

नोट्स

whatsapp

8696608541

अपडेटेड नोट्स

OM PRAKASH SAINI



Chapter - 11

* किरण प्रकाशिकी - भौतिक विज्ञान की वह शाखा जिसके अन्तर्गत प्रकाश, प्रकाश के संचरण, प्रकाशिक घटनाएँ (जैसे - परावर्तन, अपवर्तन etc.) तथा प्रकाशिय उपकरणों का अध्ययन किया जाता है उसे किरण प्रकाशिकी कहा जाता है।

* प्रकाश - प्रकाश एक प्रकार की ऊर्जा होती है जो दृष्टि संवेदन (देखने की क्षमता) उत्पन्न करती है। तथा प्रकाश वि. चुम्बकीय स्पेक्ट्रम में $400\text{nm} - 700\text{nm}$ ($3800\text{Å} - 7600\text{Å}$) के मध्य पायी जाती है।

* किरण - प्रकाश संचरण के पथ या दिशा को ही किरण कहा जाता है। किरण ऊर्जा संचरण की दिशा को प्रदर्शित करती है।

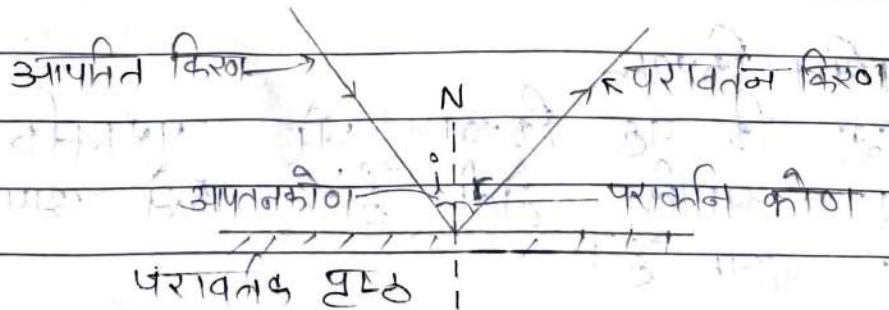
* परावर्तन से संबंधित कुछ महत्वपूर्ण परिभाषाएँ -

1. परावर्तक पृष्ठ - वे पृष्ठ जिससे परावर्तन की घटना प्रेक्षित होती है उसे परावर्तक पृष्ठ कहा जाता है। इसे बनाने के लिए किसी काँच के पट्टिका के एक भाग पर परावर्तक पदार्थ (जैसे - रजत, निकल, जिंक ऑक्साइड (ZnO) आदि) को पॉलिश कर दी जाती है।

2. आपतित किरण - प्रकाश की वह किरण जो परावर्तक पृष्ठ पर आकर आपतित होती है उसे आपतित किरण कहा जाता है।

3. **परावर्तित किरण -**
 प्रकाश कि वह किरण जो परावर्तक पृष्ठ पर टकराकर पुनः उसी माध्यम में वापस लौट जाती है उसे परावर्तित किरण कहा जाता है।
4. **अभिलम्ब -**
 आपतित किरण तथा परावर्तित किरण के संगम बिंदु पर खींचा गया लम्ब ही अभिलम्ब कहलाता है। इसे \perp से प्रदर्शित किया जाता है।
5. **आपतन कोण -**
 आपतित किरण तथा अभिलम्ब के मध्य बनने वाले कोण को ही आपतन कोण कहा जाता है। इसे i से प्रदर्शित किया जाता है।
6. **परावर्तन कोण -**
 परावर्तित किरण तथा अभिलम्ब के मध्य बनने वाले कोण को ही परावर्तन कोण कहा जाता है। इसे r से प्रदर्शित किया जाता है।

प्रकाश का परावर्तन -
 जब कोई प्रकाश कि किरण किसी परावर्तक पृष्ठ पर टकराकर पुनः उसी माध्यम में वापस लौट जाए तो प्रकाश कि इस घटना को ही प्रकाश का परावर्तन कहा जाता है।

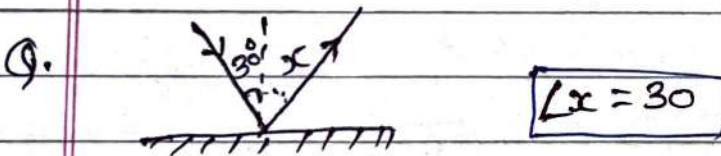
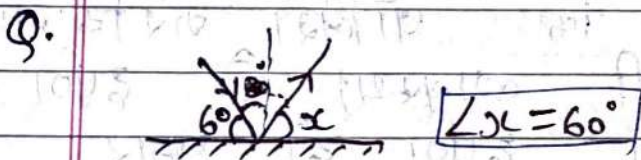
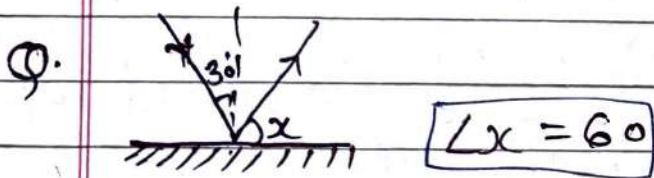


Notes - परावर्तन कि घटना में प्रकाश कि तीव्रता में लगातार कमी होती है। लेकिन प्रकाश के वेग, तरंगदैर्घ्य तथा आवृत्ति का मान अपरिवर्तित रहता है।

* परावर्तन के नियम -

1. इसके अनुसार आपतित किरण परावर्तित किरण तथा अभिलम्ब तीनों एक ही तल में होते हैं।
2. इसके अनुसार आपतन कोण तथा परावर्तन कोण का मान सदैव समान होता है अर्थात्

$$\angle i = \angle r$$



प्रतिबिम्ब -

किसी भी प्रकाशिय उपकरण के द्वारा वस्तु का जो प्रतिरूप दिखाई देता है उसे ही प्रतिबिम्ब कहा जाता है। तथा यह दो प्रकार के होते हैं -

- 1) वास्तविक प्रतिबिम्ब
- 2) आभासी प्रतिबिम्ब

वास्तविक प्रतिबिम्ब -

जब दो या दो से अधिक परावर्तित या अपवर्तित किरणें किसी एक ही बिंदु पर आकर मिलती हैं। तो इस प्रकार बने वाले प्रतिबिम्ब को वास्तविक प्रतिबिम्ब कहा जाता है।

आभासी प्रतिबिम्ब -

जब दो या दो से अधिक परावर्तित या अपवर्तित किरणें किसी एक ही बिंदु पर मिलती हुई प्रतीत होती हैं। तो इस प्रकार बने वाले प्रतिबिम्ब को आभासी प्रतिबिम्ब कहा जाता है।

दर्पण -

जब किसी काँच कि पट्टिका के एक भाग पर परावर्तक पदार्थ कि पॉलिश कर दिया जाए तो इस प्रकार बनी व्यवस्था को दर्पण कहा जाता है। तथा दर्पण दो प्रकार के होते हैं।

- 1) समतल दर्पण
- 2) गोलीय दर्पण

समतल दर्पण

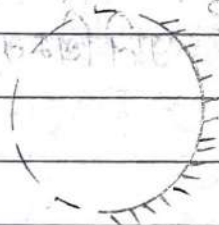
जब किसी समतल काँच कि पट्टिका के एक भाग पर परावर्तक पदार्थ कि पॉलिश कर दी जाए तो इस प्रकार बनी व्यवस्था को समतल दर्पण कहा जाता है।

////////////////////

गोलीय दर्पण -
जब किसी कटे हुए काँच के खीखले गोल के एक भाग पर परावर्तक पदार्थ की पॉलिश कर दि जाए तो इस प्रकार बनी व्यवस्था को गोलीय दर्पण कहा जाता है।
यह भी दो प्रकार के होते हैं

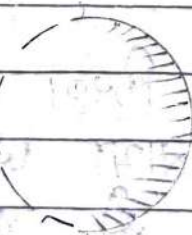
- १) अवतल दर्पण
- २) उत्तल दर्पण

अवतल दर्पण -
जब किसी कटे हुए काँच के खीखले गोल के अंदर हुए भाग पर परावर्तक पदार्थ की पॉलिश कर दि जाए तो ये व्यवस्था अवतल दर्पण कहलाती है।



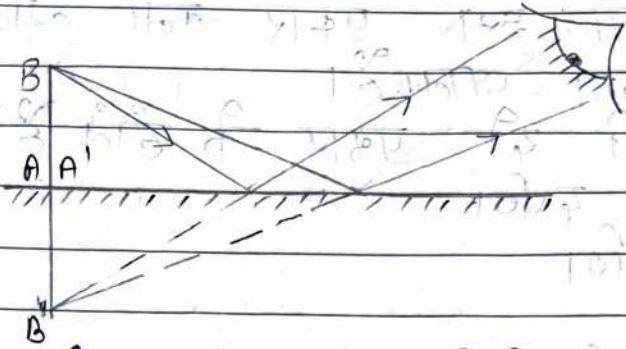
अवतल दर्पण

उत्तल दर्पण -
जब किसी कटे हुए काँच के खीखले गोल के अंदर घसे भाग पर परावर्तक पदार्थ की पॉलिश कर दि जाए तो इस प्रकार बनी व्यवस्था को उत्तल दर्पण कहा जाता है।



उत्तल दर्पण

* समतल दर्पण से प्रतिबिम्ब का निर्माण =



1. इस दर्पण से बने वाले प्रतिबिम्ब की विशेषताएँ -
इस दर्पण से सदैव आभासी प्रतिबिम्ब का निर्माण होता है।
2. इस दर्पण से सदैव वस्तु के बराबर आकार का प्रतिबिम्ब बनता है।
3. इस दर्पण से जितनी दूरी पर वस्तु रखी होती है उतनी ही दूरी पर प्रतिबिम्ब का भी निर्माण होता है।

* पार्श्व परिवर्तन -

जब किसी वस्तु को समतल दर्पण के द्वारा देखा जाता है तो वस्तु का दायाँ भाग बायाँ जबकि बायाँ भाग दायाँ दिखाई देता है। इस घटना को ही पार्श्व परिवर्तन कहा जाता है।

Ex:

$A \parallel A \quad P \parallel Q \quad L \parallel \perp$

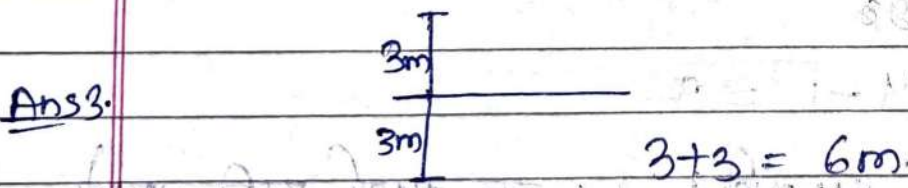
Notes:- जब किसी प्रकाश की किरण को समतल दर्पण पर ९० कोण पर आपतित कराया जाता है तथा यदि समतल दर्पण को ९० कोण से दक्षिणावर्त या वामावर्त घुमा दिया जाए तो परीपतित किरण १८० पर प्राप्त होती है।

- Q. समतल दर्पण कि फोकस दूरी तथा वक्रता त्रिज्या के मान लिखी ?
- Q. समतल दर्पण कि आवर्धन क्षमता का मान लिखी ?
- Q. यदि समतल दर्पण से वस्तु को 3m कि दूरी पर रखा गया है तो वस्तु तथा प्रतिबिम्ब के मध्य कि दूरी ज्ञात करी ?
- Q. यदि कोई वस्तु समतल दर्पण की ओर उ वेग से गतिमान है तो इसके प्रतिबिम्ब का वेग ज्ञात करी ?
- Q. यदि कोई वस्तु उ वेग से समतल दर्पण कि ओर गतिमान है तो वस्तु के सापेक्ष प्रतिबिम्ब का वेग ज्ञात करी ?
- Q. यदि किसी समतल दर्पण को उ वेग से वस्तु की ओर गतिमान कराया जाए तो प्रतिबिम्ब कितने वेग से गतिमान होगा ?

Ans. समतल दर्पण कि फोकस दूरी तथा वक्रता त्रिज्या अनन्त होती है।

Ans. समतल दर्पण कि आवर्धन क्षमता 1 होती है।
 आवर्धन क्षमता = प्रतिबिम्ब का आकार

= वस्तु का आकार



Ans 4. इस स्थिति में प्रतिबिम्ब भी उ वेग से ही गतिमान होगा।

Ans 5. वस्तु के सापेक्ष प्रतिबिम्ब का वेग $v - (-v) = 2v$

Ans 6. इस स्थिति में प्रतिबिम्ब 2u वेग से गतिमान होगा।

Note:-

यदि दो समतल दर्पण एक-दूसरे से θ कोण पर स्थित हों तो बनने वाले प्रतिबिम्बों की संख्या जब $\frac{360}{\theta} =$ सम संख्या हो तो:

Case I:

बनने वाले प्रतिबिम्बों की संख्या $= \frac{360}{\theta} - 1$

Case II:

जब $\frac{360}{\theta} =$ विषम संख्या हो तो

i)

वस्तु सममित होती है

बनने वाले प्रतिबिम्बों की संख्या $= \frac{360}{\theta}$

ii)

वस्तु असममित होती है

बनने वाले प्रतिबिम्बों की संख्या $= \frac{360}{\theta} - 1$

Q.

यदि दो समतल दर्पण एक-दूसरे के लम्बवत् स्थित हों तो बनने वाले प्रतिबिम्बों की संख्या ज्ञात करें।

$$\frac{360}{90} = 4$$

$$4 - 1 = 3$$

* गोलीय दर्पणों से सम्बंधित कुछ महत्वपूर्ण परिभाषाएँ -

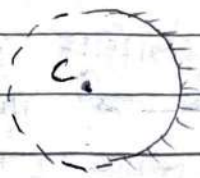
1.

ध्रुव -

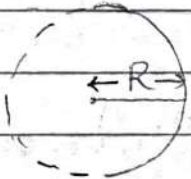
गोलीय दर्पण के मुख्य बिन्दु को ही दर्पण का ध्रुव कहा जाता है।



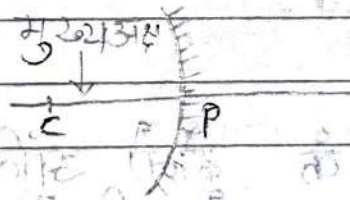
2. वक्रता केन्द्र -
 गोलीय दर्पण जिस खोखले गोलों का भाग होता है उसका केन्द्र ही वक्रता केन्द्र कहलाता है।



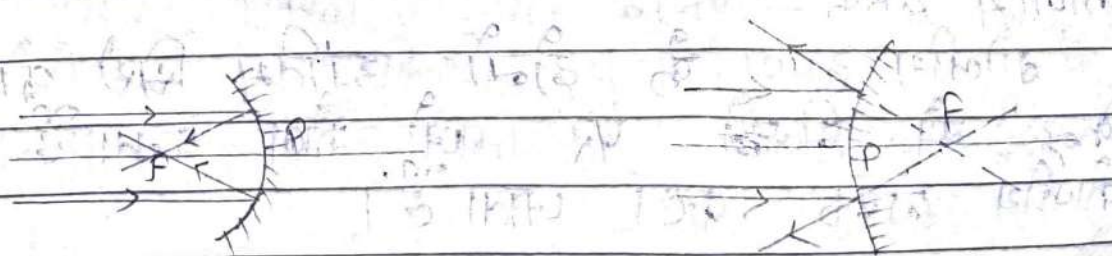
3. वक्रता त्रिज्या -
 गोलीय दर्पण जिस खोखले गोलों का भाग होता है उसकी त्रिज्या ही वक्रता त्रिज्या कहलाती है।



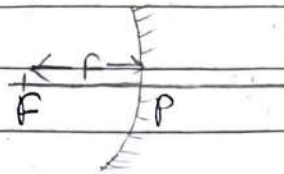
4. मुख्य अक्ष -
 गोलीय दर्पण के ध्रुव तथा वक्रता केन्द्र को मिलाने वाली सीधी सरल रेखा को ही मुख्य अक्ष कहा जाता है।



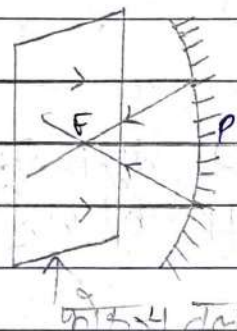
5. मुख्य फोकस -
 मुख्य अक्ष के समान्तर चलने वाली प्रकाश किरणें गोलीय दर्पण से परावर्तित के पश्चात् जिस बिन्दु से होकर गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतिबर्तित होती हैं उसे मुख्य फोकस कहा जाता है।



