध -



माना कोई  $l$  लम्बाई तथा  $A$  अनुप्रस्थ काट क्षेत्रफल का एक चालक तार है तो इस चालक तार का आयतन =  $Al$  — (1)

यदि चालक तार में मुक्त  $e^-$  संख्या घनत्व का मान  $n$  है तो चालक तार में उपासीत कुल इलेक्ट्रानों की संख्या  $N = nAl$  — (2)

इस स्थिति में मुक्त  $e^-$  चालक पदार्थ के एक सिरे से दूसरे सिरे तक पहुँचने में  $l$  दूरी तय करते हैं तथा  $v_d$  वेग से गमन करते हैं।  
तो  $e^-$  के द्वारा लिया गया समय -

$$\text{समय} = \frac{\text{दूरी}}{\text{वेग}}$$

चाल

$$t = \frac{l}{v_d} \quad \text{--- (3)}$$

अतः चालक तार पर सम्पूर्ण आवेश -

$$Q = nA l e \quad \text{--- (4)}$$

वि. धारा की परिभाषा से -

$$I = \frac{Q}{t} \text{ सी.}$$

समी. (3) व (4) से -

$$I = \frac{nA l e}{t} \times v_d$$

$$I = nA e v_d \quad \text{--- (5)}$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि वि. धारा अपवाह वेग के समानुपाती होती है।

\* धारा घनत्व तथा अपवाह वेग में सम्बंध -

$$I = n e A v_d \quad \text{--- (1)}$$

$$\frac{I}{A} = n e v_d$$

$$\therefore \frac{I}{A} = J \text{ (धारा घनत्व)}$$

$$J = n e v_d \quad \text{--- (2)}$$

Note:-  $\therefore v_d = \frac{-eE\tau}{m}$  से

धारा घनत्व व अपवाह वेग में संबंध -

$$J = nev_d$$

$$J = ne \times \frac{-eE\tau}{m}$$

$$J = \frac{-ne^2\tau}{m} E$$

\* विभवान्तर तथा अपवाह वेग के मध्य संबंध -  
अपवाह वेग की परिभाषा से

$$v_d = \frac{-eE\tau}{m} \quad \text{--- (1)}$$

$\therefore$  विभवान्तर  $m$  कि परिभाषा से -

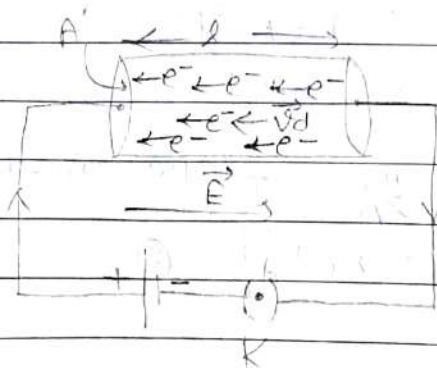
$$E = \frac{V}{l} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) में रखने पर

$$v_d = \frac{-e\tau \times V}{ml}$$

$$v_d = \frac{-e\tau \times V}{ml}$$

\* ओम के नियम का सूक्ष्मीय रूप -





Eg. 2, 5, 7.

माना कोई चालक तार जिसकी लम्बाई  $l$  तथा अनुप्रस्थ काट का क्षेत्रफल  $A$  है तो ओम के नियम से—

$$V = IR \quad \text{--- (1) (ओम के नियम का अदिश रूप)}$$

$$\therefore V = E \times l \quad \text{से}$$

$$\therefore R = \frac{V}{I} \quad \text{से}$$

$$\text{समी. (1) से}$$

$$E \times l = I \cdot \frac{V}{I}$$

$$E = \frac{I \cdot \rho}{A}$$

$$\therefore \frac{I}{A} = J \quad \text{(धारा घनत्व)}$$

$$E = J \cdot \rho$$

$$J = \frac{E}{\rho}$$

$$\therefore \frac{1}{\rho} = \sigma \quad \text{(चालकता)}$$

$$\boxed{J = \sigma E} \quad \text{--- (2) (ओम के नियम का सदिश रूप)}$$

$$\therefore J = \frac{-ne^2 \tau}{m} E \quad \text{से}$$

अहाँ पर

$$\boxed{\sigma = \frac{-ne^2 \tau}{m}}$$

Eg. 2.

$$A = 1 \times 10^{-7} \text{ m}^2$$

$$I = 1.5 \text{ A} \quad \text{वोल्ट} = ?$$

$$\rho = 9.0 \times 10^3 \text{ Kg/m}^3$$

$$m = 63.5 \text{ g.m.u.}$$

Solu.  $\therefore 63.5 \text{ a.m.u.}$  में परमाणुओं की संख्या  $= 6.023 \times 10^{23}$   
 $\therefore 1 \text{ a.m.u.} \dots \dots \dots = \frac{6.023 \times 10^{23}}{63.5}$   
 $\therefore 9 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \dots \dots \dots = \frac{6.023 \times 10^{23} \times 9 \times 10^3}{63.5}$   
 $n = \frac{6.023 \times 10^{23} \times 9 \times 10^3}{63.5}$   
 $\therefore I = neAV_d$

$$V_d = \frac{I}{neA}$$

$$V_d =$$

Eg. 56.  $x = 4 \Omega$ ,  $y = 48 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$

Solu.  $x = 2 \Omega$

$$y = 48 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$$

Eg. 57.  $l = 1.5$ ,  $A = 0.60 \times 10^{-6} \text{ m}^2$

$$V = 0.90 \text{ Volt}, I = 7$$

$$\rho = 5.6 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$$

Solu.  $\rho = \frac{RA}{l}$

$$\therefore R = \frac{V}{I}$$

$$\rho = \frac{VA}{Il}$$

$$I = \frac{VA}{\rho l}$$

\* प्रतिरोधकता कि ताप पर निर्भरता -

1. चालक पदार्थों कि प्रतिरोधकता कि ताप पर निर्भरता - चालक पदार्थों

कि प्रतिरोधकता का मान ताप पर निम्न उकार निर्भर करता है।

$$\sigma = \frac{ne^2\tau}{m}$$

$$\therefore \rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{m}{ne^2\tau} \quad \text{--- (1)}$$

जब चालक पदार्थों के ताप में वृद्धि कि जाती है तो इनमें उपस्थित मुक्त इलेक्ट्रॉनों के वेग के मान में वृद्धि होने लगती है। जिसके कारण ये  $e^-$  पहले कि तुलना में चालक पदार्थ के एक सिरे से दूसरे सिरे तक कम समय में पहुँच जाते हैं जिसके कारण विद्युत् काल का मान घट जाता है तथा समी. (1) के अनुसार प्रतिरोधकता के मान में वृद्धि हो जाती है अतः इससे स्पष्ट होता है चालक पदार्थों कि प्रतिरोधकता ताप बढ़ाने पर बढ़ती है अर्थात् इनकी प्रतिरोधकता ताप के समानुपाती होती है।

माना किसी चालक पदार्थ कि प्रारंभिक ताप  $t_0$  पर प्रतिरोधकता  $\rho_0$  है तथा अंतिम ताप  $t_1$  पर प्रतिरोधकता का मान  $\rho_1$  है तो इस स्थिति में चालक पदार्थों कि प्रतिरोधकता में होने वाला परिवर्तन अथवा वृद्धि इसकी प्रारंभिक प्रतिरोधकता तथा ताप में परिवर्तन के समानुपाती होती है।

अर्थात् -

$$\rho_t - \rho_0 = \alpha \rho_0 \Delta t$$

$$\rho_t - \rho_0 = \alpha \rho_0 \Delta t$$

$$\rho_t - \rho_0 = \alpha \rho_0 (t - t_0) \quad \text{--- (2)}$$

$$\rho_t = \rho_0 + \alpha \rho_0 (t - t_0)$$

$$\rho_t = \rho_0 [1 + \alpha (t - t_0)]$$

जहाँ पर -

$\alpha$  = ताप प्रतिरोध गुणांक  
जिसका मान = समी. @ सी. :-

$$\alpha = \frac{\rho_t - \rho_0}{\rho_0 [t - t_0]}$$

ताप प्रतिरोध गुणांक कि परिभाषा -

यदि  $\rho_0 = 1 \text{ g-m}$

व  $\Delta t = 1^\circ \text{C}$  हो तो

$$\alpha = \rho_t - \rho_0$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि यदि एकांक प्रतिरोधकता वाले पदार्थ के ताप में  $1^\circ \text{C}$  की वृद्धि कि जाए तो प्रतिरोधकता में होने वाली वृद्धि या परिवर्तन को ही ताप प्रतिरोध गुणांक कहा जाता है।

\*  $\alpha$  कि विमा व मात्रक -

$$\alpha = [M^0 L^0 T^0 K^{-1}]$$

मात्रक =

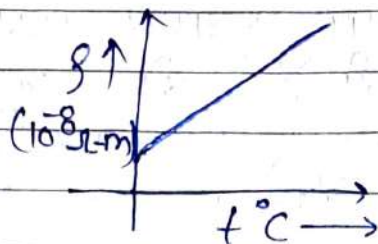
$$\alpha = /^\circ \text{ or / केल्विन}$$

Notes-

i)

चालक पदार्थों के ताप प्रतिरोध गुणांक का मान धनात्मक प्राप्त होता है क्योंकि ताप बढ़ाने पर इनकी प्रतिरोधकता के मान में वृद्धि होती है।

iii) चालक पदार्थों के लिए  $\rho$  तथा  $\frac{\rho}{A}$  के महत्व अरेख-



iv) यदि चालक पदार्थों के ताप में वृद्धि कि जाती है तो  $\frac{\rho}{A}$  का अनुपात सदैव निश्चल रहता है। जिससे-

$$R = \frac{\rho l}{A} \text{ सै.}$$

$$\therefore \frac{\rho}{A} = \text{constant}$$

$$\boxed{R \propto \rho}$$

v) चालक पदार्थों के प्रतिरोध कि ताप पर निर्भरता की निम्न प्रकार प्रदर्शित किया जाता है

$$R_t - R_0 = \alpha R_0 \Delta t$$

$$R_t = R_0 + \alpha R_0 \Delta t$$

$$R_t = R_0 (1 + \alpha \Delta t)$$

2. अर्द्धचालक तथा कुचालक पदार्थों कि प्रतिरोधकता कि ताप पर निर्भरता -

अर्द्धचालक तथा कुचालक पदार्थों कि प्रतिरोधकता की ताप पर निर्भरता की निम्न समी. कि सहायता से प्रदर्शित किया जाता है -

$$\rho_t = \rho_0 e^{\frac{-\Delta E_g}{2kT}}$$

जहाँ  $\Delta E_g$  = वर्णित ऊर्जा अन्तराल

$k$  = वोल्टजमान नियतांक ( $1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$ )

$T =$  परमताप

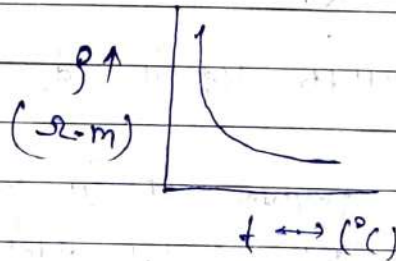
जब अर्धचालक तथा कुचालक पदार्थों के ताप में वृद्धि कि जाती है तो इनमें परमाणुओं के मध्य बने बंध टूटने लगते हैं जिसके कारण इनमें मुक्त इलेक्ट्रॉनों की संख्या में वृद्धि होती है। जिसके कारण मुक्त  $e^-$  संख्या घनत्व ( $n$ ) के मान में वृद्धि होने लगती है जिससे  $\rho$  होने से प्रतिरोधकता के मान में कमी होने लगती है।

अतः इससे स्पष्ट होता है कि अर्धचालक तथा कुचालक पदार्थों की प्रतिरोधकता ताप के व्युत्क्रमानुपाती होती है।

Note: 1.

अर्धचालक तथा कुचालक पदार्थों के लिए ताप प्रतिरोध गुणांक का मान ऋणात्मक प्राप्त होता है क्योंकि ताप बढ़ाने पर प्रतिरोधकता का मान घटता है।

2. अर्धचालक तथा कुचालक पदार्थों के लिए  $\rho$  तथा  $n$  के मध्य ग्राफ -



3. अर्धचालकों के लिए वर्जित ऊर्जा अन्तराल का मान -

$$\Delta E_g \leq 1 \text{ eV}$$

4. कुचालकों के लिए वर्जित ऊर्जा अन्तराल का मान -

$$\Delta E_g > 1 \text{ eV} \text{ होता है।}$$

5. अदिचालक तथा कुचालक पदार्थों के प्रतिरोध की ताप पर निर्भरता को निम्न प्रकार प्रदर्शित किया जाता है।

$$R_t - R_0 = -\alpha R_0 \Delta t$$

- \* गतिशीलता -  
अपवाह वेग तथा वि. क्षेत्र के अनुपात को ही गतिशीलता कहा जाता है इसका मान -

$$\mu = \frac{v_d}{E} \quad \text{--- (1)}$$

$$v_d = \frac{-eE\tau}{m} \text{ से}$$

समी. (1) से

$$\mu = \frac{-eE\tau}{m} \times \frac{1}{E}$$

$$\mu = \frac{-e\tau}{m} \quad \text{--- (2)}$$

की विमा व मात्रक -

$$\mu = \frac{[A^{-1}T]}{[m]}$$

$$\mu = [m^{-1}L^0T^2A^1]$$

मात्रक -

$$\mu = \frac{m/sec}{N/c} \text{ or } \frac{sec^2 \times A \cdot mp}{kg}$$

$$\text{or } \frac{c \times sec}{kg}$$

Note:-

द्वारा घनत्व तथा गतिशीलता के मध्य सम्बन्ध -

$$j = nev_d \quad \text{--- (3)}$$

समी. ७ को  $E$  से जुक्त व भाग देने पर -

$$J = neV_d \times \frac{E}{E}$$

$$J = neE \times \frac{V_d}{E}$$

$$\therefore \frac{V_d}{E} = \mu$$

$$J = neE\mu$$

\* अतिचालकता -

कुछ धातुओं तथा मिश्र धातुओं में एक ऐसा गुण पाया जाता है कि इनकी प्रतिरोधकता का मान तेजी से घटकर शून्य हो जाता है। इस गुण को अतिचालकता तथा इन पदार्थों को अतिचालक पदार्थ कहा जाता है तथा जिस ताप पर ऐसा होता है उसे क्रांतिक ताप कहा जाता है।

\* मैसनर प्रभाव -

अतिचालकता की अवस्था में धातुओं अथवा मिश्र धातुओं के भीतर चुम्बकीय क्षेत्र का मान शून्य हो जाता है। इस प्रभाव को ही मैसनर प्रभाव कहा जाता है।

Note:-

अतिचालकता का उपयोग छोटे ट्रांसफॉर्मर बनाने में, वि. मोटर जनित बनाने में तथा सुपर कम्प्युटर बनाने में किया जाता है।

\* प्रतिरोधी का संयोजन -

दो या दो से अधिक प्रतिरोधों को आपस में जोड़ना ही प्रतिरोधों का संयोजन कहलाता है तथा यह निम्न दो प्रकार से किया जाता है -

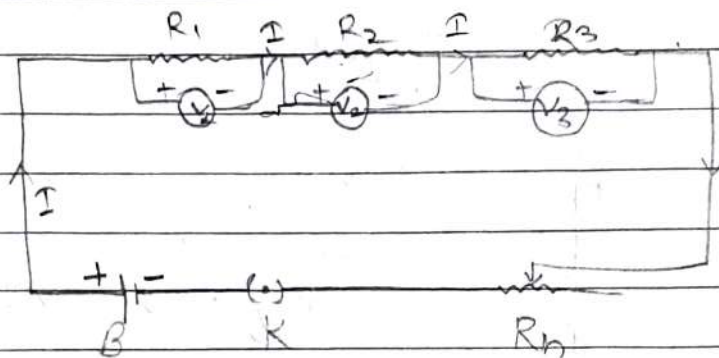


1. श्रेणी क्रम संयोजन -

2. समांतर क्रम संयोजन -

\*1. श्रेणी क्रम संयोजन -

वह संयोजन जिसमें प्रत्येक प्रतिरोध में प्रवाहित धारा का मान समान होता है उसे श्रेणीक्रम संयोजन कहा जाता है।



ओम के नियम से -

पहले प्रतिरोध के सिरे पर विभवान्तर -

$$V_1 = IR_1 \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार दूसरे व तीसरे प्रतिरोध के सिरे पर विभवान्तर

$$V_2 = IR_2 \quad \text{--- (2)}$$

$$V_3 = IR_3 \quad \text{--- (3)}$$

अतः सम्पूर्ण परिपथ का कुल विभवान्तर -

$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

समी. (1), (2) व (3) से

$$IR = IR_1 + IR_2 + IR_3$$

$$IR = I(R_1 + R_2 + R_3)$$

$$R = R_1 + R_2 + R_3 \quad \text{--- (4)}$$

⇒ यदि n-प्रतिरोध श्रेणी क्रम में जुड़े हों तो -

$$R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$$

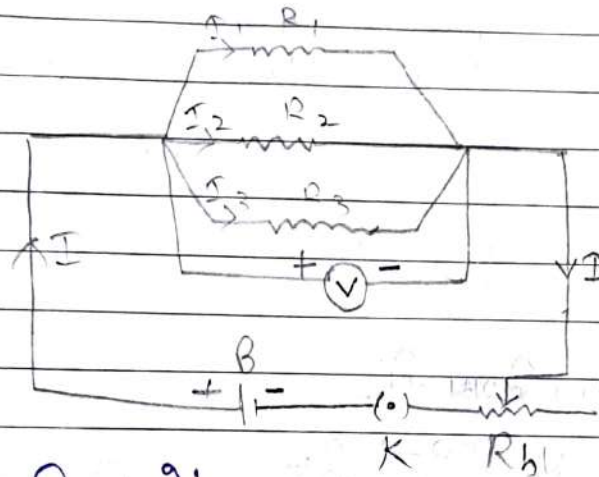
Note:

श्रेणी क्रम संयोजन में तुल्य प्रतिरोध का मान सबसे अधिक प्रतिरोध से भी अधिक प्राप्त होता है।

\* 2.