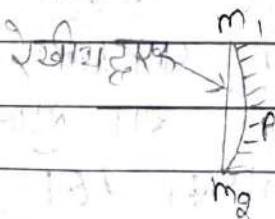
6. फोकस दूरी -
 गोलीय दर्पण के ध्रुव तथा मुख्य फोकस के मध्य की दूरी को ही फोकस दूरी कहा जाता है।



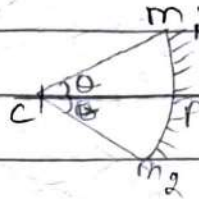
7. फोकस तल -
 गोलीय दर्पणों से परावर्तन कि घटना के पश्चात् प्रकाश कि किरने जिस तल से होकर गुजरती है या गुजरती हुई प्रतित होती है। उस फोकस तल कहा जाता है।



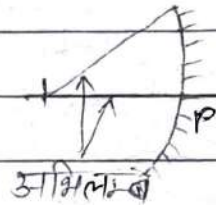
8. रेखीय द्वारक -
 गोलीय दर्पण के दोनों अंतिम सिरो को मिलाने वाली सीधी सरल रेखा को ही रेखीय द्वारक कहा जाता है।



9. कोणीय द्वारक -
 गोलीय दर्पण के दोनों अंतिम सिरो को वक्रता केन्द्र से मिलाने पर जो कोण बनता है उसे ही कोणीय द्वारक कहा जाता है।

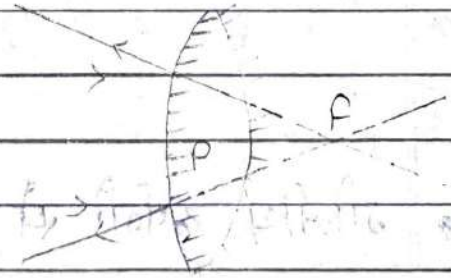
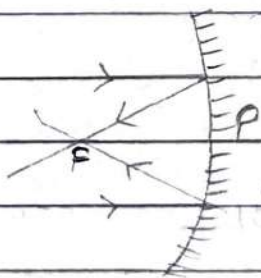


10. गोलीय दर्पण का अभिलम्ब -
 गोलीय दर्पण के किसी भी बिंदु को वृत्ता केन्द्र से मिलाने पर बनने वाली सीधी सरल रेखा को ही गोलीय दर्पण का अभिलम्ब कहा जाता है।

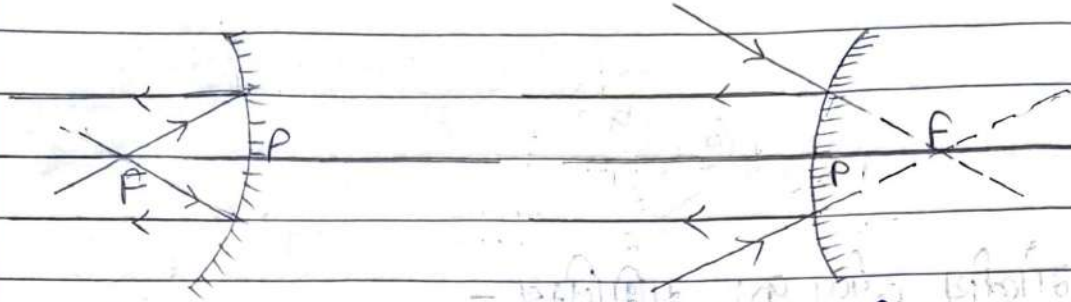


* गोलीय दर्पणों से परावर्तन के नियम -

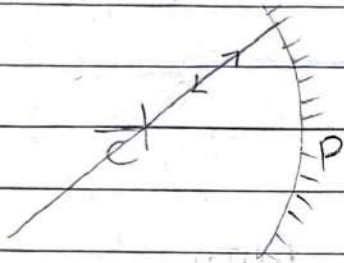
1. इसके अनुसार मुख्य अक्ष के समान्तर चलने वाली प्रकाश की किरणें परावर्तन के घटना के पश्चात् सर्वत्र मुख्य फोकस से होकर गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतिबिम्बित होती हैं।



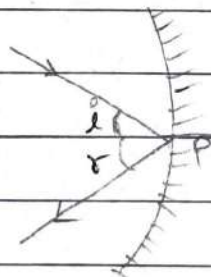
2. इसके अनुसार सभी प्रकाश की किरणें मुख्य फोकस से होकर गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतिबिम्बित होती हैं वे किरणें परावर्तन के घटना के पश्चात् मुख्य अक्ष के समान्तर चलने लगती हैं।



3. इसके अनुसार जो प्रकाश कि किरणों गोलिय दृपण के कृत केंद्र से होकर गुजरती है परावर्तन कि घटना के पश्चात् व पुनः उसी दिशा में वापस लौट जाती है।



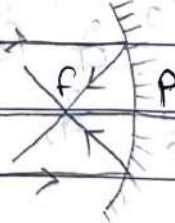
4. इसके अनुसार आपतित किरण गोलिय दृपण के ध्रुव पर आपतित होकर मुख्य अक्ष के साथ जितना कोण बनाती है परावर्तित किरण भी उतने ही कोण का निर्माण करती है।



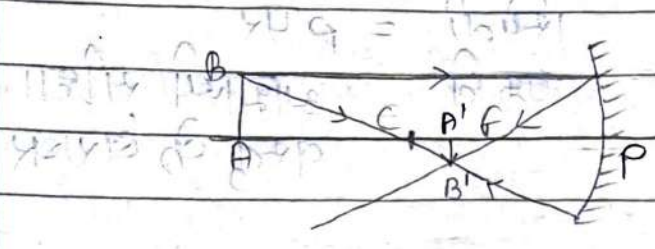
* **गोलिय दृपणों से प्रतिबिम्बों का निर्माण -**

1. अवतल दृपण से बने वाले प्रतिबिम्ब -
 1) जब वस्तु अनन्त पर हो -

स्थिति = F पर
 प्रकृति = वास्तविक उल्टा
 बिंदु श्वरूप

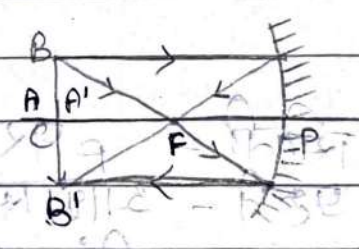


ii) जब वस्तु अनन्त व C के मध्य ही तो -



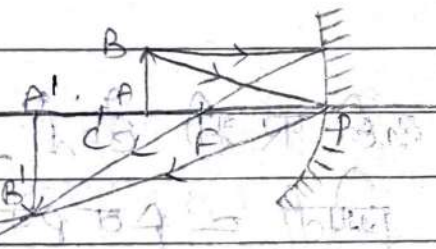
स्थिति = C व F के मध्य
 प्रकृति = वास्तविक उल्टा,
 वस्तु से छोटा

iii) जब वस्तु C पर ही होती तो -



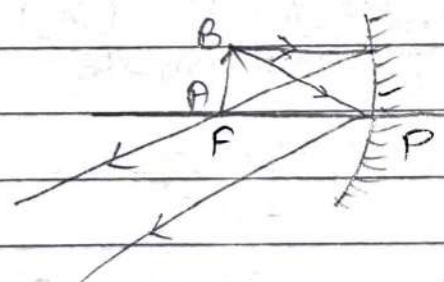
स्थिति = C पर
 प्रकृति = वास्तविक उल्टा,
 वस्तु के बराबर

iv) जब वस्तु C व F के मध्य ही तो -



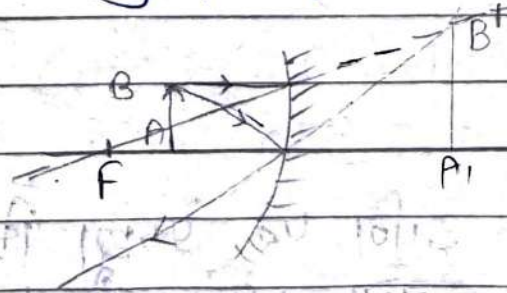
स्थिति = C से परे
 प्रकृति = वास्तविक, उल्टा,
 वस्तु से बड़ा

v) जब वस्तु F पर ही तो -



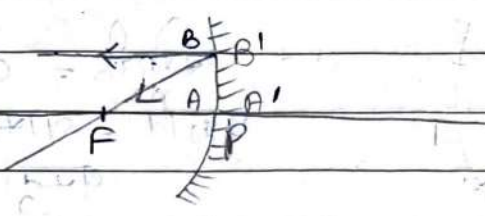
स्थिति = अनन्त पर
 प्रकृति = वास्तविक, उल्टा,
 वस्तु से बहुत बड़ा

vi) जब वस्तु F व P के मध्य ही तो -



स्थिति = दर्पण के दायी ओर
 प्रकृति = आभासी, सीधा,
 वस्तु से बड़ा

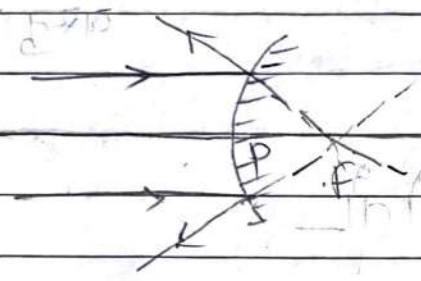
vii) जब वस्तु P पर ही -



स्थिति = P पर
प्रकृति = आभासी सीधा,
वस्तु के बराबर

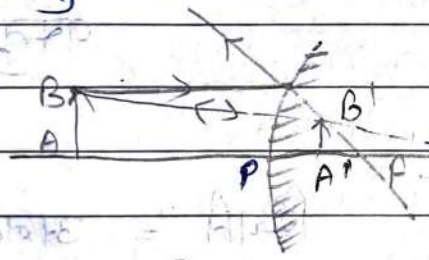
8. उत्तल दर्पण से बनने से वाले प्रतिबिम्ब -

i) जब वस्तु अनन्त पर ही है ;



स्थिति - F पर
प्रकृति - आभासी, सीधा
बिंदु स्वरूप

ii) जब वस्तु अनन्त के असावा कहीं पर भी है तब -



स्थिति = F व P के मध्य
प्रकृति = आभासी, सीधा,
वस्तु से छोटा

9.

$$\theta = 0^\circ$$

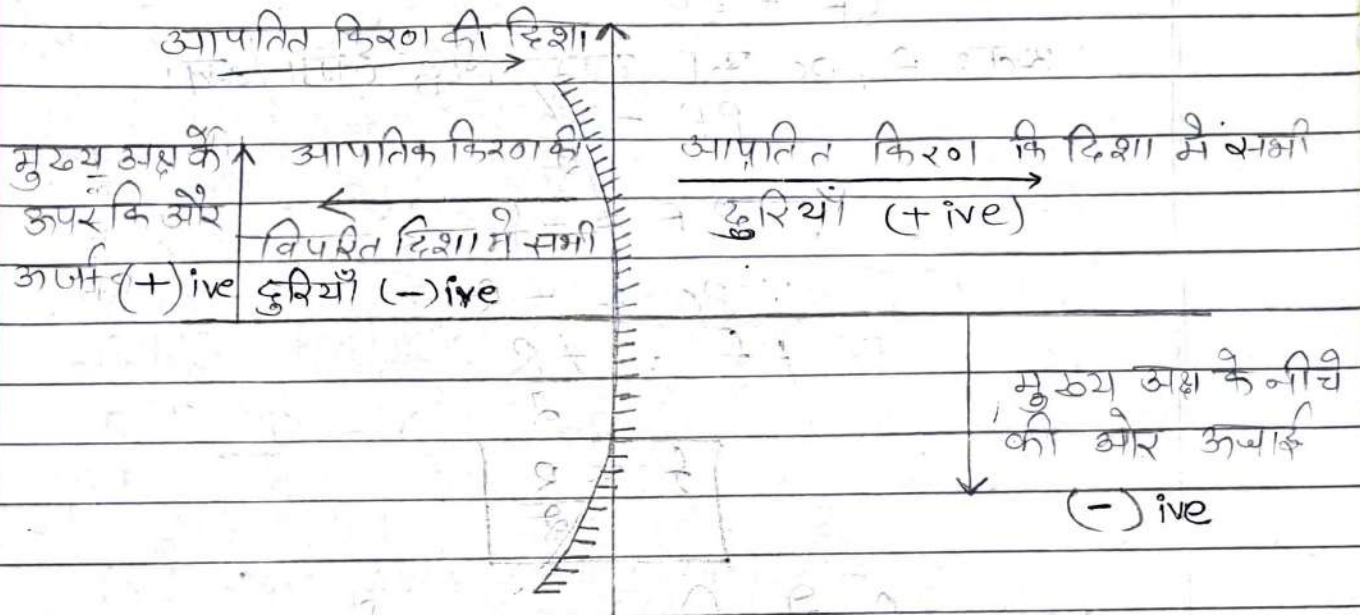
$$\frac{360^\circ}{0} = 360^\circ = \infty \text{ (अनन्त)}$$

अनन्त प्रतिबिम्ब बनेंगे।

9. यदि किसी समतल दर्पण पर प्रकाश कि किरणों पर आकृति लम्बत आपतित कराया जाए तो परावर्तित किरण मिलने काँठा पर प्राप्त होगी ?

इस स्थिति में परावर्तित किरण 0° पर प्राप्त होगी।

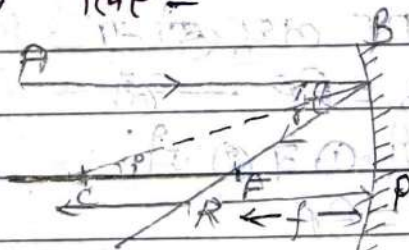
* गोलीय दर्पणों के लिए चिन्ह नियम परिपाठी -



Note:- गोलीय दर्पण में सभी दूरियाँ दर्पण के ध्रुव से मापी जाती हैं।

* गोलीय दर्पणों के लिए फोकस दुरी (f) तथा वक्रता त्रिज्या (R) के मध्य सम्बन्ध - अवतल दर्पण के लिए -

Case)



चित्र में

$$\begin{aligned} \angle ABC &= \angle BCF = i \quad (\text{एकान्तर कोण}) \\ \angle CBF &= r \quad (\text{परावर्तन कोण}) \\ \therefore i &= r \quad (\text{परावर्तन के नियम से}) \\ \therefore CF &= FB \quad \text{--- (1)} \end{aligned}$$

यदि चाप लघु होती -

$$\therefore FB = FP \text{ --- (2)}$$

समी. (1) व (2) से

$$CF = FP$$

अतः F, PC का महम बिंदु होगा / अतः

$$PF = \frac{PC}{2}$$

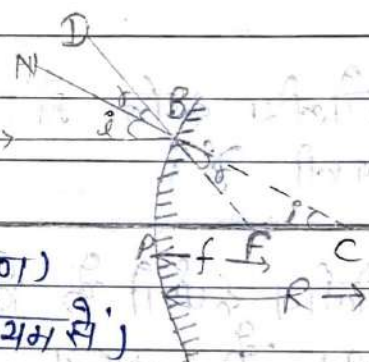
$$\therefore PF = -f$$

$$\therefore PC = -R$$

$$+f = \frac{+R}{2}$$

$$\boxed{f = \frac{R}{2}}$$

Case II उत्तल दर्पण के लिए -
 चित्र से



$$\angle ABN = \angle BCF = i \text{ (संगत कोण)}$$

$$\angle DBN = \angle CBF = r \text{ (शीर्षाविकुल कोण)}$$

$$\therefore i = r \text{ (परावर्तन के नियम से)}$$

$$\therefore CF = FB \text{ --- (1)}$$

यदि चाप लघु होती -

$$\therefore FB = FP \text{ --- (2)}$$

समी. (1) व (2) से

$$CF = FP$$

अतः F, PC का महम बिंदु होगा / अतः

$$PF = \frac{PC}{2}$$

$$\therefore PF = +f$$

$$\therefore PC = +R$$

$$\boxed{f = \frac{R}{2}}$$

* गैलीय दर्पणों के लिए दर्पण सूत्र कि व्युत्पत्ति -

Case 1. जब अवतल दर्पण में वास्तविक प्रतिबिम्ब बनता होता है -

चित्र से समकोण $\triangle BAC$ व $\triangle BA'C$ में -

$$\angle BAC = \angle BA'C = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle ACB = \angle A'CB' \text{ (शीर्षकविकल्प)}$$