समान्तर क्रम संयोजन -

प्रतिरोधों का वह संयोजन जिसमें प्रत्येक प्रतिरोध में विभवान्तर का मान समान रहता है। उसे समान्तर क्रम संयोजन कहा जाता है।



ओम के नियम से -

$$V = IR \text{ से}$$

$$I = \frac{V}{R} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार पहले प्रतिरोध में प्रवाहित धारा -

$$I_1 = \frac{V}{R_1} \text{ --- (2)}$$

इसी प्रकार दूसरे व तीसरे प्रतिरोध में प्रवाहित धारा -

$$I_2 = \frac{V}{R_2} \text{ --- (3)}$$

$$I_3 = \frac{V}{R_3} \text{ --- (4)}$$

अतः सम्पूर्ण परिपथ में प्रवाहित धारा -

$$I = I_1 + I_2 + I_3$$

सभी ①, ②, ③ व ④ में

$$\frac{V}{R} = \frac{V}{R_1} + \frac{V}{R_2} + \frac{V}{R_3}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

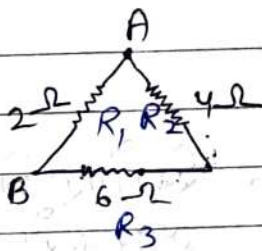
$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \quad \text{--- (5)}$$

⇒ यदि  $n$  - प्रतिरोध समान्तर क्रम में जुड़े हों तो -

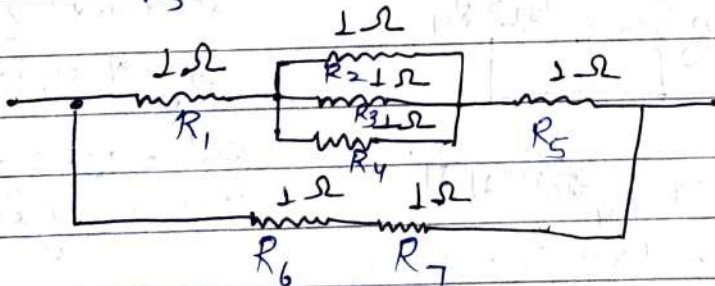
$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}$$

Note:- इस संयोजन में तुल्य प्रतिरोध का मान सबसे कम प्रतिरोध से भी कम प्राप्त होता है।

Q.



Q.



J. Solv.  $R_2$  व  $R_3$  क्षणी क्रम में  
 $R_5 = 4 + 6 = 10 \Omega$

$$R_p = \frac{10}{6}$$

$R_1$  व  $R_5$  समान्तर क्रम में

$$R_p = \frac{5}{3} \Omega$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2} + \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{5+1}{10} = \frac{6}{10}$$

Q. Solu.  $R_2$  व  $R_3$  व  $R_4$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = 3$$

$$R_p = \frac{1}{3} \Omega$$

$R_1$ ,  $R_p$  व  $R_5$  श्रेणीक्रम में

$$R_s = 1 + \frac{1}{3} + 1$$

$$R_s = 2 + \frac{1}{3} = \frac{6+1}{3} = \frac{7}{3} \Omega$$

$R_6$  व  $R_7$  श्रेणीक्रम में -

$$R_s' = 1 + 1 = 2 \Omega$$

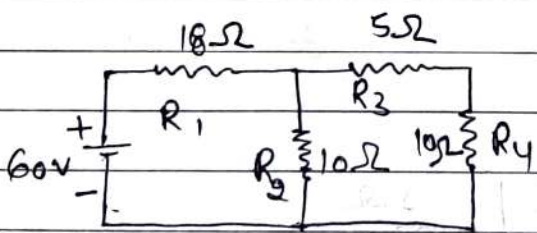
$R_s$  व  $R_s'$  समान्तर क्रम में -

$$R_p = \frac{R_s R_s'}{R_s + R_s'}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2} + \frac{3}{7} = \frac{7+6}{14} = \frac{13}{14}$$

$$R_p = \frac{14}{13} \Omega$$

Q



R के सिरो पर विभवान्तर

जात करी ?

$R_p$  व  $R_1$  श्रेणीक्रम में

$$R_s' = 18 + 6 = 24 \Omega$$

$$\therefore I = \frac{V}{R}$$

$$I = \frac{560}{224} = 2.5A$$

$R_1$  के सिरो पर विभवान्तर -

$$V_1 = I R_1$$

Solu.  $R_3$  व  $R_4$  श्रेणीक्रम में

$$R_s = 10 + 5 = 15 \Omega$$

$R_2$  व  $R_s$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{10} + \frac{1}{15} = \frac{3+2}{30} = \frac{5}{30}$$

$$R_p = 6 \Omega$$

$$V_1 = 2.5 \times 18$$

$$V_1 = 45 \text{ वोल्ट}$$

Eg. 58.  $R_0 = 5 \Omega, t_0 = 0^\circ \text{C}$   
 $R_{100} = 5.23 \Omega, t_1 = 100^\circ \text{C}$   
 $R_t = 5.795 \Omega, t = ?$

Soln.  $R_t - R_0 = \alpha R_0 (t - t_0)$

$$R_{100} - R_0 = \alpha R_0 [t_1 - t_0]$$

$$5.23 - 5 = \alpha \times 5 [100 - 0]$$

$$\alpha = \frac{0.23}{5 \times 100} / ^\circ \text{C}$$

पुनः  $R_t - R_0 = \alpha R_0 (t - t_0)$

$$5.795 - 5 = \frac{0.23}{\frac{500}{100}} \times 5 (t - 0)$$

$$0.725 = \frac{0.23}{100} (t)$$

$$t = \frac{0.725 \times 100}{0.23} =$$

Eg. 59.  $t_1 = 20^\circ \text{C}, R_1 = 50 \Omega$

$$t_2 = ? \quad R_2 = 80 \Omega$$

$$\alpha = 3.8 \times 10^{-3} / ^\circ \text{C}$$

Soln  $R_t - R_0 = \alpha R_0 (t - t_0)$

$$R_2 - R_1 = \alpha R_1 (t_2 - t_1)$$

$$80 - 50 = 3.8 \times 10^{-3} \times 50 (t_2 - 20)$$

$$t_2 - 20 = \frac{30}{3.8 \times 10^{-3} \times 50}$$

$$t_2 = 20 + \frac{30 \times 10^3}{3.8 \times 50}$$

$$t_2 =$$

$$t_2 =$$

Ex. 10. Solu.  $R_2$  व  $R_3$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$R_p = 2 \Omega$$

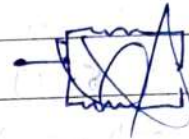
$R_p$  व  $R_1$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s = R_p + R_1 = 2 + 2 = 4 \Omega$$

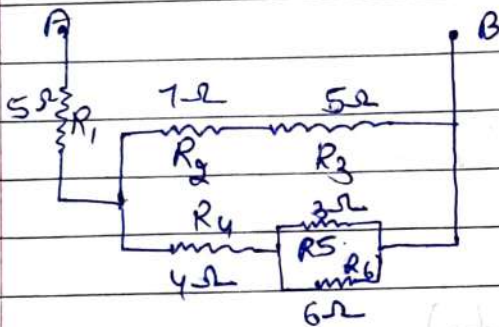
$R_p'$  व  $R_1$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s'' = 5 + 4 = 9 \Omega$$

Eg. 5.12.



Ex. 11.



Case I. अब 5 खुली होती -

$R_1$  व  $R_2$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s = 10 + 10 = 20 \Omega$$

$R_3$  व  $R_4$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s' = 10 + 10 = 20 \Omega$$

$R_5$  व  $R_6$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{20} + \frac{1}{20} = \frac{2}{20} = \frac{1}{10}$$

$$R_p = 10 \Omega$$

Solu.  $R_5$  व  $R_6$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{2+1}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$R_p = 2 \Omega$$

$R_p$  व  $R_4$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s = 4 + 2 = 5 \Omega$$

$R_2$  व  $R_3$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s' = 7 + 5 = 12 \Omega$$

$R_s$  व  $R_s'$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{6} + \frac{1}{12} = \frac{2+1}{12} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{4}$$

$$R_p' = 4 \Omega$$

Case II. अब 5 बन्द होती -

$R_1$  व  $R_3$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

$$R_p = 5 \Omega$$

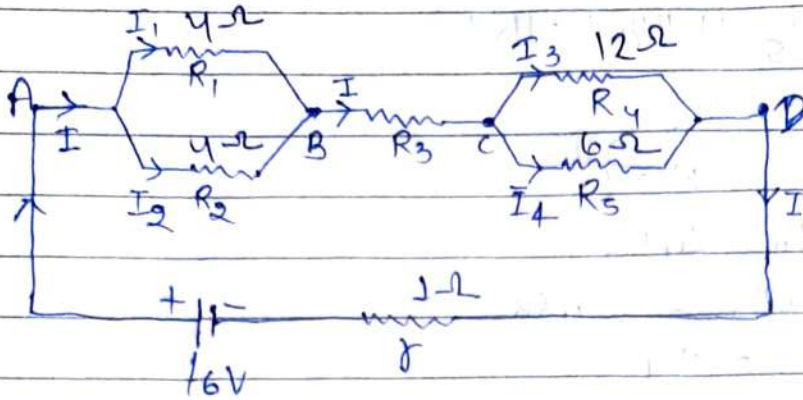
$R_2$  व  $R_4$  समान्तर क्रम में -

$$R_p' = 5 \Omega$$

$R_p$  व  $R_p'$  श्रैणी क्रम में -

$$R_s = 5 + 5 = 10 \Omega$$

Eg. 5.13.