अतः AA-नियम से -

$$\triangle BAC \sim \triangle BA'C$$

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार $\triangle BAP$ व $\triangle BA'P$ में -

$$\angle BAP = \angle BA'P = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle APB = \angle A'PB' \text{ (परावर्तन के नियम से)}$$

अतः AA-नियम से -

$$\triangle BAP \sim \triangle BA'P$$

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AP}{A'P} \text{ --- (2)}$$

समी. (1) व (2) से

$$\frac{AC}{A'C} = \frac{AP}{A'P} \text{ --- (3)}$$

चित्र से

$$AC = PA - PC$$

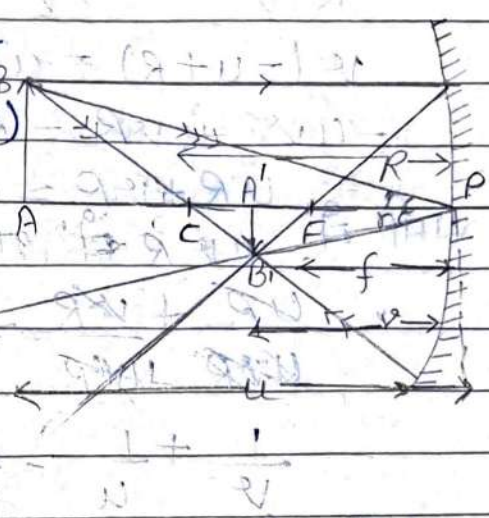
$$AC = -u - (-R)$$

$$AC = -u + R$$

$$A'C = PC - PA'$$

$$A'C = -R - (-v)$$

$$A'C = -R + v$$



$$AP = -u, A'P = -v$$

समी. (3) से -

$$\frac{-u+R}{-R+v} = \frac{+u}{+v}$$

$$v(-u+R) = u(-R+v)$$

$$-uv + vR = -uR + uv$$

समी. में $UR + vR = 2uv$

$UR + vR$ का भाग देने पर

$$\times \frac{UR + vR}{UR + vR} = \frac{2uv}{UR + vR}$$

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{2}{R}$$

∴ $R = 2f$

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{2}{2f}$$

$$\boxed{\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}}$$

Case II. जब अवतल दर्पण में आभासी प्रतिबिम्ब बनता है तो -

चित्र से समकोण ΔBAC व $\Delta B'A'C$ में :-

$$\angle BAC = \angle B'A'C = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle ACB = \angle A'CB' \text{ (उभयनिष्ठ कोण)}$$

अतः AA' - नियम से -

$$\triangle BAC \sim \triangle B'A'C$$

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार $\triangle BAP$ व $\triangle B'A'P$ में :-

$$\angle BAP = \angle B'A'P = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle APB = \angle A'P'C \text{ (परावर्तन के नियम से)}$$

अतः AA-नियम से :-

$$\text{अतः } \triangle BAP \sim \triangle B'A'P$$

$$\text{अतः } \frac{AB}{A'B'} = \frac{AP}{A'P} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) व (2) से

$$\frac{AC}{A'C} = \frac{AP}{A'P} \quad \text{--- (3)}$$

जिन से

$$AC = PC - PA$$

$$A'C = -R - (-u)$$

$$AC = u - R$$

$$A'C = PC - PA'$$

$$A'C = -R + (v)$$

$$A'C = -R + v$$

$$AP = -u, \quad A'P = v$$

समी. (3) से

$$\frac{u-R}{-R+v} = \frac{-u}{v}$$

$$v(u-R) = -u(-R+v)$$

$$uv - vR = uR - uv$$

$$uR + vR = uv + uv$$

$$uR + vR = 2uv$$

$$\boxed{uR + vR = 2uv}$$

Q.2 यदि किसी समतल दर्पण पर 3000 \AA का प्रकाश आपतित कराया जाए तो परावर्तित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य व आवृत्ति ज्ञात करी?

समी. में u व R से भाग देने पर

$$\frac{uR}{uR} + \frac{vR}{uR} = \frac{2R}{uR}$$

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{2}{R}$$

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{2}{R}$$

$$\therefore R = 2f$$

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{2}{2f}$$

$$\boxed{\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}}$$

Q.2 यदि किसी अवतल दर्पण की पानी में डुबी दिया जाए तो इसकी फोकस दूरी पर क्या परिवर्तन पड़ेगा?

Q.3 यदि किसी परावर्तक पृष्ठ पर $3 \times 10^{11} \text{ Hz}$ आवृत्ति का प्रकाश आपतित कराया जाए तो परावर्तित प्रकाश कि आवृत्ति का मान लिखी?

$$Q.1 \quad \lambda = 3000 \text{ \AA}$$

$$\lambda = \lambda' = 3000 \text{ \AA}$$

आवृत्ति

$$v = n \lambda \text{ से}$$

$$n = \frac{v}{\lambda} = \frac{c}{\lambda'}$$

$$n = \frac{3 \times 10^8}{3000 \times 10^{-10}}$$

$$n = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}}$$

$$n = 1 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

$$\boxed{n = 1 \times 10^{15} \text{ Hz}}$$

Ans 2.

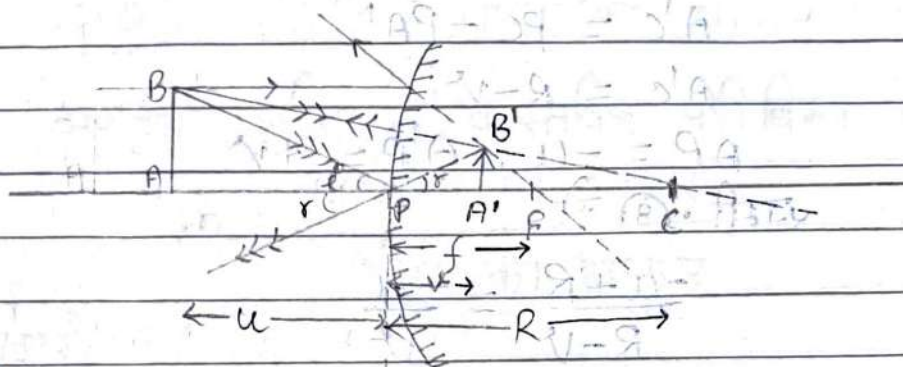
इस स्थिति में फोकस दुरी का मान अपरिवर्तित रहेगा।

Ans 3.

इस स्थिति में आवृत्ति का मान अपरिवर्तित रहेगा।

Case III.

जब उत्तल दर्पण में आभासी प्रतिबिम्ब बनता है-



चित्र से :-

समकोण $\triangle BAC$ व $\triangle B'A'C$ में :-

$$\angle BAC = \angle B'A'C = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle ACB = \angle A'CB' \text{ (उभयनिष्ठ कोण)}$$

अतः AA-नियम से :-

$$\triangle BAC \sim \triangle B'A'C$$

अतः $\frac{AB}{A'B'}$

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार समकोण $\triangle BAP$ व $\triangle B'A'P$ में :-

$$\angle BAP = \angle B'A'P = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle APB = \angle A'PB' \text{ (परावर्तन के नियम से)}$$

अतः AA-नियम से :-

$$\triangle BAP \sim \triangle B'A'P$$

अतः

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AP}{A'P} \text{ --- (2)}$$

समी ① व ② से

$$\frac{AC}{A'C} = \frac{AP}{A'P} \quad \text{--- ③}$$

मिश्र सूत्र:-

$$AC = AP + PC$$

$$AC = -u + R$$

$$A'C = PC - PA'$$

$$A'C = R - v$$

$$AP = -u, \quad A'P = +v$$

समी. ③ से-

$$\frac{-u + R}{R - v} = \frac{-u}{v}$$

$$v(-u + R) = -u(R - v)$$

$$-uv + vR = uR - uR$$

$$\cancel{uR} + uR = \dots$$

$$uR + vR = uR + uv$$

$$uR + vR = 2uv$$

समी. में uR का भाग देने पर

$$\frac{uR + vR}{uR} = \frac{2uv}{uR}$$

$$\frac{1 + \frac{v}{u}}{1} = \frac{2}{R}$$

$$\therefore R = 2f$$

$$\frac{1 + \frac{1}{u}}{\frac{v}{u}} = \frac{2}{2f}$$

$$\boxed{\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}}$$

* गौलीय दर्पणों कि आवर्धन क्षमता अथवा रेखिय आवर्धन क्षमता -
 प्रतिबिम्ब के आकार तथा वस्तु के आकार के अनुपात को ही आवर्धन क्षमता कहा जाता है।
 इसका मान -

$$m = \frac{\text{प्रतिबिम्ब का आकार}}{\text{वस्तु का आकार}}$$

जब अवतल दर्पण में वास्तविक प्रतिबिम्ब बनता है -

Case 1.

$$m = \frac{\text{प्रतिबिम्ब का आकार}}{\text{बिम्ब का आकार}}$$

चित्र (A) से

$$A'B' = -h_2, \quad PA' = -v$$

$$AB = +h_1, \quad PA = -u$$

$$m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{PA'}{PA}$$

$$m = \frac{-h_2}{h_1} = \frac{-v}{u}$$

$$\boxed{m = \frac{-h_2}{h_1} = \frac{-v}{u}}$$

$$m = (-) \text{ive}$$

जब अवतल दर्पण में आभासी प्रतिबिम्ब बनता होता है -
उत्पल दर्पण

Case 2.

$$m = \frac{A'B'}{AB} \quad \text{--- (1)}$$

$$\therefore \frac{A'B'}{AB} = \frac{PA'}{PA}$$

चित्र (B) से

$$\left. \begin{aligned} A'B' &= +h_2 \\ AB &= +h_1 \end{aligned} \right\}$$

$$\left. \begin{aligned} PA' &= v \\ PA &= -u \end{aligned} \right\}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m > 1 = \text{वस्तु से बड़ा} \\ m < 1 = \text{वस्तु से छोटा} \\ m = 1 = \text{बराबर} \end{array} \right.$$

$$m = \frac{h_2}{h_1} = -\frac{v}{u}$$

$$m = (+) \text{ive}$$

Note 1.

यदि m का मान ऋणात्मक हो तो = प्रतिबिम्ब सदैव वास्तविक व उल्टा प्राप्त होता है।
लेकिन यदि m का मान धनात्मक हो तो प्रतिबिम्ब सदैव आभासी व सीधा प्राप्त होता है।

इ. यदि $m > 1$ हो तो प्रतिबिम्ब वस्तु से बड़ा बनता है लेकिन $m < 1$ हो तो प्रतिबिम्ब वस्तु से छोटा तथा $m = 1$ होने पर प्रतिबिम्ब वस्तु के बराबर प्राप्त होता है।

* आवर्धन क्षमता के अन्य सूत्र -

1. दर्पण सूत्र से:-

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u} \quad \text{--- (1)}$$

समी. (1) को v से गुणा करने पर

$$\frac{v}{f} = \frac{v}{v} + \frac{v}{u}$$

$$\frac{v}{f} = 1 + \frac{v}{u}$$

$$\frac{-v}{u} = 1 - \frac{v}{f}$$

$$\frac{-v}{u} = \frac{f - v}{f}$$

$$\therefore m = \frac{-v}{u} \quad (\text{आभासी प्रति.})$$

$$m = \frac{f - v}{f}$$

२. दर्पण सूत्र से

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u} \quad \text{--- (1)}$$

समी. (1) को u से गुणा करने पर

$$\frac{u}{f} = \frac{u}{v} + \frac{u}{u}$$

$$\frac{u}{f} = \frac{u}{v} + 1$$

$$\frac{-u}{v} = 1 - \frac{u}{f}$$

$$\frac{-u}{v} = \frac{f - u}{f}$$

$$\frac{-v}{u} = \frac{f}{f - u}$$

$$\therefore m = \frac{-v}{u} \quad (\text{आभासी प्रतिबिम्ब})$$

$$m = \frac{f}{f - u}$$

- * गौलीय दर्पणों के उपयोग -
1. मोटर वाहनों में पार्श्व दृश्य दर्पण के स्वरूप में अतल दर्पण का उपयोग किया जाता है।
 २. सूक्ष्म वस्तुओं को खोजने में अवतल दर्पण का उपयोग किया जाता है।
 3. शैविंग करने में अवतल दर्पण का उपयोग किया जाता है।

4. स्ट्रीट लैम्पों में उत्तल दर्पण का उपयोग किया जाता है।

Eg: 1.

$$R = -50 \text{ cm}$$

$$f = ?$$

Solu. $f = \frac{R}{2} = \frac{-50}{2}$

$$\boxed{f = -25}$$

Eg: 2

$$R = -15 \text{ cm}$$

$$u = -10 \text{ cm}$$

$$f = \frac{R}{2} = \frac{-15}{2} \text{ cm}$$

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

$$\frac{-2}{15} = \frac{1}{v} - \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-2}{15} + \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-4+3}{30} = \frac{-1}{30}$$

$$v = -30 \text{ cm}$$

वास्तविक उल्टा

$$m = \frac{-v}{u} \text{ से}$$

$$m = -\left(\frac{-30}{-10}\right)$$

$$\boxed{m = -3}$$

वस्तु से बड़ा

Eg. 11.3. $v = -100 \text{ cm}$

$f = -98 \text{ cm}$

Solu. $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$

$\frac{1}{-98} = \frac{-1}{100} + \frac{1}{u}$

$\frac{1}{u} = \frac{-1}{98} + \frac{1}{100}$

$\frac{1}{u} = \frac{-100 + 98}{9800} = \frac{-2}{9800}$

$u = -4900 \text{ cm}$

$\boxed{u = -49 \text{ m}}$

Eg. 11.4. $R = -4 \text{ m}$

$f = \frac{R}{2} = \frac{-4}{2} = -2 \text{ m}$

$m = 2.5, u = ?$

Solu. $m = \frac{f}{f-u}$

$2.5 = \frac{-2}{f-u}$

$2.5 = \frac{-2}{-2-u}$

$2.5 = \frac{-2}{-2-u}$

$2.5 = \frac{2}{2+u}$

$2.5(2+u) = 2$

$5 + 2.5u = 2$

$2.5u = 2 - 5$

$2.5u = -3$

$u = \frac{-30}{25} = -1.2 \text{ m}$

$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$

$u = f$

- Q.1. क्या दर्पण सूत्र को समतल दर्पण के लिए लागू किया जा सकता है?
- Q.2. यदि किसी दर्पण पर 5000 \AA के प्रकाश को आपतित कराया जाए तो आपतन कौण का वहमान ज्ञात करो जिसके लिए आपतित किरण तथा परावर्तित किरण एक-दूसरे के लम्बवत् प्राप्त होती हैं?
- Q.3. एक अवतल दर्पण जिसकी वक्रता त्रिज्या 36 cm है तथा इससे पृथुना बड़ा व आभासी प्रतिबिम्ब प्राप्त होता है तो वस्तु कि स्थिति ज्ञात करो?
- Q.4. एक अवतल दर्पण जिसकी f दूरी 10 cm है इससे 25 cm की दूरी पर एक वर्गीकार तार को इस प्रकार रखा गया है कि इसका केंद्र दर्पण के अक्ष पर है तो यदि वर्गीकार तार की भुजा 3 cm है तो प्रतिबिम्ब के द्वारा घेरा गया क्षेत्रफल ज्ञात करो?

Ans. दर्पण सूत्र -

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

समतल दर्पण के लिए

$$f = \infty$$

$$\frac{1}{\infty} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{v} = -\frac{1}{u}$$

$$\boxed{v = -u}$$

$$i + r = 90^\circ$$

$$\therefore i = r$$

$$i + i = 90^\circ$$

$$2i = 90^\circ$$

$$i = 45^\circ$$

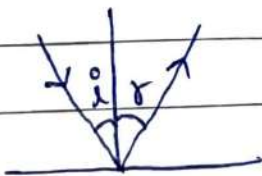
$$Q. R = -36 \text{ cm}$$

$$f = \frac{R}{2} = \frac{-36}{2} = -18 \text{ cm}$$

$$m = 4, u = ?$$

Ans. $\lambda = 5000 \text{ \AA}$

Sol. $m = \frac{f}{f - u}$ से



$$y = \frac{-18}{-18 - u}$$

$$y = \frac{18}{18 + u}$$

$$72 + 4u = 18$$

$$4u = 18 - 72$$

$$4u = -54$$

$$u = \frac{-54}{4} = -13.5 \text{ cm}$$



Q. $f = -10 \text{ cm}, u = -25 \text{ cm}, \text{ मूल } = 3 \text{ cm}$

Solu. $\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$

$$\frac{-1}{10} = \frac{1}{v} + \frac{1}{25}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-1}{10} + \frac{1}{25}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-5 + 2}{50} = \frac{-3}{50}$$

$$v = \frac{-50}{3} \text{ cm}$$

$$\therefore m = \frac{h_2}{h_1} = \frac{-v}{u}$$

$$\frac{h_2}{3} = \frac{-(-\frac{50}{3})}{-25}$$

$$\frac{h_2}{3} = \frac{-50 \times 1}{3 \times 25}$$

$$\frac{h_2}{3} = \frac{-2}{3}$$

$$h_2 = -2 \text{ cm}$$

क्षेत्रफल = (मूल)²

$$= (2)^2 = 4 \text{ cm}^2$$

11.5.