Sol.  $R_1$  व  $R_2$  समांतर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$$

$$R_p = 2\Omega$$

$R_4$  व  $R_5$  समांतर क्रम में -

$$\frac{1}{R_{p'}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{12} = \frac{2+1}{12} = \frac{3}{12}$$

$$R_{p'} = 4\Omega$$

$R_p$ ,  $R_{p'}$  व  $R_3$  श्रृंखला क्रम में

$$R_s = 2 + 4 + 1 = \boxed{7\Omega}$$

वोल्टी द्वारा प्रवाहित धारा

$$I = \frac{V}{R}$$

$$I = \frac{16}{7+1} = \frac{16}{8}$$

$$\boxed{I = 2A}$$

$R_1$  व  $R_2$  में प्रवाहित धारा

$$I = \frac{V}{R}$$

$$I = 1 \text{ Amp}$$

$R_3$  = में प्रवाहित धारा

$$I = 2A$$

$R_4$  व  $R_5$  प्रवाहित धारा -

$$V_4 = V_5$$

$$\therefore V = IR \text{ से}$$

$$I_3 R_4 = I_4 R_5$$

$$I_3 \times 2^2 = I_4 \times 6$$

$$\therefore I_3 = I_4$$

$$\therefore I_3 + I_4 = 2$$

$$I_3 + 2I_3 = 2$$

$$3I_3 = 2$$

$$I_3 = \frac{2}{3} \text{ A}$$

$$I_4 = 2 \times \frac{2}{3} = \frac{4}{3} \text{ A}$$

A व B के मध्य विभवान्तर -

$$V = IR \text{ से}$$

$$V_{AB} = 2 \times 2 = 4 \text{ V}$$

B व C के मध्य -

$$V_{BC} = IR \text{ से}$$

$$V_{BC} = 2 \times 1 = 2 \text{ V}$$

C व D के मध्य -

$$V_{CD} = IR \text{ से}$$

$$V_{CD} = 2 \times 4 = 8 \text{ V}$$

\* सैल -

वह युक्ति या उपकरण जो रासायनिक ऊर्जा को विद्युत ऊर्जा में रूपान्तरित कर दे उसे सैल कहा जाता है तथा सैल दो प्रकार के होते हैं प्राथमिक सैल

वह सैल जिसमें होने वाली रासायनिक अभि. अनुकूलनीय होती है अर्थात् जिन्हें पुनः



आवेशित नहीं किया जा सकता उन्हें प्राथमिक सेल कहा जाता है।

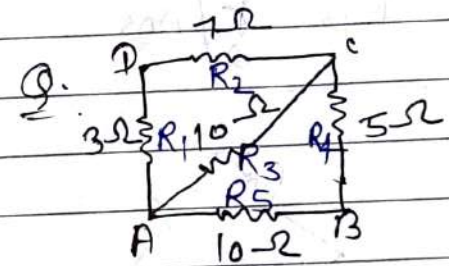
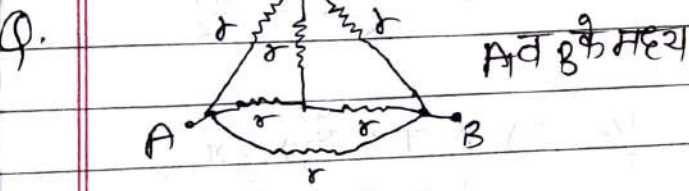
Fig. शुष्क सेल

2. द्वितीयक सेल -

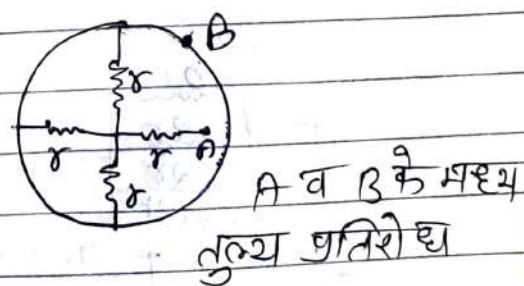
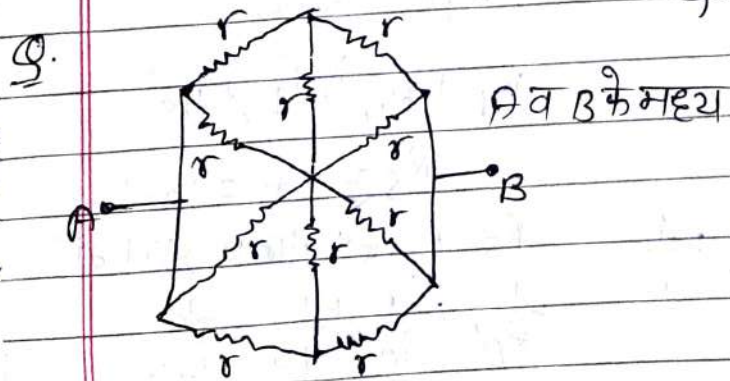
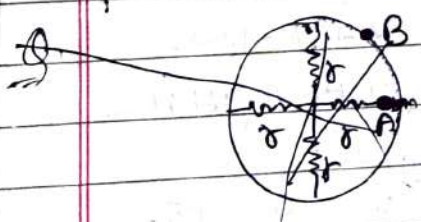
वह सेल जिसमें होने वाली रासायनिक अभिक्रिया उत्क्रमणीय होती है। उसे द्वितीयक सेल कहा जाता है अर्थात् इन सेलों को पुनः आवेशित किया जा सकता है।

सीसा संचायक सेल, लौह-निकल सेल,

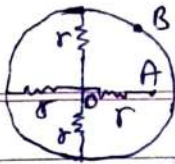
Fig. जिंक-कैडमियम सेल



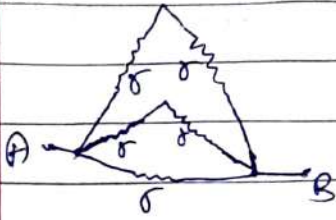
- i) A व B के मध्य
- ii) A व D के मध्य
- iii) A व C के मध्य



35

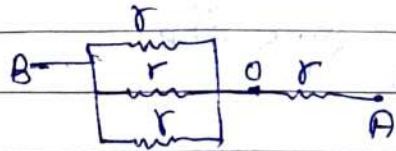


Q.1



30

व B के लिए -



Solu.

$$R_s = r + r = 2r$$

$$R_s' = r + r = 2r$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \frac{1}{r}$$

$R_s$  व  $R_s'$  व समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{3}{r}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r}$$

$$R_p = \frac{r}{3}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} = \frac{2}{2r} = \frac{1}{r}$$

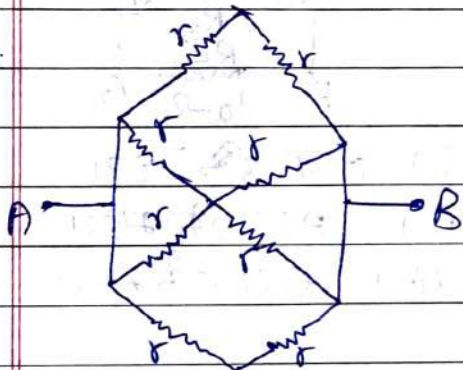
$R_p$  व श्रेणी क्रम में -

$$R_3 = \frac{r}{3} + r$$

$$R_p = \frac{r}{2} \text{ Ans}$$

$$R_3 = \frac{r + 3r}{3} = \frac{4r}{3}$$

Q.2



4.

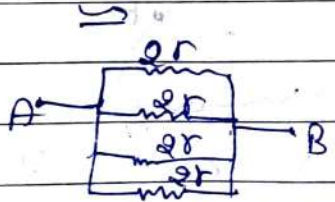
1) A व B के मध्य  $R_1$  व  $R_2$  श्रेणी क्रम में

$$R_s = 3 + 7 = 10\Omega$$

$R_s$  व  $R_3$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{2}{10}$$

$$R_p = 5\Omega$$



$R_p$  व  $R_4$  श्रेणी क्रम में

$$R_s = 5 + 5 = 10\Omega$$

$R_s$  व  $R_5$  समान्तर क्रम में

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r}$$

$$\frac{1}{R_p'} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{2}{10}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{2}{r}$$

$$R_p' = 5\Omega$$

$$R_p = \frac{r}{2}$$

ii) A व D के मध्य

 $R_4$  व  $R_5$  श्रैणी क्रम में -

$$R_5 = 10 + 5 = 15 \Omega$$

 $R_5$  व  $R_3$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{15} + \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{2+3}{30} = \frac{5}{30}$$

$$R_p = 6 \Omega$$

 $R_p$  व  $R_2$  श्रैणी क्रम में -

$$R_5' = 7 + 6 = 13 \Omega$$

 $R_5'$  व  $R_1$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_{p'}} = \frac{1}{13} + \frac{1}{3} = \frac{3+13}{39}$$

$$\frac{1}{R_{p'}} = \frac{16}{39} \Rightarrow R_{p'} = \frac{39}{16} \Omega$$

iii) A व C के मध्य -

A.Q.1.  $R = 1 \text{ cm}$ ,  $V = 2 \text{ mm}$ 

$$u = 120 \text{ Volt}, I = ?$$

$$f = 1.7 \times 10^8 \text{ Hz}$$

Soln.  $\rho = \frac{RA}{l}$

$$\therefore R = \frac{V}{I}$$

$$\rho = \frac{V \cdot A}{I \cdot l}$$

$$I = \frac{VA}{\rho l}$$

$$I = \frac{120 \times \pi r^2}{1.7 \times 10^8 \times 10^{-2}}$$

$$I = \frac{120 \times 3.14 \times (2 \times 10^{-3})^2}{1.7 \times 10^8 \times 1 \times 10^{-2}}$$

$$I = 1.7 \times 10^{-8} \times 1 \times 10^{-2}$$

Q.A.2.

A व C के मध्य

$$R_5 = 3 + 3 = 6 \Omega$$

 $R_5$  व  $R_4$  समान्तर क्रम में

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$R_p = 3 \Omega$$

A व D के मध्य

$R_p$  व  $R_4$  श्रैणी क्रम में -

$$R_{S'} = 3 + 3 = 6 \Omega$$

$R_{S'}$  व  $R_5$  समान्तर क्रम में -

$$\frac{1}{R_{p'}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$R_{p'} = 3 \Omega$$

A व E के मध्य

$R_{p'}$  व  $R_5$  श्रैणी क्रम में

$$R_{S''} = 3 + 3 = 6 \Omega$$

$R_{S''}$  व  $R_7$  समान्तर क्रम में

$$\frac{1}{R_{p''}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$R_{p''} = 3 \Omega$$

$R_{p''}$  व  $R_8$  श्रैणी क्रम में

$$R_{S'''} = 3 + 3 = 6 \Omega$$

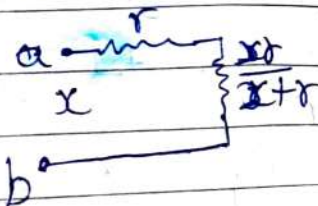
$R_{S''}$  व  $R_9$  समान्तर क्रम में

$$\frac{1}{R_{p''''}} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{R_{p''''}} = \frac{2+1}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$R_{p''''} = 2 \Omega$$

Q. 3



Solu.  $r$  व  $x$  श्रैणी क्रम में

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{r} + \frac{1}{x}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{x+r}{xr}$$

$$R_p = \frac{xr}{x+r}$$

$r$  व  $\frac{xr}{x+r}$  श्रैणी क्रम में -

$$R_S = r + \frac{xr}{x+r}$$

$$x = \frac{r(r+x) + xr}{(r+x)}$$

$$x(r+x) = r^2 + xr + xr$$

$$xr + x^2 = r^2 + 2xr + xr$$

$$x^2 = r^2 + xr$$

$$x^2 - xr - r^2 = 0$$

द्वाराचार्य विधि -

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-(-r) \pm \sqrt{r^2 - 4(-r^2)}}{2}$$

$$x = \frac{r \pm \sqrt{5r^2}}{2}$$

$$x = \frac{r(1 \pm \sqrt{5})}{2}$$

$$x = \frac{r(1 + \sqrt{5})}{2}$$

4.

$$R_s = 1 + 2 + 3 = \boxed{6 \Omega}$$

$$V = 12 \text{ Volt}$$

$$\therefore I = \frac{V}{R} = \frac{12}{6} = 2 \text{ A}$$

1- $\Omega$  पर वोल्टता

$$V = IR$$

$$\boxed{V = 2 \times 1 = 2 \text{ Volt}}$$

2- $\Omega$  पर वोल्टता

$$V = IR$$

$$V = 2 \times 2$$

$$\boxed{V = 4 \text{ Volt}}$$

3- $\Omega$  पर वोल्टता

$$V = IR$$

$$V = 2 \times 3$$

$$\boxed{V = 6 \text{ Volt}}$$

5.

$$t_0 = 27^\circ \text{C}; R_0 = 100 \Omega$$

$$t = ? , R_t = 117 \Omega$$

$$\alpha = 1.70 \times 10^{-4} / ^\circ \text{C}$$

Soln.

$$R_t - R_0 = \alpha R_0 (t - t_0) \text{ से}$$

$$117 - 100 = \frac{1.70 \times 10^{-4} \times 100 (t - 27)}{100}$$

$$17 = 17 \times 10^{-3} (t - 27)$$

$$t - 27 = \frac{17}{17 \times 10^{-3}}$$

$$t - 27 = 1000$$

$$t = 1000 + 27$$

$$\boxed{t = 1027^\circ \text{C}}$$

6.

$$l = 15 \text{ m}, A = 6.0 \times 10^{-7} \text{ m}^2$$

$$R = 5.0 \Omega$$

$$\rho = ?$$

$$\rho = \frac{RA}{l}$$

$$= \frac{5 \times 6 \times 10^{-7}}{15}$$

$$\boxed{\rho = 2 \times 10^{-7} \Omega \text{ m}}$$

\*

सैल का आंतरिक प्रतिरोध -

सैल के वि. अपघट्य के आयनों के द्वारा धारा प्रवाह के मार्ग में उत्पन्न रुकावट या बाधा को ही सैल का आंतरिक प्रतिरोध कहा जाता है। इसे  $r$  से प्रदर्शित किया जाता है।

\*

आंतरिक प्रतिरोध की निर्भरता -

वि. अपघट्य की प्रकृति पर।

10

2. दोनो इलेक्ट्रोडों के बीच कि दूरी पर
3. दोनो इलेक्ट्रोडों के दुबे हुए क्षेत्रफल पर
4. उदाहित धारा के मान पर
5. वि. अपघटय कि सांद्रता पर

\* सैल का वि. वाहक बल - (emf)  
 "किसी एकांक परिष्ठा धनावेश के द्वारा किसी खुले परिष्ठा में एक पुरान्यकर लगाने में किया गया कार्य ही सैल का वि. वाहक बल कहलाता है।"

$$E_{emf} = \frac{W}{q_0} \quad \text{--- (1)}$$

$$\therefore W = Fd \text{ से}$$

समी. (1) से

$$E_{emf} = \frac{Fd}{q_0} \quad \text{--- (2)}$$

$$\therefore F = q_0 E_{से}$$

$$E_{emf} = \frac{q_0 E d}{q_0}$$

$$E_{emf} = E d \quad \text{--- (3)}$$

$$\therefore E d = V$$

$$\boxed{E_{emf} = V} \quad \text{--- (4)}$$

अतः "इससे स्पष्ट होता है कि खुले परिष्ठा कि अवस्था में सैल के सिरी पर उत्पन्न विभवान्तर को ही सैल का वि. वाहक वाहक बल कहा जाता है।"

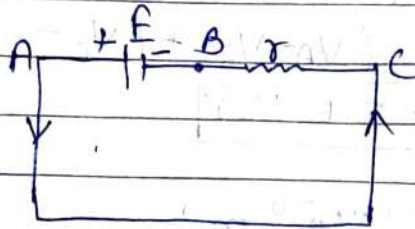
\* सैल कि टर्मिनल वोल्टता

जब सैल को धारा कि जाती है उधवा सैल से धारा ली जाती है तो सैल के सिरी पर उत्पन्न विभवान्तर को ही सैल कि टर्मिनल

वोल्टता कहा जाता है।

Case 1.

जब सेल से धारा ली जाती हो अथवा सेल निरवैशित होता है तो टर्मिनल वोल्टता -



A व B के मध्य विभवान्तर -

$$V_{AB} = V_A - V_B = E \quad \text{--- (1)}$$

B व C के मध्य विभवान्तर (टर्मिनल वोल्टता) -

$$V_{BC} = V_C - V_B = Ir \quad \text{--- (2)}$$

अतः A व C के मध्य टर्मिनल वोल्टता

$$V_{AC} = V_A - V_C$$

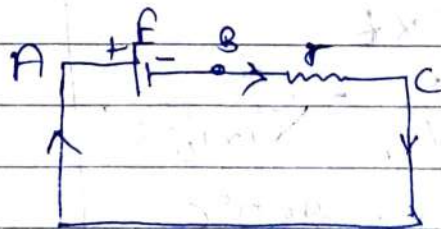
समी. (1) व (2) से -

$$V_{AC} = (V_A - V_B) - (V_C - V_B)$$

$$\boxed{V_{AC} = E - Ir}$$

Case 2.