फोकस दूरी = $+f$

$$u = -f, v = ?$$

Solu.

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{f} + \frac{1}{f} = \frac{2}{f}$$

$$\boxed{v = \frac{f}{2}}$$

11.6.

$$u = -20 \text{ cm}, v = -40 \text{ cm}, f = ?$$

Solu.

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{f} = -\frac{1}{40} - \frac{1}{20}$$

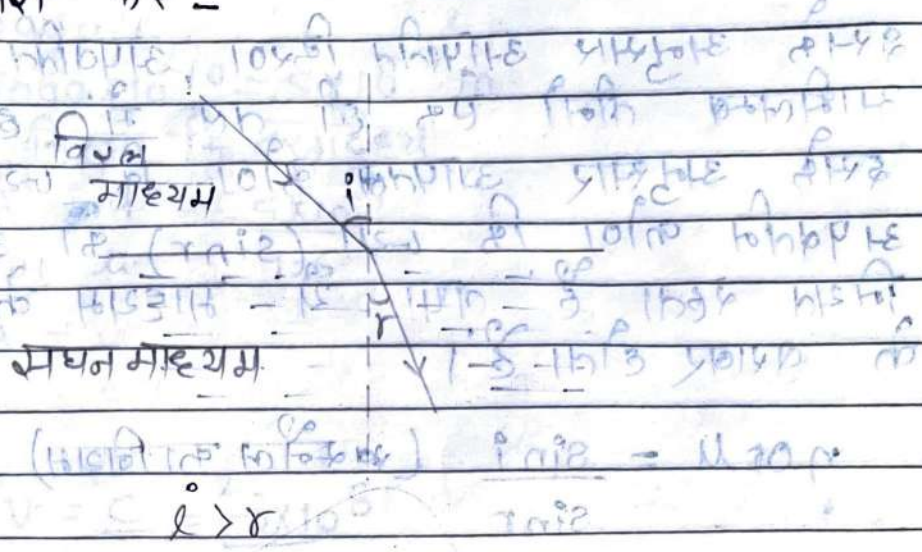
$$\frac{1}{f} = \frac{-1-2}{40} = \frac{-3}{40}$$

$$\boxed{f = -\frac{40}{3} \text{ cm}}$$

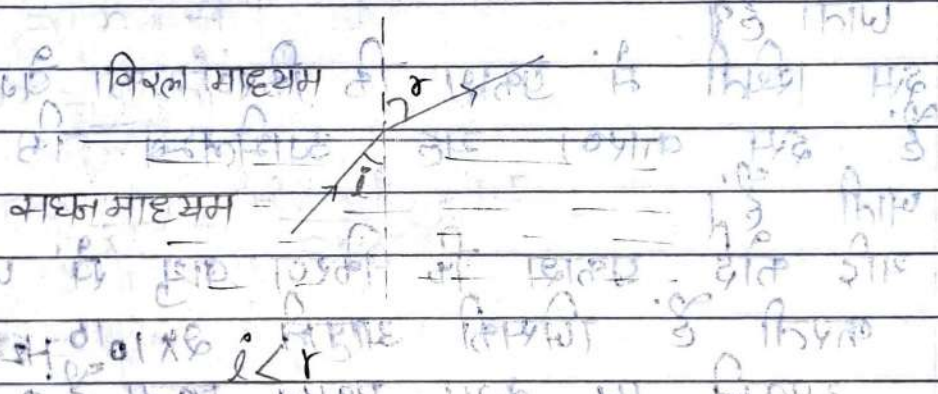
* प्रकाश का अपवर्तन -

जब कोई प्रकाश कि किरण किसी एक समांगी पारदर्शी माध्यम से दूसरे माध्यम में प्रवेश करती है तो पृथक्कारी तल से टकराकर ये किरण अपने मूल पथ से विचलित हो जाती हैं। प्रकाश - कि इस घटना को ही प्रकाश का अपवर्तन कहा जाता है।

Case 1: जब प्रकाश कि किरण विरल माध्यम में सघन माध्यम में प्रवेश करे -



Case 2: जब प्रकाश कि किरण सघन माध्यम में विरल माध्यम में प्रवेश करे -



Note: अपवर्तन कि घटना में प्रकाश कि तीव्रता, वेग तथा तरंग दैर्घ्य परिवर्तित हो जाते हैं। लेकिन आवृत्ति के मान पर कोई प्रभाव प्रनही पड़ता।

* अपवर्तन होने का कारण -
भिन्न-भिन्न माध्यमों में प्रकाश का वेग भिन्न-भिन्न होने के कारण अपवर्तन कि घटना घटित होती है।

$V_{\text{निवृत्ति}} > V_{\text{गैस}} > V_{\text{द्रव}} > V_{\text{ललाजमा}} > V_{\text{ठोस}}$
 $(3 \times 10^8 \text{ m/sec})$

* अपवर्तन के नियम -

1. इसके अनुसार आपतित किरण, अपवर्तित किरण तथा अभिलम्ब तीनों एक ही तल में होते हैं।
2. इसके अनुसार आपतित किरण कि ज्या (sini) तथा अपवर्तित किरण कि ज्या (sinr) का अनुपात सदैव नियत रहता है तथा ये माध्यम के अपवर्तनांक के बराबर होता है।

$$n_{21} = \frac{\sin i}{\sin r} \quad (\text{स्नेल का नियम})$$

Q. जब कोई प्रकाश किरण वायु से काँच में प्रवेश करती है तो यह अभिलम्ब कि ओर क्या झुक जाती है?

इस स्थिति में प्रकाश कि किरण का वेग घट जाता है इस कारण यह अभिलम्ब कि ओर झुक जाती है।

Q. यदि कोई प्रकाश कि किरण वायु से जल से प्रवेश करती है जिसकी आवृत्ति $5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ है तो इसकी आवृत्ति पर क्या प्रभाव पड़ेगा?

इस स्थिति में आवृत्ति का मान अपरिवर्तित रहता है।

Q. यदि किसी दर्पण पर आपतित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य में हट्टि कर दि जाए तो दर्पण कि फोकस दूरी पर क्या प्रभाव पड़ेगा?

इस स्थिति में फोकस दूरी का मान अपरिवर्तित रहेगा।

Q. यदि किसी 5000 \AA तरंगदैर्घ्य के प्रकाश को वायु में काँच में प्रवेश कराया जाता है तो अपवर्तित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य तथा आवृत्ति का मान ज्ञात करी



जबकि काँच का वायु के सापेक्ष अपवर्तनांक $\frac{3}{2}$ है।

Ans.

$$\lambda = 5000 \text{ \AA}$$

$$\lambda = 5000 \times 10^{-10} = 5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

अपवर्तित किरण कि तरंगदैर्घ्य

$$\lambda' = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{5 \times 10^{-7}}{1.5}$$

$$\lambda' = \dots$$

आवृत्ति =

$$v = \frac{c}{\mu} = \frac{3 \times 10^8}{1.5}$$

$$v = 2 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$\therefore v = n \lambda \text{ से}$$

$$n = \frac{v \cdot \text{से}}{\lambda}$$

$$n = \frac{v}{\lambda} = \frac{2 \times 10^8}{5 \times 10^{-7}} \times 1.5$$

$$n = \dots$$

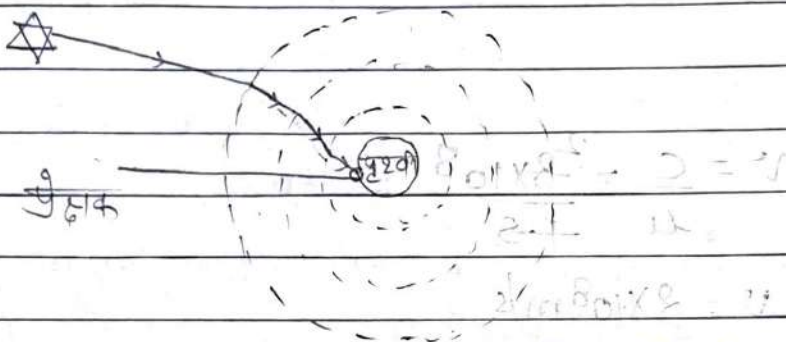
* अपवर्तन के उदाहरण -
 1. पानी से भरे बीकर में रखे सिक्के का ऊपर उठा हुआ दिखाई देना।



सिक्के से चलने वाली प्रकाश कि किरणें जब जल (घन माध्यम) से वायु (विरल माध्यम) में प्रवेश

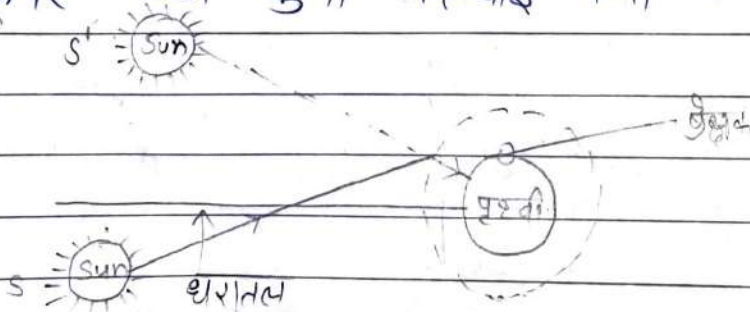
करती हैं। ती. अपवर्तन कि घटना के कारण ये अभिलम्ब से दूर हट जाती हैं। जिससे इन किरणों को पृथ्वी कि तरफ बढ़ाने पर ये किरणें ठ। में आती हुई प्रतीत होती हैं। इस कारण सिक्का ऊपर उठा हुआ दिखाई देता है।

2. रात्रि के समय तारों का टिमटिमाना



तारों से चलने वाली प्रकाश कि किरणें जब वायुमण्डल कि विभिन्न घनत्वों वाली परतों से होकर गुजरती हैं तो इन किरणों का क्रमशः (लगातार) अपवर्तन होता है। जिसके कारण तारा लगातार अपनी आभासी स्थिति को बदलता है। लेकिन तारे व प्रेक्षक के मध्य कि दूरी अत्यधिक होने के कारण ये टिमटिमाना हुआ प्रतीत होता है।

3. सूर्योदय तथा सूर्यास्त के समय सूर्य का क्षितिज से ऊपर उठा हुआ दिखाई देना



* अपवर्तनांक या निरपेक्ष अपवर्तनांक -
 निवृत्ति में प्रकाश के वेग तथा माध्यम में प्रकाश के वेग के अनुपात को ही अपवर्तनांक कहा जाता है

$$\mu = \frac{\text{निवृत्ति में प्रकाश का वेग}}{\text{माध्यम में प्रकाश का स्वीत वेग}}$$

$$n \text{ or } \mu = \frac{c}{v}$$

Note* अपवर्तनांक एक विमाहीन व मात्रकहीन राशी होती है।

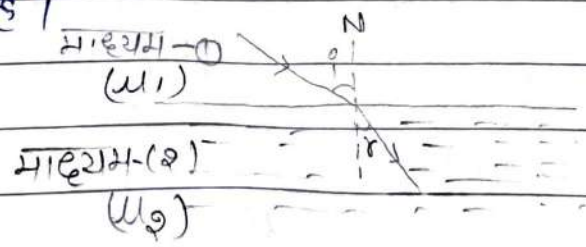
* अपवर्तनांक कि निर्भरता -

1. माध्यम कि प्रकृति पर
 2. पदार्थ कि भौतिक अवस्था पर
 3. ताप पर ($\mu \propto \frac{1}{T}$)
 4. प्रकाश के रंग पर
- μ बड़े होगा
 VIBGYOR
 \leftarrow
 μ बड़ेगा

Note:- बैंगनी रंग का अपवर्तनांक सबसे अधिक जबकि लाल रंग का अपवर्तनांक सबसे कम होगा।

* सापेक्ष अपवर्तनांक -

जब किसी एक माध्यम का अपवर्तनांक किसी दूसरे माध्यम के सापेक्ष जात किया जाता है तो इस प्रकार के अपवर्तनांक को सापेक्ष अपवर्तनांक कहा जाता है।



माध्यम - ① का - ② के सापेक्ष अपवर्तनांक -

$$n_{12} \text{ or } \mu_{12} = \frac{\mu_1}{\mu_2}$$

$$\therefore \mu = \frac{c}{v}$$

$$n_{12} \text{ or } \mu_{12} = \frac{c}{v_1} \div \frac{c}{v_2}$$

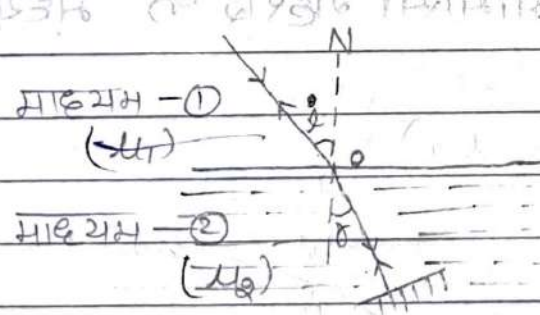
$$n_{12} \text{ or } \mu_{12} = \frac{\mu_1}{\mu_2} = \frac{v_2}{v_1}$$

$$n_{12} \text{ or } \mu_{12} = \frac{\mu_1}{\mu_2} = \frac{v_2}{v_1}$$

इसी प्रकार माध्यम - ② का माध्यम ① के सापेक्ष अपवर्तनांक

$$n_{21} \text{ or } \mu_{21} = \frac{\mu_2}{\mu_1} = \frac{v_1}{v_2}$$

* दो माध्यमों के सापेक्ष अपवर्तनांकों में सम्बंध -



माना कोई प्रकाश कि किरण माध्यम - ① से माध्यम - ② में प्रवेश करती है तो बिंदु O पर स्नेल के नियम से -

$$\mu_1 \times \sin i = \mu_2 \times \sin r$$

$$\mu_2 = \frac{\mu_1}{\sin r} = \frac{\sin i}{\sin r} \text{ --- ①}$$

इसके पश्चात किरण पुनः माध्यम - ② से माध्यम - ① में प्रवेश करती है तो पुनः बिंदु O पर स्नेल के नियम से -

$$\mu_2 \times \sin r = \mu_1 \times \sin i$$

$$\mu_1 = \frac{\mu_2 \sin r}{\sin i} \quad \text{--- (2)}$$

समी. ① व ② से

$$\mu_2 \times \mu_1 = \frac{\sin i}{\sin r} \times \frac{\sin r}{\sin i}$$

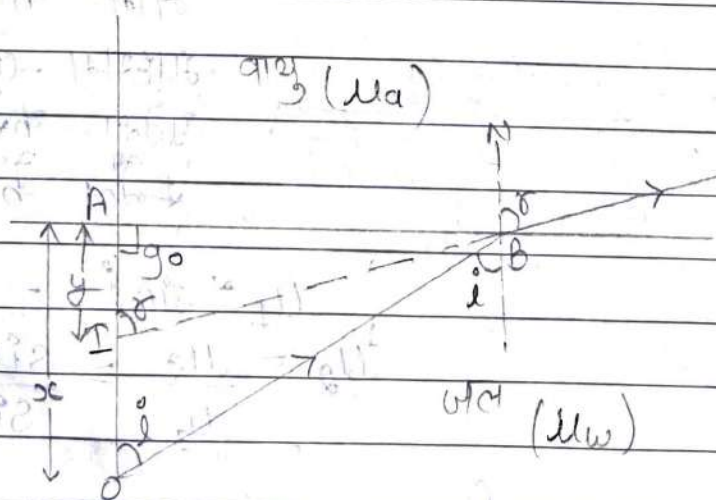
$$\mu_2 \times \mu_1 = 1$$

$$\mu_2 = \frac{1}{\mu_1}$$

Note:- तीन माध्यमों के सापेक्ष अपवर्तनांकों के मध्य सम्बन्ध -

$$\mu_2 \times \mu_3 \times \mu_1 = 1$$

→ वास्तविक गहराई तथा आभासी गहराई के मध्य सम्बन्ध -



बिंदु B पर स्नेल के नियम से:-

$$\mu_w \times \sin i = \mu_a \times \sin r$$

$${}^a\mu_w = \frac{\mu_w}{\mu_a} = \frac{\sin r}{\sin i} \quad \text{--- (1)}$$

चित्र से: - समकोण ΔOAB में -

$$\sin i = \frac{AB}{OB}$$

इसी प्रकार समकोण ΔTAB में

$$\sin r = \frac{AB}{TB}$$

समी --- (1) से

$${}^a\mu_w = \frac{AB \times OB}{TB \times AB}$$

$${}^a\mu_w = \frac{OB}{TB}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प हो तो -

$$B \approx A$$

$${}^a\mu_w = \frac{OA}{TA}$$

$${}^a\mu_w = \frac{x}{y}$$

or

$$\boxed{\mu = \frac{x}{y}}$$

$x =$ वास्तविक गहराई
 $y =$ आभासी गहराई

Ans: यदि काँच का वायु के सापेक्ष अपवर्तनांक $\frac{3}{2}$ है तो वायु का

Q.1 काँच के सापेक्ष अपवर्तनांक ज्ञात करो?