जब सेल को धारा दी जाती है अथवा सेल को अवैशित किया जाता है तो टर्मिनल वोल्टता -



A व B के मध्य विभवान्तर

$$V_{AB} = V_A - V_B = E \quad \text{--- (1)}$$

B व C के मध्य विभवान्तर (टर्मिनल वोल्टता) :-

$$V_{BC} = V_B - V_C = Ir \quad \text{--- (2)}$$

अतः A व C के मध्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{AC} = V_A - V_C$$

समीकरण व @ से

$$V_{AC} = (V_A - V_B) + (V_C - V_B)$$

$$\boxed{V_{AC} = E + Ir}$$

AQ.7.  $A = 1 \text{ mm}^2 = 1 \times 10^{-6} \text{ m}^2$

$$I = 0.5 \text{ A}, n = 8.5 \times 10^{22} / \text{cm}^3$$

$$V_A = ?$$

Soln.  $I = neAv_d$  से

$$v_d = \frac{I}{neA} = \frac{0.5}{8.5 \times 10^{22} \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 1 \times 10^{-6}}$$

$$v_d = \frac{0.5}{8.5 \times 1.6 \times 10^3}$$

$$v_d =$$

AQ.8

$$q = 4.0 \times 10^{23} / \text{c}$$

$$R_t - R_0 = qR_0 [t - t_0] \times 10^9$$

$$qR - R = qR [t - 0]$$

$$R = qR \times t$$

$$t = \frac{1}{q} = \frac{1}{4 \times 10^{23}}$$

$$t = \frac{1000}{4} = 250^\circ \text{C}$$

$$I = \frac{E_{\text{emf}}}{r} = \frac{12 \times 10}{0.4}$$

$$\boxed{I = 30 \text{ A}}$$

9.  $E_{\text{emf}} = 12 \text{ Volt}$

$$r = 0.4 \Omega, I = ?$$

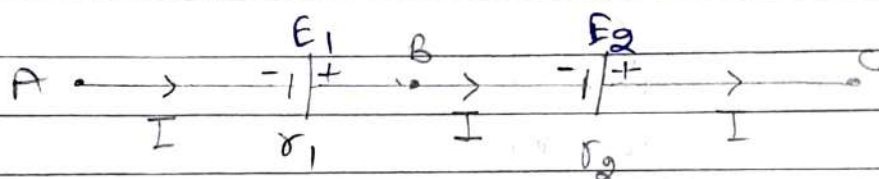
Soln.  $I = \frac{V}{R}$  से



↓ सेल का संयोजन - को आपस में जोड़ना ही सेल का संयोजन कहलाता है तथा यह निम्न दो प्रकार से किया जाता है।

- i) श्रेणीक्रम संयोजन      ii) समान्तर क्रम संयोजन

↓) श्रेणीक्रम संयोजन - प्रत्येक सेल प्रतिरोध में धारा का समान रहता है उसे श्रेणीक्रम संयोजन कहा जाता है।



बिंदु A व B के मध्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{AB} = V_A - V_B = E_1 - Ir_1 \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार बिंदु B व C के मध्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{BC} = V_B - V_C = E_2 - Ir_2 \quad \text{--- (2)}$$

अतः A व C के मध्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{AC} = V_A - V_C$$

समी. (1) व (2) से -

$$V_{AC} = (V_A - V_B) + (V_B - V_C)$$

$$V_{AC} = E_1 - Ir_1 + E_2 - Ir_2$$

$$V_{AC} = (E_1 + E_2) - I(r_1 + r_2) \quad \text{--- (3)}$$

अतः परिपथ की तुल्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{eq} = E_{eq} - Ir_{eq} \quad \text{--- (4)}$$

समी. ③ व समी. ④ से

$$E_{eq} = E_1 + E_2 \quad \text{--- (5)}$$

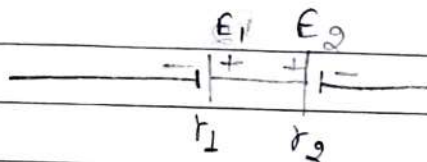
$$r_{eq} = r_1 + r_2 \quad \text{--- (6)}$$

अतः यदि  $n$  सैल श्रेणीक्रम में जुड़े हो तो -

$$E_{eq} = E_1 + E_2 + \dots + E_n$$

$$r_{eq} = r_1 + r_2 + \dots + r_n$$

Note: i) यदि सैल निम्न प्रकार जुड़े हो तो -



$$E_{eq} = E_1 - E_2$$

$$r_{eq} = r_1 + r_2$$

ii) यदि  $n$  समान सैलों को श्रेणीक्रम में जोड़ा जाए तो कुल emf तथा कुल आन्तरिक प्रतिरोध का मान -

$$E_{eq} = E + E + \dots + n \text{ पदों तक}$$

$$E_{eq} = nE$$

$$r_{eq} = r + r + \dots + n \text{ पदों तक}$$

$$r_{eq} = nr$$

iii) सैलों के श्रेणीक्रम संयोजन में प्रवाहित धारा का मान -

$$I = \frac{V}{R} \text{ से}$$

$$I = \frac{E_{eq}}{R + r_{eq}}$$

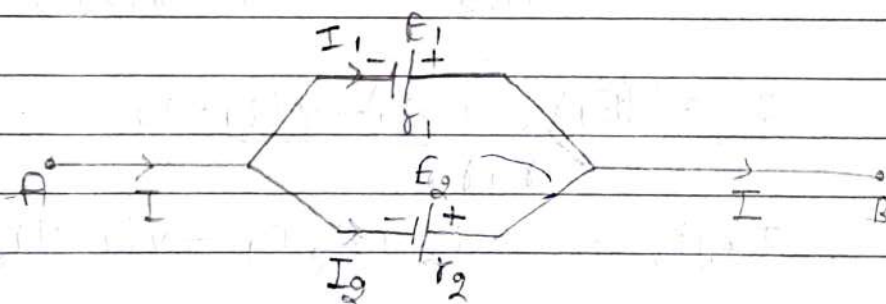
$$I = \frac{nE}{R + nr}$$

$$I = \frac{E}{\frac{R+r}{n}}$$

$$I = \frac{E}{r+R}$$

$$I = \frac{E}{\frac{r+R}{n}}$$

२. समान्तर क्रम संयोजन -  
 सेल का वह संयोजन जिसमें प्रत्येक सेल के सिरी पर उत्पन्न विभवान्तर का मान समान होता है। उसे समान्तर क्रम संयोजन कहा जाता है।



किरचॉफ के नियम से -

$I = I_1 + I_2$  — (1)  
 पहले सेल के लिए टर्मिनल वोल्टता

$$V = E_1 - E_1 r_1$$

$$V = E_1 - I_1 r_1$$

$$I_1 r_1 = E_1 - V$$

$$I_1 = \frac{E_1 - V}{r_1} \text{ — (2)}$$

इसी प्रकार दूसरे सेल के लिए टर्मिनल वोल्टता -

$$I_2 = \frac{E_2 - V}{r_2} \quad \text{--- (3)}$$

समी. (1) से -

$$I = \frac{E_1 - V}{r_1} + \frac{E_2 - V}{r_2}$$

$$I = \frac{E_1}{r_1} - \frac{V}{r_1} + \frac{E_2}{r_2} - \frac{V}{r_2}$$

$$I = \left( \frac{E_1}{r_1} + \frac{E_2}{r_2} \right) - V \left( \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right)$$

$$I = \left( \frac{E_1 r_2 + E_2 r_1}{r_1 r_2} \right) - V \left( \frac{r_1 + r_2}{r_1 r_2} \right)$$

$$I = \frac{(E_1 r_2 + E_2 r_1) - V(r_1 + r_2)}{r_1 r_2}$$

$$I r_1 r_2 = E_1 r_2 + E_2 r_1 - V(r_1 + r_2)$$

$$V(r_1 + r_2) = (E_1 r_2 + E_2 r_1) - I r_1 r_2$$

$$V = \frac{E_1 r_2 + E_2 r_1}{r_1 + r_2} - \frac{I r_1 r_2}{r_1 + r_2} \quad \text{--- (4)}$$

अतः परिपथ की तुल्य टर्मिनल वोल्टता -

$$V_{eq} = E_{eq} - I r_{eq} \quad \text{--- (5)}$$

समी. (4) व (5) की तुलना करने पर

$$E_{eq} = \frac{E_1 r_2 + E_2 r_1}{r_1 + r_2} \quad \text{--- (6)}$$

$$r_{eq} = \frac{r_1 r_2}{r_1 + r_2} \quad \text{--- (7)}$$

$$\frac{1}{r_{eq}} = \frac{r_1 + r_2}{r_1 r_2} \quad \text{--- (8)}$$

$$\frac{1}{r_{eq}} = \frac{r_1}{r_1 r_2} + \frac{r_2}{r_1 r_2}$$

$$\frac{1}{r_{eq}} = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \quad \text{--- (9)}$$

समी. (6) & (7) में -

$$\frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{E_1 r_2 + E_2 r_1}{r_1 + r_2} \times \frac{r_1 + r_2}{r_1 r_2}$$

$$\frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{E_1 r_2}{r_1 r_2} + \frac{E_2 r_1}{r_1 r_2}$$

$$\boxed{\frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{E_1}{r_1} + \frac{E_2}{r_2}} \quad \text{--- (10)}$$

Note:- यदि समान्तर क्रम संयोजन में  $n$  समान सेल जुड़े हों तो कुल EMF व कुल आन्तरिक प्रतिरोध -

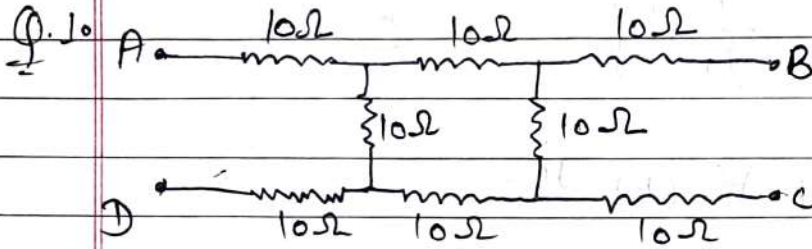
$$\frac{1}{r_{eq}} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \dots + n \text{ पदों तक}$$

$$\frac{1}{r_{eq}} = \frac{n}{r}$$

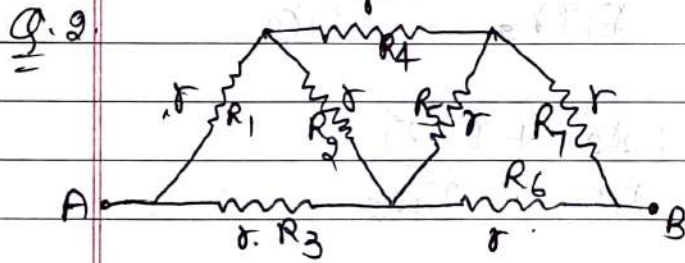
$$r_{eq} = \frac{r}{n}$$

$$\frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{E}{r} + \frac{E}{r} + \dots + n \text{ पदों तक}$$

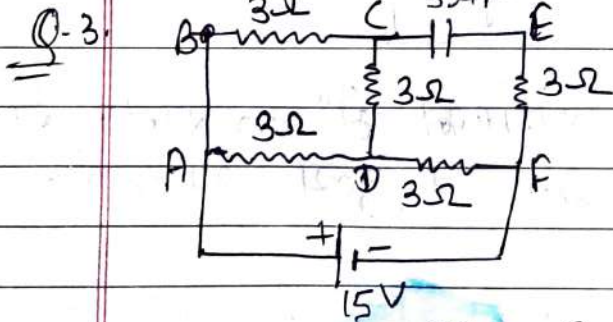
$$\frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{nE}{r}$$



- i) A व B
- ii) A व C

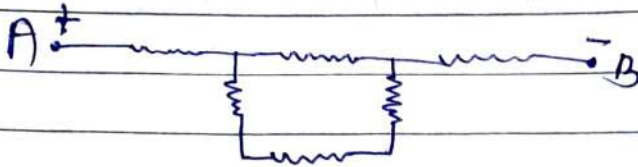


i) A व B

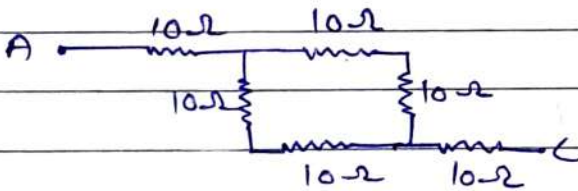


उदाहृत चित्र में संधारित के सिरी पर उत्पन्न विभवान्तर की गणना करी ?

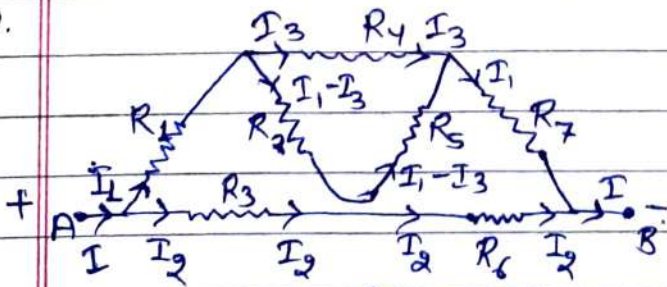
Q.1.ii) A व B के मध्य तुल्य प्रतिरोध -



ii) A व C के मध्य -



Q.



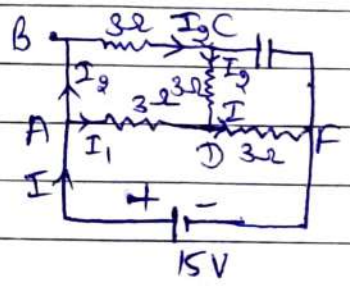
Solu.  $R_2$  व  $R_5$  श्रेणीक्रम में -  
 $R_5 = r + r = 2r$

$R_5$  व  $R_4$  समांतर क्रम में -  
 $\epsilon$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{2r} + \frac{1}{2r} = \frac{1+1}{2r} = \frac{2}{2r}$$

$$R_p = \frac{2r}{2} = r$$

Q.3.



Solu. A व D के मध्य -

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1+2}{6} = \frac{3}{6}$$

$$R_p = 2$$

$R_p$  व  $3\Omega$  श्रृंखलाक्रम में -

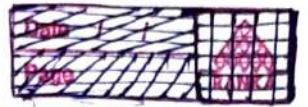
$$R_s = 3 + 2 = 5\Omega$$

$$\therefore I = \frac{V}{R} = \frac{15}{5} = 3A$$

$6\Omega$  व  $3\Omega$  समांतर क्रम में -

$$V_1 = V_2$$





$$\therefore V = IR \text{ से}$$

$$I_1 \times X = I_2 \times X^2$$

$$I_1 = 2I_2$$

$$\therefore I_1 + I_2 = 3$$

$$2I_2 + I_2 = 3$$

$$3I_2 = 3$$

$$I_2 = 1A$$

$$I_1 = 2A$$

एव  $F$  के महयवोल्टता

$$V = IR$$

$$V = 1 \times 3 + 3 \times 3$$

$$V = 3 + 9 = \boxed{12 \text{ Volt}}$$

Note  
\*

सेलों के समान्तर क्रम संगीजन में प्रवाहित धारा का मान -

$$I = \frac{E_{eq}}{R + r_{eq}}$$

$$I = \frac{E}{R + \frac{r}{n}}$$

$$\boxed{P = \frac{nE}{nR + r}}$$

\* विद्युत ऊर्जा -

किसी निश्चित समय में किसी वि. परिपथ में धारा प्रवाहित करने में किया गया कार्य ही वि. ऊर्जा कहलाती है।

माना किसी  $V$  वोल्ट के ऊपस्थित के द्वारा  $I$  द्वारा  
 की + समय के लिए उवाहित किया जाता है  
 तो किये गए कार्य का मान -

$$W = qV \quad \text{--- (1)}$$

$$\because I = \frac{q}{t}$$

$$\because q = It$$

समी. (1) से -

$$W = VIt \quad \text{--- (2)}$$

$$\because V = IR \text{ से}$$

$$W = I^2 R t \quad \text{--- (3)}$$

$$\because I = \frac{V}{R} \text{ से}$$

समी. (3) से

$$W = \frac{V^2}{R} t \quad \text{--- (4)}$$

\* वि. ऊर्जा कि विमा व मात्रक  
 विमा =  $[M^1 L^2 T^{-2}]$

$$\text{मात्रक} = \text{जुल} \text{ or } \frac{\text{kg} \times \text{m}^2}{\text{sec}^2}$$

$$\text{or } \text{वाट} \times \text{sec}$$

Notes:- विद्युत ऊर्जा का व्यावहारिक मात्रक या व्यावसायिक मात्रक -  
 kWh (किलोवाट घंटा) होता है। इसे  
 B.O.T.U (Board of Trade unit) भी कहा जाता है।  
 $1 \text{ kWh} = 1000 \text{ वाट} \times 60 \times 60 \text{ sec}$   
 $1 \text{ kWh} = 3.6 \times 10^6 \text{ वाट} \times \text{sec}$

$$1 \text{ kWh} = 3.6 \times 10^6 \text{ जुल}$$

१०. जुल के तापन नियम कि सहायता से कार्य तथा उष्मा के मध्य सम्बन्ध प्रदर्शित किया जा सकता है। इस नियम के अनुसार -

$$W = JH$$

$$H = \frac{W}{J} = \frac{VIt}{J} = \frac{I^2 R t}{J}$$

जहाँ पर  $J$  उष्मा का यांत्रिक तुल्यांक जिसका मान

$$J = 4.2 \text{ Joule/cal}$$

\* वि. शक्ति -

किसी वि. परिपथ में किसी वि. स्रोत के द्वारा धारा प्रवाहित करने में कार्य करने की दर को ही वि. शक्ति कहा जाता है।