Q.2 यदि पानी का वायु के सापेक्ष अपवर्तनांक $\frac{4}{3}$ है तथा काँच का वायु के सापेक्ष अपवर्तनांक $\frac{3}{2}$ है तो काँच का पानी के सापेक्ष अपवर्तनांक ज्ञात करो?

Ex. 78.9.
A. 1, 2.

Date / /

Page



Q.3 यदि किसी 5000 \AA तरंगदैर्घ्य के प्रकाश को वायु से काँच में प्रवेश कराया जाता है। तो काँच पर प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य ज्ञात करो जबकि ${}^a\mu_g = 1.5$

Q.3. ${}^a\mu_w = \frac{4}{3}$, ${}^a\mu_g = \frac{3}{2}$

1- वायु, 2-प्रब, 3-काँच

$${}^1\mu_2 \times {}^2\mu_3 \times {}^3\mu_1 = 1$$

$${}^a\mu_w \times {}^w\mu_g \times {}^g\mu_a = 1$$

$$\frac{4}{3} \times {}^w\mu_g \times \frac{2}{3} = 1$$

$${}^w\mu_g \times \frac{8}{9} = 1$$

$$\boxed{{}^w\mu_g = \frac{9}{8}}$$

Q.3. $\lambda_a = 5000 \text{ \AA} = 5 \times 10^{-7} \text{ m}$
 ${}^a\mu_g = 1.5$, $\lambda_g = ?$

Solu. ${}^a\mu_g = \frac{\mu_g}{\mu_a} = \frac{v_a}{v_g}$

$$\because v = n\lambda \text{ से } \mu = \frac{c}{v}$$

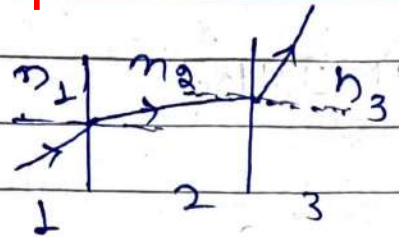
$$\mu_g = \frac{c/\lambda_a}{c/\lambda_g}$$

$$1.5 = \frac{5 \times 10^{-7}}{\lambda_g}$$

$$\lambda_g =$$

$$\lambda_g = \frac{5 \times 10^{-7}}{1.5} =$$

Eg. 11.7.



1 से 2 में जाने पर
 $= n_2 > n_1$ — ①

2 से 3 में जाने पर
 $= n_2 > n_3$ — ②

समी. ① व ② से
 $n_2 > n_1 > n_3$

$\mu_{2w} = ?$

Solu. $\mu_{2w} = \frac{\mu_w}{\mu_g} = \frac{4/3}{3/2}$

$\mu_{2w} = \frac{4 \times 2}{3 \times 3} = \frac{8}{9}$

A.Q. 1. $f = -24 \text{ cm}$
 $u = -36 \text{ cm}$
 $v = ?$

Solu. $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$ से

$\frac{1}{-24} = \frac{1}{v} - \frac{1}{36}$

$\frac{1}{v} = \frac{-1}{24} + \frac{1}{36}$

$\frac{1}{v} = \frac{-3+4}{72} = \frac{-1}{72}$

$v = -72 \text{ cm}$

Eg. 11.8.

$\lambda_a = 6000 \text{ \AA}$
 $\lambda_w = 4500 \text{ \AA}$
 $v_w = ?$

Solu. $\because v = n \lambda$ से
 $\frac{v_w}{v_a} = \frac{n \lambda_w}{n \lambda_a}$

$v_w = \frac{\lambda_w}{\lambda_a} \times v_a$

$v_w = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/sec}}{6000} \times 4500$

$v_w = \frac{9}{4} \times 10^8 \text{ m/sec}$

$v_w = 2.25 \times 10^8 \text{ m/sec}$

A.Q. 2. $\mu = 1.33$

$c = 3 \times 10^8 \text{ m/sec}$

$v = ?$

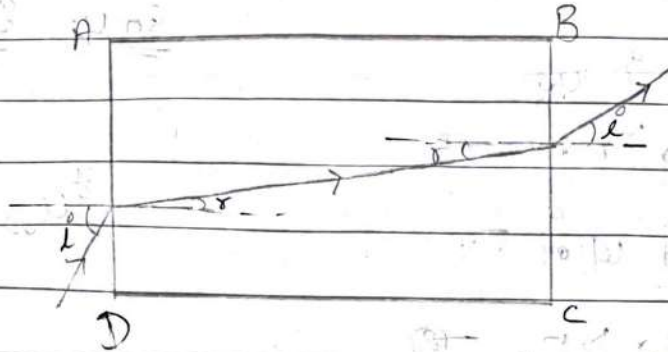
Solu. $\mu = \frac{c}{v}$ से

$v = \frac{c}{\mu} = \frac{3 \times 10^8}{1.33}$

Eg. 11.9

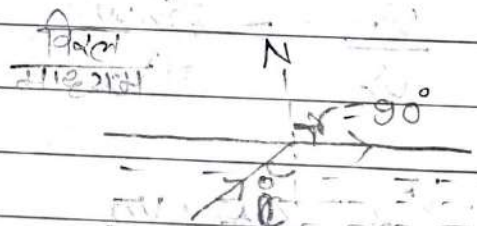
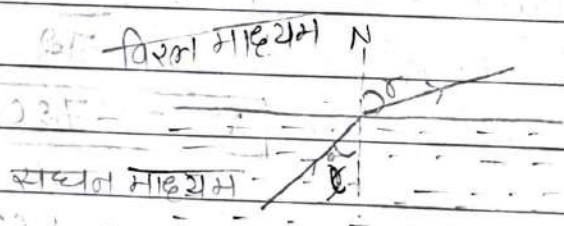
$\mu_w = \frac{4}{3}, \mu_g = \frac{3}{2}$

* काँच कि पट्टिका के द्वारा अपवर्तन -



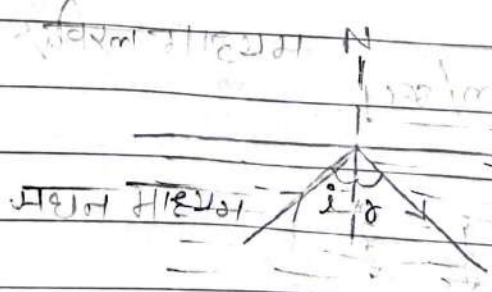
जब कोई वस्तु कि किरण किसी काँच कि पट्टिका पर आपतित होती है तो इस किरण का काँच कि पट्टिका से दो बार अपवर्तन होता है। एक बार वायु से काँच में जाने पर जबकि दूसरी बार काँच से वायु में जाने पर होता है तथा इस स्थिति में आपतन कोण व निवृत्त कोण का मान समान प्राप्त होता है।

* पूर्ण आंतरिक परावर्तन -



$i < i_c$ काँच चित्र - (a)

$i = i_c$ चित्र - (b)



$i > i_c$ चित्र - (c)

* क्रांतिक कोण -

जब कोई प्रकाश कि किरण सघन माध्यम से विरल माध्यम में प्रवेश करती है तो आपतन कोण का वह मान जिसके लिए अपवर्तन कोण 90° का प्राप्त होता है उसे क्रांतिक कोण कहा जाता है। जैसा कि चित्र (a) में स्पष्ट है।

परिभाषा -

जब कोई प्रकाश कि किरण सघन माध्यम से विरल माध्यम में प्रवेश करती है तो यदि इस किरण को क्रांतिक कोण से अधिक कोण पर आपतित कराया जाता है तो ये किरण प्रवर्तकी तल से टकराकर पुनः उसी माध्यम में वापस लौट आती है। प्रकाश कि इस घटना को ही पूर्ण आंतरिक परावर्तन कहा जाता है।

Note:- पूर्ण आंतरिक परावर्तन कि घटना में प्रकाश कि तीव्रता में कोई भी कमी नहीं होती।

* पूर्ण आंतरिक परावर्तन कि आवश्यक शर्तें -

1. प्रकाश कि किरण सदैव सघन माध्यम से विरल माध्यम में प्रवेश करनी चाहिए।
2. आपतन कोण का मान सदैव क्रांतिक कोण से अधिक होना चाहिए।

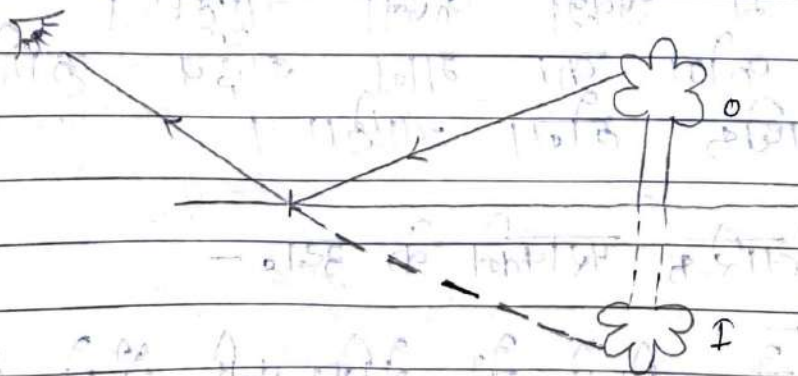
* पूर्ण आंतरिक परावर्तन के उदा. -

मरीचिका -

1. गर्मियों के दिनों में रेगिस्तानी क्षेत्रों में कुददुरी

पर देखने पर पानी के समान आकृति दिखाई पड़ती है। लेकिन वास्तविकता में ऐसा नहीं होता है। केवल एक दृष्टि भ्रम होता है जिसे मरिचिका कहा जाता है।

अध्याधिक गर्मीयों में रेगिस्तानी क्षेत्रों में पृथ्वी धरातल के समीप वाली वायु अध्याधिक गर्म होने के कारण विरल माध्यम कि तरह व्यवहार करती है। लेकिन ऊँचाई पर जाने पर वायु ठण्डी होती जाती है। जिसके कारण यह सघन माध्यम कि तरह व्यवहार करती है। जब सूर्य से चलने वाली प्रकाश कि किरणें ऊपर वाली वायु (सघन माध्यम से नीचे वाली वायु (विरल माध्यम) में प्रवेश करती हैं। अर्थात् वृक्षा के ऊपरी भाग से पृथ्वी धरातल कि ओर गमन करती हैं। तथा कौनिक कोण से अधिक कोण पर आपतित होती है। तो पुनः आंतरिक परावर्तन कि घटना घटित होती है। जिसके कारण ये किरण बिंदु I से आती हुई प्रतीत होती है। जिससे वृक्ष का ऊर्ध्व प्रतिबिम्ब प्राप्त होता है। तथा ऊर्ध्व प्रतिबिम्ब सर्वत्र पानी में बनते हैं। इस कारण कुछ दूरी पर पानी के समान आकृति दिखाई पड़ती है।



2. हीरे का चमकदार दिखाई देना -
 पूर्ण आंतरिक परावर्तन के घटना के कारण हीरा चमकदार दिखाई देता है क्योंकि हीरे के लिए क्रांतिक कोण का मान 37.5° होता है जिसके कारण हीरे को तराशने वाला व्यक्ति उसे इस प्रकार खिसता है कि प्रकाश कि किरण हीरे पर क्रांतिक कोण से अधिक कोण पर आपतित हो जिससे पूर्ण आंतरिक परावर्तन के घटना घटित हो जिससे हीरा चमकदार दिखाई दे।

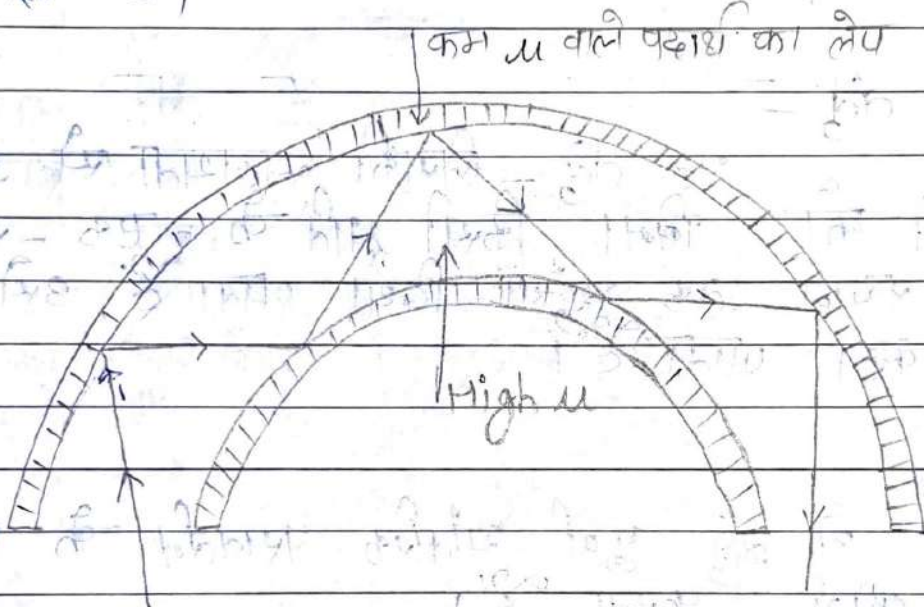
3. प्रकाश तंतु -
 वह तंतु जिसकी सहायता से प्रकाशिक संकेतों को बिना किसी झुकाव के एक स्थान से दूसरे स्थान तक पहुँचा दिया जाता है उसे प्रकाश तंतु कहा जाता है।

सिद्धान्त ये तंतु पूर्ण आंतरिक परावर्तन के सिद्धान्त पर कार्य करता है।

संज्ञावट - ये तंतु काँच अथवा क्वार्ट्ज के बहुराशी वारिक रेशों से मिलकर बने होते हैं। इन रेशों कि मोटाई लगभग $10^{-3}m$ से $10^{-4}m$ कीटि कि होती है तथा इन रेशों को रस्सी के रूप में मढ़कर बंधाया जाता है तथा इनके आंतरिक भाग पर कम अपवर्तनीय वाले पदार्थ का लेप कर दिया जाता है। लेप करने कि इस प्रक्रिया को क्लेडिंग क (अधिपट्टन) कहा जाता है।

कार्यविधी -

बिना संकेतों को बिना किसी क्षति के एक स्थान से दूसरे स्थान तक पहुँचाना होता है।
 उन्हें प्रकार तंतु के आंतरिक आवरण पर आपतित करा दिया जाता है। तथा उन्हें क्रांतिक कोण से अधिक कोण पर आपतित कराया जाता है। जिससे पूर्ण आंतरिक परावर्तन कि घटना घटित होती है। तथा संकेत बिना किसी क्षति के एक स्थान से दूसरे स्थान तक पहुँच जाते हैं।



अपयोग -

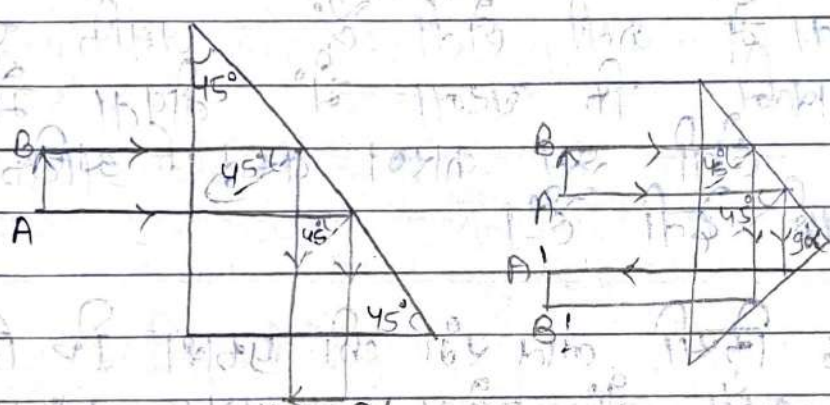
1. इस तंतु का उपयोग संचार के साधनो में किया जाता है।
2. सजावटी लैम्पो में भी इस तंतु का उपयोग किया जाता है।
3. एण्डोस्कोपी करने में।