✓ अथवा किसी वि. परिपथ में एकांक समय में व्यय होने वाली ऊर्जा को ही वि. शक्ति कहा जाता है। इसका मान -

$$P = \frac{W}{t} \quad \text{--- (1)}$$

$$\because W = VIt \quad \text{--- (1)}$$

$$P = \frac{VIt}{t}$$

$$\boxed{P = VI} \quad \text{--- (2)}$$

$$\because V = IR \quad \text{--- (2)}$$

$$\boxed{P = I^2 R} \quad \text{--- (3)}$$

$$\because I = \frac{V}{R} \quad \text{--- (3)}$$

समी. (2) से

$$\boxed{P = \frac{V^2}{R}} \quad \text{--- (4)}$$

\* वि. शक्ति की विमा व मात्रक

$$P = \frac{[m^1 L^2 T^{-2}]}{[T^1]} = [m^1 L^2 T^{-3}]$$

मात्रक

$$P = \frac{\text{जुल}}{\text{sec}} \text{ or } \text{वॉट} \text{ or } \frac{\text{kg} \times \text{m}^2}{\text{sec}^3}$$

Note:-

वि. शक्ति का S.I. मात्रक वॉट होता है जबकि इसका व्यावहारिक या व्यावसायिक मात्रक अश्व शक्ति (HP) होता है।

$$1 \text{ HP} = 746 \text{ वॉट}$$

2. यदि वि. शक्ति को पावर स्टेशन से घरो तक पहुँचाया जाता है तो इस स्थिति में यह दृष्टान्त रखा जाता है कि वि. शक्ति का अधिक अपव्यय न हो इसके लिए वि. शक्ति को जब अधिक दूरी तक संचरित किया जाता है तो इस स्थिति में संचरण लाइन के तारों के द्वारा उच्च वोल्टता को संचरित करने के काम में लिया जाता है क्योंकि वोल्टता का मान शक्ति के व्युत्क्रमानुपाती होता है

$$P_t = I^2 R_t \text{ में}$$

$$\therefore I = \frac{P}{V} \text{ में}$$

$$P_t = \frac{P^2}{V^2} R_t$$

$$P_t \propto \frac{1}{V^2}$$

S.14.

$$E_{eq} = E_1 - E_2$$

$$E_{eq} = 9 - 6 = 3V$$

$$r_{eq} = r_1 + r_2$$

$$r_{eq} = 4 + 2 = 6 \Omega$$

$$I = \frac{E_{eq}}{r_{eq}} = \frac{3}{6}$$

$$I = 0.5 A$$

4.  $E = 2.1 \text{ Volt}$

$$I = 0.2 A, R = 10 \Omega$$

Solu.  $I = \frac{E}{R+r}$

$$R+r = \frac{E}{I}$$

$$R+r = \frac{2.1}{0.2}$$

$$r = \frac{2.1}{0.2} - R$$

$$r = \frac{21}{2} - 10$$

$$r = \frac{21 - 20}{2} = 0.5 \Omega$$

S.15.

$$V = 220 \text{ Volt}, V' = 110 \text{ Volt.}$$

$$P = 100W, P = ?$$

Solu. बल्ब का प्रतिरोध -

$$P = \frac{V^2}{R}$$

$$R = \frac{V^2}{P} = \frac{220 \times 220}{100}$$

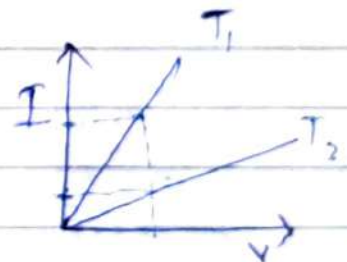
$$R = 484 \Omega$$

$$\therefore P = \frac{V'^2}{R}$$

$$P = \frac{110 \times 110}{484}$$

$$P = \frac{100}{4} = 25 \text{ वाट}$$

5.



$$R \propto \frac{1}{I}$$

$$T_2 > T_1$$

6.  $l = 150 \text{ km}$

प्रति km पर विभवान्तर = 8 Volt

प्रति km पर औसत प्रतिरोध = 0.5 Ω

कुल विभवान्तर -

$$V = 150 \times 8 = 1200 \text{ Volt}$$

कुल प्रतिरोध -

$$R = 150 \times 0.5 = 75 \Omega$$

objective

$$1) \sigma = \frac{1}{\rho}$$

$$\sigma \rho = 1$$

किमी पर नहीं

$$\therefore P = \frac{V^2}{R} = \frac{1200 \times 1200}{75}$$

$$P = 19200$$

$$P = 19.2 \text{ KW}$$

लघु.

0.2



$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{1}{1}$$

7.

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{3}{R}$$

$$R_p = \frac{R}{3}$$

शेरी क्रम -

$$R_s = \frac{R}{3} + 2R$$

$$R_s = \frac{R + 6R}{3} = \frac{7R}{3}$$

3.  $I = \frac{E_{eq}}{R + r_{eq}}$

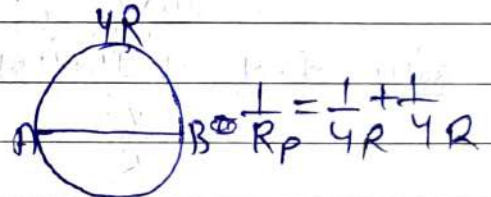
$$I = \frac{E}{R}$$

8.

$$V_d = \frac{-eZ E}{m}$$

$$V_d \propto E$$

6.



$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{4R} + \frac{1}{4R}$$

$$\frac{1}{R_p} = \frac{2}{4R} = \frac{1}{2R}$$

$$R_p = 2R$$

आति.

1.

$$R = \frac{\Delta V}{\Delta I} = \frac{4-2}{0.2-0.1}$$

$$R = \frac{2}{0.1} = 20 \Omega$$

आति.क.क.

10.  $R = 4.2 \Omega, I = 2A$

$$t = 10 \text{ min} = 10 \times 60 \text{ sec}$$

$$H = ?$$

Solv.  $H = \frac{W}{J} = \frac{I^2 R t}{J}$

$$H = \frac{2 \times 2 \times 4 + 2 \times 10 \times 60}{4.2}$$

$$H = 2400 \text{ Cal}$$

7.

$$P = 40 \text{ W}, V = 220 \text{ V}$$

$$I = ?$$

$$P = VI$$

$$I = \frac{P}{V} = \frac{40}{220} = \frac{2}{11} \text{ A}$$

$$I = 0.18 \text{ A}$$

11.

$$r_1 = a, r_2 = b$$

$$A = \pi r^2$$

$$A = \pi b^2 - \pi a^2$$

$$\therefore R = \frac{\rho l}{A}$$

$$R = \frac{\rho l}{\pi (b^2 - a^2)} \text{ Ans.}$$

12.

$$W_1 = \frac{100 \times 4 \times 4 \times 30}{1000} = 1.2$$

$$105.6 \times 5$$

$$\underline{528.0 \text{ kg}}$$

$$W_2 = \frac{40 \times 4 \times 6 \times 30}{1000} = 7.2$$

$$W_3 = \frac{60 \times 2 \times 8 \times 30}{1000} = 2.88$$

$$\underline{105.6 \text{ इन्चि}} \text{ (सप्लाई)}$$

Q.1. किसी निम्न वोल्टता संभरण जैसे उच्च धारा देने होती है उसका आंतरिक प्रतिरोध नगण्य होना चाहिए क्यों?

Q.2. नक्काम के लिए  $\rho$  तथा  $T$  के मध्य ग्राफ बनाओ।  
 Q.3. किसी शरकी वि. रौंधी कि प्रतिरोधकता किसी धातु कि प्रतिरोधकता के तुलना में कितनी गुना अधिक होती है।

Q.4. कॉपर तथा  $\text{Al}$  के तारों को हमारे के ताप पर ठंडा किया जाता है। इनकी चालकता

Q.5. पर क्या उष्माप पड़ता है ?  
 दो समान लम्बाई के तारों में एक Al का  
 तथा दूसरा Cu का है इनका प्रतिरोध समान  
 है तो इन तारों में से कौन हल्का होगा ?  
 तथा वि. के संयोजन में Al के तार को ही  
 अधिक पसंद किया जाता है क्यों ? जबकि  
 Al की प्रतिरोधकता  $= 2.63 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$   
 Cu का "  $= 1.72 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$   
 Al का औपेक्षिक घनत्व  $= 2.7$   
 Cu का " "  $= 8.9$

Q.6. यदि 1- $\Omega$ , 2- $\Omega$  तथा 3- $\Omega$  के तीन प्रतिरोध दिए गए हैं  
 तो इन प्रतिरोधों को किस प्रकार संयोजित  
 किया जाए ताकि तुल्य प्रतिरोध का मान  $\frac{11}{5} \Omega$   
 प्राप्त हो ?

Q.7. e- का अपवाह वेग तथा आवेश अत्यल्प होते हैं  
 लेकिन फिर भी चालकों में इनके माध्यम से  
 वि. द्वारा प्रवाहित होती है क्यों ?

Q.8. इलेक्ट्रॉनों का उष्मीय वेग अत्यधिक होता है  
 लेकिन फिर भी इस स्थिति में ये धारा  
 का चालन नहीं कर पाते हैं क्यों ?