4. पूर्ण परावर्तक पिन्म -

यह पिन्म एक समकोण पिन्म होता है तथा इस पिन्म के सहायता से प्रकाशिय किरणों के पथ को परिवर्तित किया जाता है।

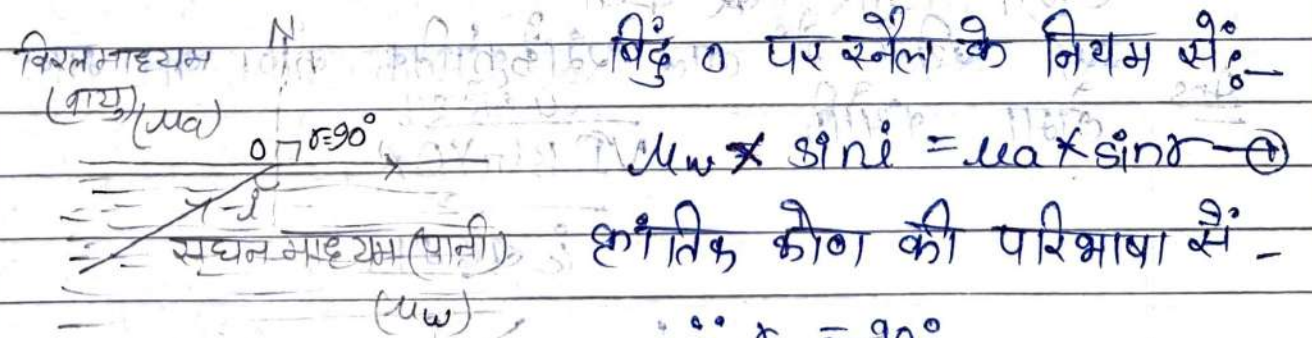
कार्यविधि-

जिन प्रकाशिक किरणों के पथ को परिवर्तित करना होता है पूर्ण परावर्तक प्रिज्म घर आपतित करा दिया जाता है। तथा इन किरणों को क्रांतिक कोण से अधिक कोण (काँच के लिए क्रांतिक कोण 45°) पर आपतित कराया जाता है जिससे घूर्ण आंतरिक परावर्तन की घटना घटित होती है। तथा प्रकाशिक किरणों का पथ परिवर्तित हो जाता है।



90° के कोण पर मुड़ना 180° के कोण पर मुड़ना

* माध्यम के अपवर्तनांक तथा क्रांतिक कोण के मध्य सम्बन्ध -



बिंदु O पर रेखा के नियम से:-

$$\mu_w \times \sin i = \mu_a \times \sin r \quad \text{--- (1)}$$

क्रांतिक कोण की परिभाषा से -

$$\because r = 90^\circ$$

$$\therefore i = i_c$$

समी (1) से

$$\mu_w \times \sin i_c = \mu_a \times \sin 90^\circ$$

$$\mu_w \times \sin i_c = \mu_a$$

$$\mu_w = \frac{\mu_a}{\sin i_c}$$

or

$$\mu = \frac{1}{\sin ic}$$

Q. परावर्तन तथा अपवर्तन कि घटना में वस्तुएं कम चमकदार दिखाई देती हैं। लेकिन पूर्ण आन्तरिक परावर्तन कि घटना में वस्तुएं अधिक चमकदार दिखाई देती हैं क्यों?

Ans परावर्तन व अपवर्तन कि घटना में प्रकाश कि तीव्रता में कमी होती है। जबकि पूर्ण आन्तरिक परावर्तन कि घटना में तीव्रता में कोई कमी नहीं होती इस कारण वस्तु पर अधिक चमकदार दिखाई देती है।

Q. यदि किसी लाल रंग की प्रकाश कि किरण को वायु से काँच में प्रवेश कराया जाता है। यदि लाल रंग के स्थान पर पीले रंग का उपयोग किया जाय तो किरण का क्रांतिक कोण अधिक होगा और क्यों?

Ans इस स्थिति में लाल रंग के क्रांतिक कोण का मान अधिक होगा क्योंकि $\mu_{\text{red}} > \mu_{\text{yellow}}$

VI B L Y O R

↑
है बढ़ेगा

Q. यदि किसी माध्यम का अपवर्तनांक μ है तो इसके क्रांतिक कोण का मान ज्ञात करो

$$\mu = \frac{1}{\sin ic}$$

$$\sin ic = \frac{1}{\mu} = \frac{1}{\mu}$$

$$\mu_c = \sin^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} \right)$$

$$\mu_c = 45^\circ$$


* लेंस = एक ऐसा पारदर्शी माध्यम जिसका कम से कम एक पृष्ठ वक्र हो उसे लेंस कहा जाता है।
 लेंसों के प्रकार -

प्रकाशित किरणों को अभिसारीत या अपसारीत करने के आधार पर लेंस दो प्रकार के होते हैं।


- 1) उत्तल या अभिसारी लेंस -
- 2) अवतल या अपसारी लेंस -

1) उत्तल या अभिसारी लेंस - वह लेंस जो प्रकाशित किरणों को अभिसारीत करता है अर्थात् एक ही बिंदु पर जोड़ती करता है उसे उत्तल या अभिसारी लेंस कहा जाता है। तथा यह तीन प्रकार का होता है।


i) समन्तलोत्तल (समतल + उत्तल)



ii) अवतलोलोत्तल (अवतल + उत्तल)



iii) उभयोलोत्तल (दोनों पृष्ठ उत्तल)



2) अवतल या अपसारी लेंस -
 ये लेंस जो प्रकीर्ण किरणों को फैलता है या अपसारीत करता है। इसे अवतल या अपसारी लेंस कहा जाता है। यह भी तीन प्रकार का होता है।

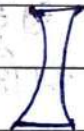
i) समतलोत्तल (समतल + अवतल)



ii) उत्तलोत्तल (अवतल + उत्तल)



iii) उभयोत्तल (दोनों पृष्ठ अवतल)



Q.1. यदि कोई प्रकाश कि किरण द्रव से वायु में प्रवेश करती है तथा द्रव में इसका वेग $1.5 \times 10^8 \text{ m/sec}$ है तो द्रव के क्रांतिक कोण का मान ज्ञात करें।

Q.2. मान लीजिए आप एक स्थिर कार में बैठे हैं। जिसमें लगे पार्श्व दृश्य दर्पण कि कृता विज्या 2 m है। इसमें एक धावक अपनी अपनी ओर आता हुआ दिखता है। जिसकी चाल 5 m/sec है। यदि धावक -

i) 3 m iii) 19 m

ii) 29 m iv) 9 m

Ex. 11, 12

Date / /

Page



पर ही ती प्रवेक खिती में इसकी प्रतिबिंब की चाल ज्ञात करीं ?

$$\Rightarrow (1) \quad v = 1.5 \times 10^8 \text{ m/sec.} \quad \mu_c = 2$$

$$\mu = \frac{c}{v} \text{ से}$$

$$\mu = \frac{3 \times 10^8}{1.5 \times 10^8} = 2$$

$$\therefore \mu = \frac{1}{\sin i_c}$$

$$\sin i_c = \frac{1}{\mu} = \frac{1}{2}$$

$$i_c = \sin^{-1} \left(\frac{1}{2} \right)$$

$$i_c = 30^\circ \text{ अथवा } 90^\circ - i_c = 60^\circ$$

$$\Rightarrow (2) \quad R = 2 \text{ m}$$

$$r = \frac{R}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ m}$$

घावक की चाल = 5 m/sec.

$$(5 \text{ m}) \quad u = -39 \text{ m}$$

$$r = \frac{f - u}{f - v}$$

$$\frac{-v}{u} = \frac{f}{f - u}$$

$$v = \frac{-4f \times u}{f - u}$$

$$v = \frac{-(-39) \times 1}{1 + 39}$$

$$v = \frac{39}{40} \text{ m}$$

$$v = \frac{39}{40} \text{ m}$$

1 Sec. पश्चात् धातक की स्थिति -

$$u = 39 - 5 = -34 \text{ m}$$

$$\therefore v = \frac{-uf}{f-u} \text{ से}$$

$$v = \frac{-(-39) \times 1}{1 + 39} = \frac{39}{35} \text{ m}$$

अतः प्रतिबिंब की चाल Or प्रति Sec. तय दूरी -

$$v_{\text{चाल}} = \frac{39}{40} - \frac{39}{35}$$

Ex. - 11.10

$$\mu = 2.42$$

$$i_c = r$$

$$\sin i_c = \frac{1}{\mu}$$

$$\sin i_c = \frac{1}{2.42}$$

$$i_c = \sin^{-1} \left(\frac{1}{2.42} \right)$$

$$i_c \approx \underline{\underline{24.4^\circ}} \text{ अथवा}$$

Ex. - 11.11

$$\mu_1 = 1.47$$

$$\mu_2 = 1.31$$

$$i = r$$

$$\mu_1 \times \sin i = \mu_2 \times \sin r$$

$$\therefore r = 90^\circ$$

$$i = i_c$$

$$\mu_1 \times \sin i_c = \mu_2$$

$$\sin i_c = \frac{\mu_2}{\mu_1} = \frac{1.31}{1.47}$$

$$j_c = \text{Sin}^{-1} \left(\frac{1.31}{1.47} \right)$$

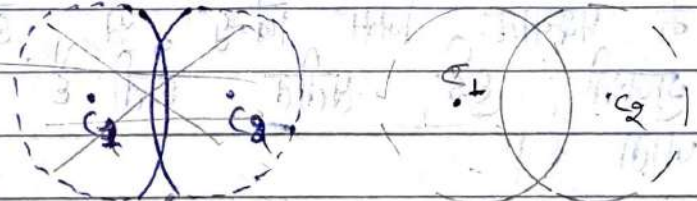
$$[j > j_c]$$

* लेंसों से सम्बन्धित परिभाषाएँ ⇒

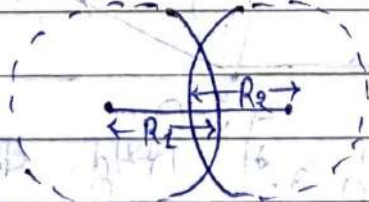
(1) लेंसों का प्रथम पृष्ठ ⇒ वह पृष्ठ जिस पर प्रकाश की किरणें आपतित होती हैं, उसे लेंस का प्रथम पृष्ठ कहा जाता है।

(2) लेंस का द्वितीय पृष्ठ ⇒ लेंस का वह पृष्ठ जिससे अपवर्तन की घटना घटित होती है, उसे लेंस का द्वितीय पृष्ठ कहा जाता है।

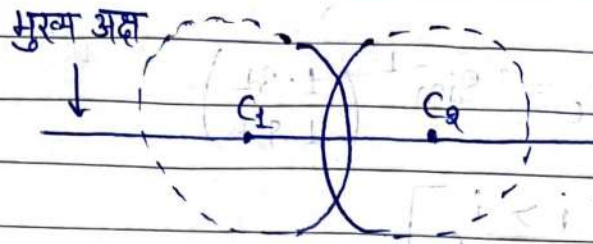
(3) वक्रता केन्द्र ⇒ लेंस जिन दो खोखले गोलों का बनावट होता है उनका केन्द्र ही वक्रता केन्द्र कहलाता है।



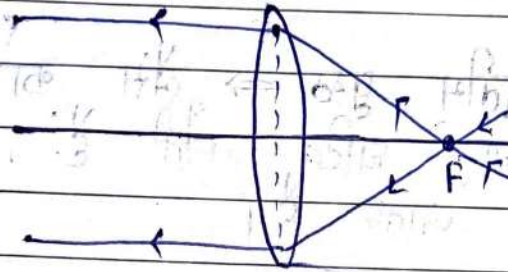
(4) वक्रता त्रिज्या ⇒ लेंस जिन दो खोखले गोलों का भाग होता है उनकी त्रिज्या ही वक्रता त्रिज्या कहलाती है।



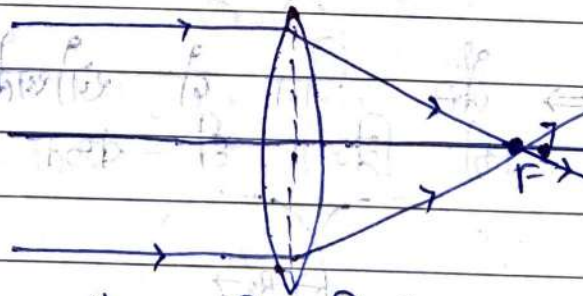
(5) मुख्य अक्ष ⇒ लेंस के दोनों वक्रता केन्द्रों को मिलाने वाली सीधी रेखा को ही मुख्य अक्ष कहा जाता है।



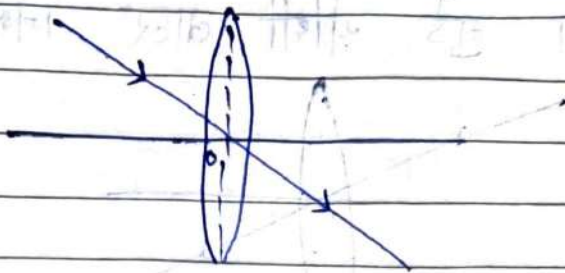
(6) प्रथम फोकस \Rightarrow लेंस के मुख्य अक्ष पर स्थित वह बिन्दु जहाँ से प्रकाश की किरणें गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतीत होती हैं। अपवर्तन की घटना पश्चात् मुख्य अक्ष के समांतर चलने लगती हैं, उसे प्रथम फोकस कहा जाता है।



(7) द्वितीय फोकस \Rightarrow मुख्य अक्ष के समांतर चलने वाली प्रकाश की किरणें लेंस से अपवर्तन की घटना के पश्चात् जिस बिन्दु से होकर गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतीत होती हैं, उसे द्वितीय फोकस कहा जाता है।



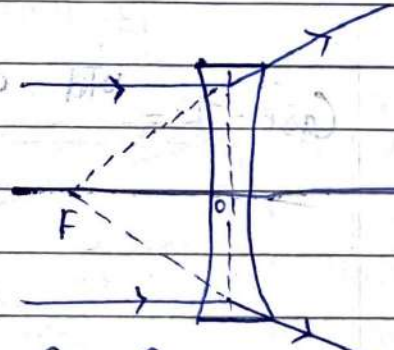
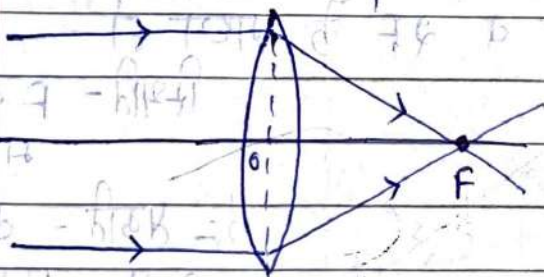
(8) प्रकाश केन्द्र \Rightarrow लेंस में स्थित वह बिन्दु जहाँ से प्रकाश की किरणें अपवर्तन की घटना के पश्चात् बिना मुड़े सीधी बाहर निकल जाती हैं, उसे प्रकाश केन्द्र कहा जाता है।



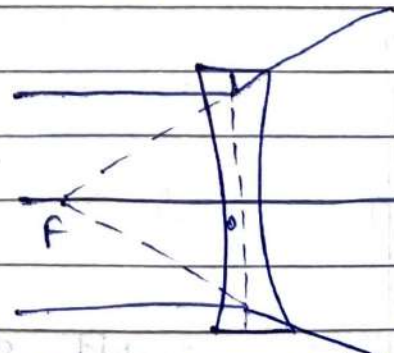
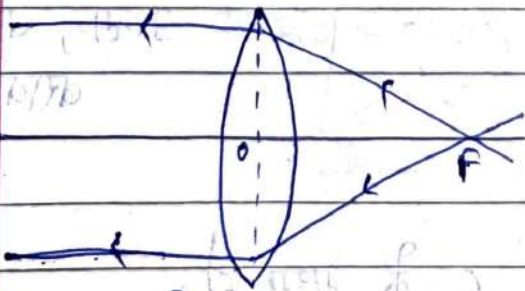
(2) प्रधान बिन्दु \Rightarrow लेंस के प्रथम फोकस, द्वितीय फोकस, प्रकाश केन्द्र कोण सममित रूप से प्रधान बिन्दु कहा जाता है।

लेंसों से अपवर्तन के नियम \Rightarrow

(1) इस नियम के अनुसार मुख्य अक्ष के समांतर चलने वाली प्रकाश की किरणें अपवर्तन की घटना के पश्चात सदैव फोकस से होकर गुजरती हैं या गुजरती हुई प्रतीत होती हैं।

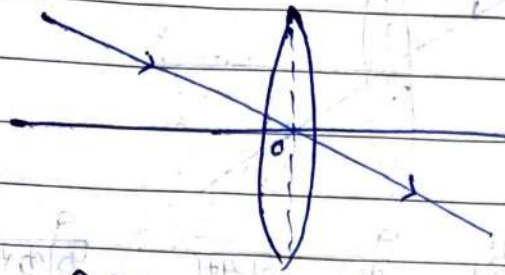


(2) इस नियम के अनुसार फोकस से होकर गुजरने वाली या गुजरती हुई प्रतीत होने वाली प्रकाश की किरणें अपवर्तन की घटना के पश्चात मुख्य अक्ष के समांतर चलने लगती हैं।



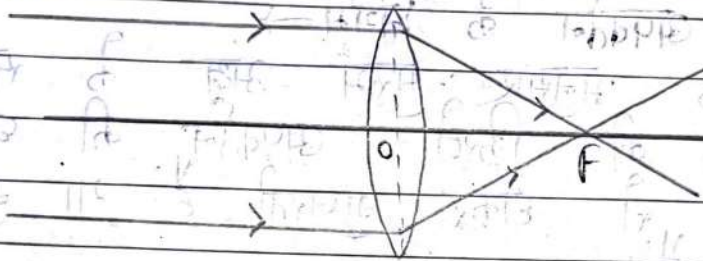
(3) इस नियम के अनुसार प्रकाश केन्द्र से होकर गुजरने वाली प्रकाश की किरणें अपवर्तन की घटना के

पश्चात् बिना मुड़े सीधी बाहर निकल जाती हैं।



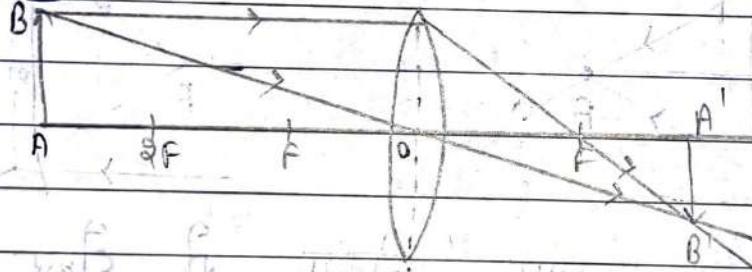
लेंसों से प्रतिबिंबों का निर्माण \Rightarrow
 (1) उत्तल लेंस से बनने वाले प्रतिबिंब \Rightarrow

Case-I:- जब वस्तु अनन्त पर हो -



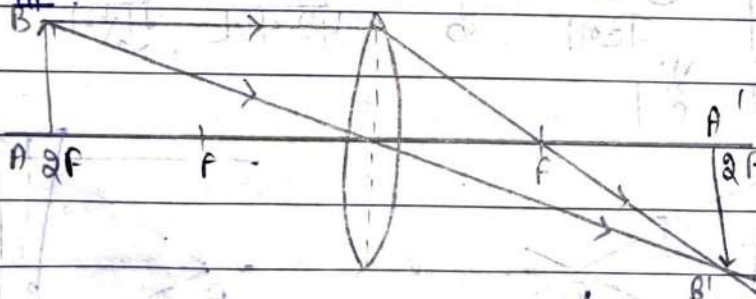
स्थिति - F पर
 प्रकृति - वास्तविक,
 उल्टा, बिंदु स्वरूप

Case-II:- जब वस्तु अनन्त व 2F के मध्य हो -



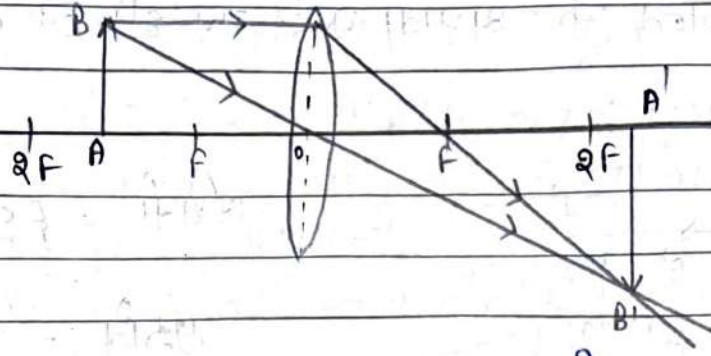
स्थिति - F व 2F के
 मध्य
 प्रकृति - वास्तविक,
 उल्टा, वस्तु से छोटा

Case-III:- जब वस्तु 2F पर हो -



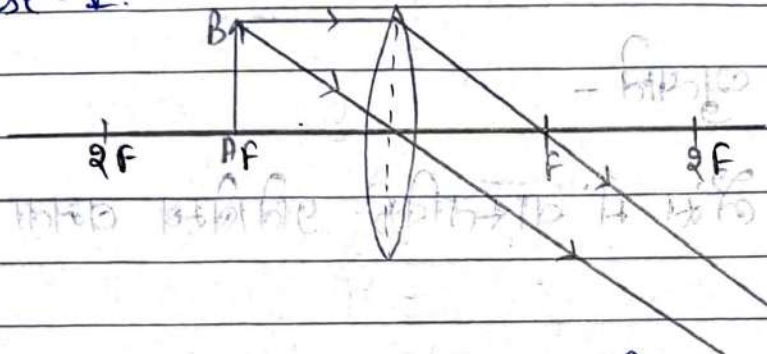
स्थिति - 2F पर
 प्रकृति - वास्तविक,
 उल्टा, वस्तु के
 बराबर

Case-IV:- जब वस्तु 2F व F के मध्य हो -



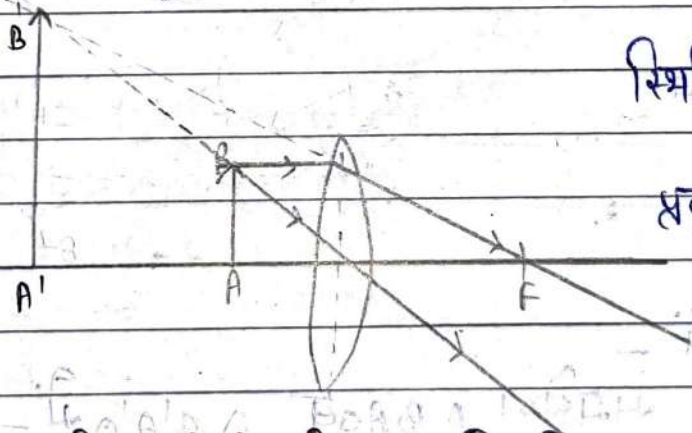
स्थिति - $2F$ से परे
 प्रकृति - वास्तविक,
 उल्टा, वस्तु से
 बड़ा

Case - II: - जब वस्तु F पर हो -



स्थिति - अनन्त पर
 प्रकृति - वास्तविक, उल्टा,
 वस्तु से बहुत बड़ा

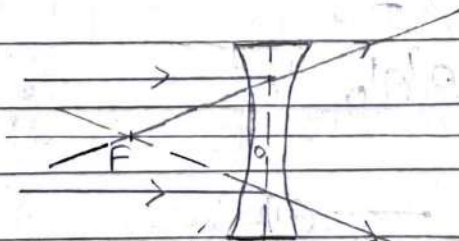
Case - III: - जब वस्तु F व O के मध्य हो -



स्थिति - लेंस के बायीं
 ओर
 प्रकृति - आभासी,
 सीधा, वस्तु से
 बड़ा।

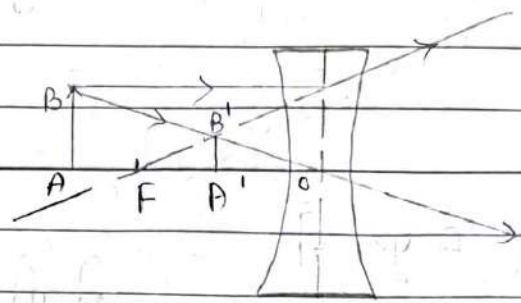
Q. अवतल लेंस से प्रतिबिम्बों का निर्माण -

Case I. जब वस्तु अनन्त पर स्थित हो -



स्थिति = F पर
 प्रकृति = आभासी,
 सीधा, बिंदु
 स्वरूप

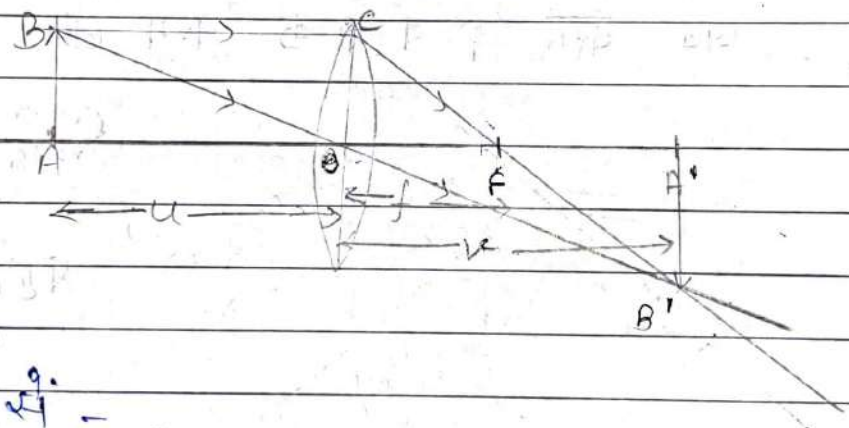
Case II. जब वस्तु अंजल के अलावा कही पर भी हो ती -



स्थिति = f व O के मध्य
 प्रकृति = आभासी,
 सीधा, वस्तु से बड़ा

* लेंस सूत्र कि व्युत्पत्ति -

Case I. जब उच्चल लेंस में वास्तविक प्रतिबिम्ब बनता ही -



चित्र सं -

समकोण $\triangle BAO$ व $\triangle B'A'O$ में -

$\angle BAO = \angle B'A'O = 90^\circ$ (समकोण)
 $\angle AOB = \angle A'OB'$ (शीर्षविमुख कोण)

अतः AA - नियम सं -

$\triangle BAO \sim \triangle B'A'O$

अतः

$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO}$ — (1)

इसी प्रकार समकोण ΔCOF व $\Delta B'A'F$ में -

$$\angle COF - \angle B'A'F = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle CFO = \angle A'FB' \text{ (शीर्षविमुख कोण)}$$

अतः AA' सिध्द है

$$\Delta COF \sim \Delta B'A'F$$

अतः $\frac{A'B'}{OC} = \frac{A'F}{OF}$

$$\because OC = AB$$

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'F}{OF} \quad \text{--- (2)}$$

समी (1) व (2) से

$$\frac{A'O}{AO} = \frac{A'F}{OF} \quad \text{--- (3)}$$

चित्र से

$$A'O = +v, AO = -u$$

$$A'F = OA' - OF$$

$$A'F = v - f$$

$$OF = +f$$

समी. (3) से

$$\frac{v}{-u} = \frac{v-f}{f}$$

$$vf = -u(v-f)$$

$$vf = -uv + uf$$

समी. में uvf से भाग देने पर

$$\frac{-vf}{uvf} = \frac{-uf}{uvf} + \frac{vf}{uvf}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{1}{f} + \frac{1}{v}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

आवर्धन क्षमता -

$m = \frac{\text{प्रतिबिम्ब का आकार}}{\text{वस्तु का आकार}}$

$$m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO}$$

चित्र में

$$A'B' = -h_2, A'O = +v$$

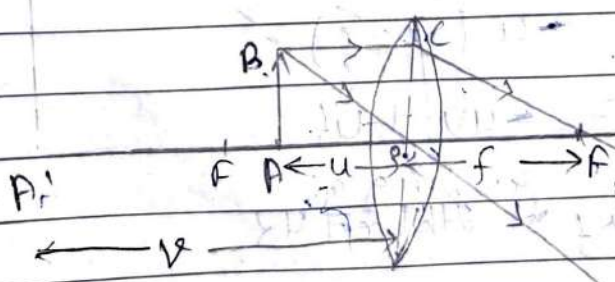
$$AB = +h_1, AO = -u$$

$$m = \frac{-h_2}{h_1} = \frac{-v}{u}$$

$m = (-)$ ive

जब उत्तल लेंस में आभासी प्रतिबिम्ब बनता है तो

Case 1.



चित्र से: समकोण ΔBAO व $\Delta B'A'O$ में -

$$\angle BAO = \angle B'A'O = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle AOB = \angle A'O'B' = \text{(उभयनिष्ठ कोण)}$$

अतः AA-नियम से
 $\Delta BAO \sim \Delta B'A'O$

अतः $\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO}$ — (1)

इसी प्रकार समकोण ΔCOF व $\Delta B'A'F$ में -

$$\angle COF = \angle B'A'F = 90^\circ \text{ (समकोण)}$$

$$\angle CFO = \angle A'FB' = \text{(उभयनिष्ठ कोण)}$$

अतः AA-नियम से
 $\Delta COF \sim \Delta B'A'F$

अतः $\frac{A'B'}{OC} = \frac{A'F}{OF}$

$\therefore OC = AB$

$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'F}{OF}$ — (2)

समी. (1) व (2) से

$\frac{A'O}{AO} = \frac{A'F}{OF}$ — (3)

चित्र से

$A'O = -v + AO = -u$

$A'F = OA' + OF$

$A'F = -v + f$

$OF = +f$

समी. 3 सी

$$\frac{1}{f} = \frac{-v + f}{u}$$

$$vf = u(-v + f)$$

$$vf = -uv + uf$$

समी. 3 सी

uvf का भाग दोनों पर -

$$\frac{uvf}{uvf} = \frac{-uv + uf}{uvf}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{-1}{v} + \frac{1}{u}$$

$$\boxed{\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}}$$

आवर्धन क्षमता

$$m = \frac{\text{उत्पिंब का आकार}}{\text{वस्तु का आकार}}$$

$$m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO}$$

चित्र 3 सी

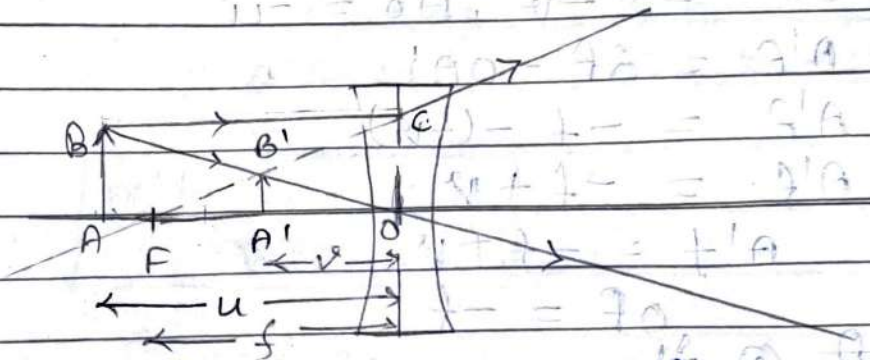
$$A'B' = +h_2, \quad A'O = -v$$

$$AB = +h_1, \quad AO = -u$$

$$\boxed{m = \frac{h_2}{h_1} = \frac{v}{u}}$$

$$m = (+)ive$$

Case III. जब अवतल लेंस में आभासी उतिबिम्ब बनता होता है -



समकोण $\triangle BAO$ व $\triangle B'A'O$ में -

$\angle BAO = \angle B'A'O = 90^\circ$ (समकोण)

$\angle AOB = \angle A'O B'$ (उभयनिष्ठ कोण)

अतः AA-नियम से
 $\triangle BAO \sim \triangle B'A'O$

अतः $\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO}$ — (1)

इसी प्रकार समकोण $\triangle COF$ व $\triangle B'A'F$ में -

$\angle COF = \angle B'A'F = 90^\circ$ (समकोण)

$\angle CFO = \angle A'F B'$ (उभयनिष्ठ कोण)

अतः AA-नियम से
 $\triangle COF \sim \triangle B'A'F$

अतः $\frac{A'B'}{OC} = \frac{A'F}{OF}$

$\therefore OC = AB$

$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'F}{OF}$ — (2)

समी. (1) व (2) से

$\frac{A'O}{AO} = \frac{A'F}{OF}$ — (3)

$$A'O = -v, A_0 = -u$$

$$A'f = of - OA'$$

$$A'f = -f - (-v)$$

$$A'f = -f + v$$

$$A'f = -f + v$$

$$of = -f$$

समी. ③ से:

$$\frac{-v}{-f} = \frac{v-f}{-f}$$

$$\frac{-vf}{-f} = \frac{uv - uf}{-f}$$

$$-vf = u(v-f)$$

$$-vf = uv - uf$$

समी. से uvf का भाग देने पर

$$\frac{-vf}{uvf} = \frac{uv - uf}{uvf}$$

$$\frac{-1}{u} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\boxed{\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}}$$

आवर्धन क्षमता -

$m =$ प्रतिबिम्ब का आकार

वस्तु का आकार

$$m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{A_0}$$

चि स' =

$$A'B' = +h_2 \quad \therefore A'O = -v$$

$$AO = +h_1, \quad AO = -u$$

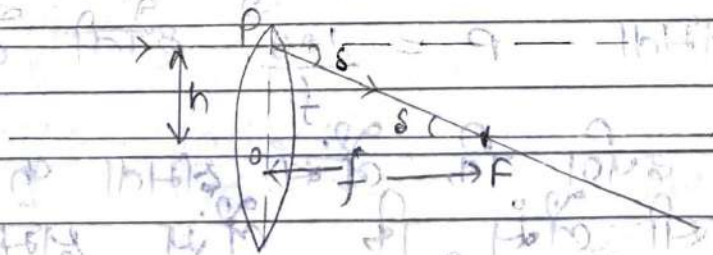
$$\boxed{m = \frac{h_2}{h_1} = \frac{v}{u}}$$

$$m = (+)ive$$

* लेंस क्षमता -

किसी लेंस कि लेंस क्षमता उस लेंस के द्वारा प्रकाश किरणों को अभिसारीत या अपसारीत करने की क्षमता का माप होती है।

किसी लेंस कि लेंस क्षमता उस कोण कि स्पर्शज्या ($\tan \theta$) के बराबर होती है। जो लेंस के प्रकाश केन्द्र से एकांक दूरी पर आपतित प्रकाश किरणों को अभिसारीत या अपसारीत करता है। अर्थात् -



$$\tan \theta = \frac{L}{A} = \frac{h}{f}$$

$$\tan \theta = \frac{h}{f}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प हो तो -

$$\tan \delta \cong \delta$$

$$\delta = \frac{h}{f}$$

$$\delta = \frac{h}{f}$$

यदि $h = 1 \text{ m}$ हो तो -

$$\delta = p$$

$$p = \frac{1}{f}$$

Note: 1. लेंस क्षमता का मात्रक डायप्टर (D) होता है।

2. उत्तल लेंस कि लेंस क्षमता धनात्मक जबकि अवतल लेंस कि लेंस क्षमता ऋणात्मक होती है।

3. यदि किसी लेंस कि फोकस दुरी मिटर में हो तो लेंस क्षमता $p = \frac{1}{f}$ होती है।

लेकिन यदि फोकस दुरी सेन्टीमीटर में हो तो लेंस क्षमता $p = \frac{100}{f}$ होती है।

4. समतल दर्पण कि लेंस क्षमता का मान ज्ञात करी यदि किसी लेंस कि लेंस क्षमता 2.5D है तो इसकी फोकस दुरी व लेंस का प्रकार बताओ।

5. यदि किसी उत्तल लेंस के द्वारा वस्तु को 90cm कि दुरी पर रखने पर इसका प्रतिबिम्ब 40 cm कि दुरी पर प्राप्त होता है तथा ये

प्रतिबिम्ब वास्तविक है तो लेंस क्षमता का मान ज्ञात करो ?

Ans: 1.

$$P = \frac{1}{f}$$

$$\therefore f = \infty$$

$$P = \frac{1}{\infty} = 0$$

$$P = 0$$

Ans: 2. $P = +2.5D$

$$P = \frac{1}{f} \text{ मी.}$$

$$f = \frac{1}{P} = \frac{10}{2.5}$$

$$f = 0.4 \text{ m}$$

अत्र लेंस

Ans: 3.

$$u = -20 \text{ cm}$$

$$v = 40 \text{ cm}$$

$$P = ?$$

Solu. $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$ मी.

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{40} + \frac{1}{20}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1+2}{40} = \frac{3}{40}$$

$$f = \frac{40}{3} \text{ cm}$$

$$\therefore P = \frac{1}{f}$$

$$P = \frac{100}{f} = \frac{100}{\frac{40}{3}} = 7.5$$

$$P = \frac{15}{2} = +7.5D$$

Eg. 11.12.

$$h_1 = 6 \text{ cm}, u = -30 \text{ cm}$$

$$h_2 = -2 \text{ cm}, f = 10 \text{ cm}$$

Solu. $m = \frac{-h_2}{h_1} = \frac{-2}{6}$

$$m = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore m = \frac{f}{f+u}$$

$$-\frac{1}{3} = \frac{f}{f+u}$$

$$-3 = \frac{f}{f-30}$$

$$-f+30 = 3f$$

$$-30 = 3f+f$$

$$f = \frac{30}{4}$$

$$f = 7.5 \text{ cm}$$

Eg. 11.14.

$$m = 2, f = 10 \text{ cm}$$

$$u = ?$$

Solu. Case 1. आभासी

$$m = 2$$

$$u = -x$$

$$m = \frac{v}{u}$$

$$2 = \frac{v}{-x} \Rightarrow v = -2x$$

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1}{-2x} + \frac{1}{x}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{-1+2}{2x} = \frac{1}{2x}$$

$$2x = 10$$

$$x = 5 \text{ cm}$$

$$u = -5 \text{ cm}$$

Solu. आभासी के लिए -

$$m = \frac{h_2}{h_1} = \frac{6}{3} = 2$$

$$m = 2$$

$$\therefore m = \frac{v}{u} \text{ से}$$

$$\therefore u = -x$$

$$2 = \frac{v}{-x}$$

Case 2. वास्तविक प्रतिबिम्ब के लिए -

$$m = -2$$

$$m = \frac{v}{u} \text{ से}$$

$$-2 = \frac{v}{-x}$$

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1}{2x} + \frac{1}{x}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1+2}{2x} = \frac{3}{2x}$$

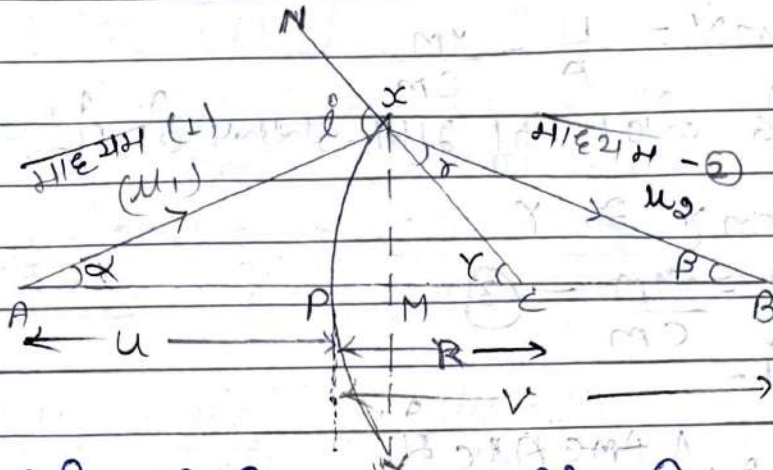
$$2x = 30$$

$$x = 15$$

$$u = -15 \text{ cm}$$

Eg. 11.16. $h_1 = 3 \text{ cm}$, $f = +10 \text{ cm}$
 $h_2 = 6 \text{ cm}$, $v = ?$

* गौलीय पृष्ठ से अपवर्तन -



माना कोई गौलीय पृष्ठ XY है जिसका द्वारक अत्यल्प है। इस स्थिति में माध्यम - ① से वस्तु A से चलने वाली प्रकार कि किरणें जब गौलीय पृष्ठ XY पर आपतित होती हैं तो अपवर्तन कि घटना के पक्षपात इसका प्रतिबिम्ब बिंदु B पर प्राप्त होता है।
 वी -

चित्र से

समकोण $\triangle AMX$ में -

$$\tan \alpha = \frac{l}{A} = \frac{XM}{AM}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प ही तो -

$$\tan \alpha \cong \alpha$$

$$\alpha = \frac{XM}{AM} \quad \text{--- ①}$$

इसी प्रकार समकोण $\triangle XMB$ में -

$$\tan \beta = \frac{l}{A} = \frac{XM}{MB}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प ही तो -

$$\tan \beta \cong \beta$$

$$\beta = \frac{XM}{MB_0} \quad \text{--- (2)}$$

इसी प्रकार समकोण ΔXMC में ---

$$\tan \gamma = \frac{L}{A} = \frac{XM}{CM}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प होता है ---

$$\tan \gamma \approx \gamma$$

$$\gamma = \frac{XM}{CM} \quad \text{--- (3)}$$

चित्र से ---

प्रमेय से ΔAME व ΔXMC में

1. बहिर्कोण = 2 अंतःकोणों का योग

$$i = r + \gamma \quad \text{--- (4)}$$

इसी प्रकार ΔXBC में

$$\gamma = r + \beta$$

$$r = \gamma - \beta \quad \text{--- (5)}$$

बिंदु x पर स्नेल के नियम से ---

$$\mu_1 x \sin i = \mu_2 x \sin r$$

यदि कोणों के मान अत्यल्प होता है ---

$$\sin i \approx i$$

$$\sin r \approx r$$

$$\mu_1 i = \mu_2 r$$

समी. (4) व (5) से

$$\mu_1 [r + \beta] = \mu_2 [\gamma - \beta]$$

समी. (1) (2) व (3) से



$$\mu_1 \left[\frac{x_M}{A_M} + \frac{x_M}{C_M} \right] = \mu_2 \left[\frac{x_M}{C_M} - \frac{x_M}{M_B} \right]$$

$$\mu_1 \left[\frac{1}{A_M} + \frac{1}{C_M} \right] = \mu_2 \left[\frac{1}{C_M} - \frac{1}{M_B} \right]$$

$$\frac{\mu_1}{A_M} + \frac{\mu_1}{C_M} = \frac{\mu_2}{C_M} - \frac{\mu_2}{M_B}$$

$$\frac{\mu_1}{A_M} + \frac{\mu_2}{M_B} = \frac{\mu_2}{C_M} - \frac{\mu_1}{C_M}$$

$$\frac{\mu_1}{A_M} + \frac{\mu_2}{M_B} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{C_M}$$

यदि द्यारक अल्प हो तो

$$m \cong p$$

$$\frac{\mu_1}{AP} + \frac{\mu_2}{PB} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{PC}$$

$$\therefore AP = -u \quad , \quad PB = +v$$

$$PC = +R$$

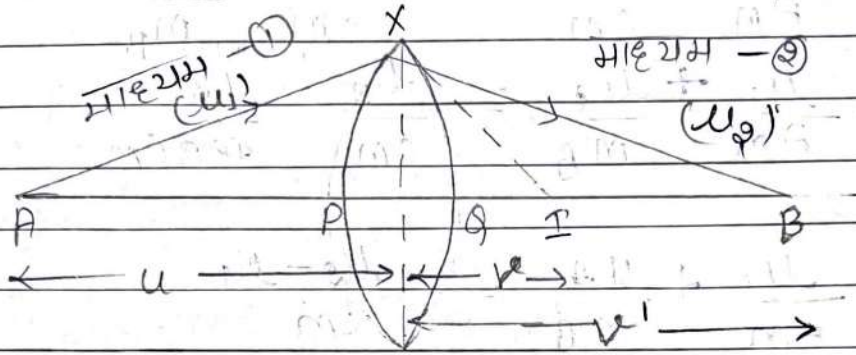
$$\frac{\mu_1}{-u} + \frac{\mu_2}{v} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{R}$$

$$\boxed{\frac{\mu_2 - \mu_1}{v} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{R}}$$

Note: यदि प्रकाश कि किरण माध्यम-② से माध्यम-① में प्रवेश करती है तो गैलीय पृष्ठ से अपवर्तन का सूत्र-

$$\frac{\mu_1}{v} - \frac{\mu_2}{u} = \frac{\mu_1 - \mu_2}{R}$$

* पतले लेंस के लिए लेंस सूत्र अथवा लेंस मेकर सूत्र कि व्युत्पत्ति अथवा लेंस कि फोकस दुरी तथा वक्रता त्रिज्या के मध्य सम्बन्ध-



माना कोई पतला लेंस X, Y है जिसके दो गोलीय पृष्ठ क्रमशः X, P, Y तथा X, Q, Y हैं तथा इसका द्वारक अत्यल्प है। तथा दो नौ गोलीय पृष्ठी कि वक्रता त्रिज्यायें क्रमशः R_1 व R_2 हैं जब वस्तु A से चलने वाली एक किरण कि किरण गोलीय पृष्ठ X, P, Y पर आपतित होती है तो अपवर्तन के घटना के पश्चात् इसका प्रतिबिम्ब बिंदु B पर प्राप्त होता है।

गोलीय पृष्ठ X, P, Y से अपवर्तन के पश्चात्:-

$$\frac{\mu_2}{v'} - \frac{\mu_1}{u} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{R_1} \quad \text{--- (1)}$$

तथा यह प्रतिबिम्ब दूसरे गोलीय पृष्ठ X, Q, Y के लिए वस्तु का कार्य करता है जिसके लिये इसका प्रतिबिम्ब बिंदु I पर प्राप्त होता है तो -

$$\frac{\mu_2}{v} - \frac{\mu_1}{u} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{R_2}$$

गोलीय पृष्ठ x y के अपवर्तन के पश्चात् -

$$\frac{\mu_1}{v} - \frac{\mu_2}{v'} = \frac{\mu_1 - \mu_2}{R_2} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) व (2) को जोड़ने पर

$$\frac{\mu_2}{u} - \frac{\mu_1}{u} + \frac{\mu_1}{v} - \frac{\mu_2}{v'} = \frac{\mu_2 - \mu_1}{R_1} + \frac{\mu_1 - \mu_2}{R_2}$$

$$\mu_1 \left[\frac{1}{v} - \frac{1}{u} \right] = (\mu_2 - \mu_1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \left[\frac{\mu_2 - \mu_1}{\mu_1} \right] \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \left[\frac{\mu_2}{\mu_1} - 1 \right] \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\therefore \frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

$$\boxed{\frac{1}{f} = (\mu_2 - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]}$$

यदि माध्यम - (1) निवृत्त हो तो (वायु)

$$\mu_1 = 1$$

$$\boxed{\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]}$$

Note: यदि लेंस मेकर सूत्र में द्विउत्तल या उभयोत्तल लेंस का उपयोग किया जाए तो R_1 धनात्मक तथा R_2 को ऋणात्मक लिया जाता है।

2. यदि अवतल या उभयाकतल लेंस का उपयोग किया जाए तो लेंस मेकर सूत्र में R_1 की दृष्टात्मक जबकि R_2 को धनात्मक लिया जाता है।

3. यदि $\mu_2 < \mu_1$ हो अर्थात् लेंस को किसी ऐसे द्रव में डुबोया जाए जिसका अपवर्तनांक लेंस के पदार्थ के अपवर्तनांक कि तुलना में कम हो तो इस स्थिति में लेंस कि फोकस दुरी बढ़ जाती है। लेकिन लेंस कि प्रकृति नहीं बदलती है।

4. यदि $\mu_2 > \mu_1$ हो तो इस स्थिति में यदि लेंस को किसी ऐसे द्रव में डुबोया जाए जिसका अपवर्तनांक लेंस के पदार्थ के अपवर्तनांक कि तुलना में अधिक हो तो इस स्थिति में लेंस कि फोकस दुरी का मान बढ़ जाता है तथा लेंस कि प्रकृति भी बदल जाती है।

5. यदि $\mu_2 = \mu_1$ हो तो यदि स्थिति में लेंस को किसी ऐसे द्रव में डुबोया जाए जिसका अपवर्तनांक लेंस के पदार्थ के अपवर्तनांक के बराबर हो तो इस स्थिति में लेंस इस द्रव में अदृश्य हो जाता है।

eg. 11.3. $R_1 = +20\text{cm}, R_2 = -30\text{cm}$
 $\mu_g = 1.5, \mu_{air} = 1.33$
 $f = ?$

Soln:
$$f = (\mu_g - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{f} = \left(\frac{\mu_g}{\mu_1} - 1 \right) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{f} = \left(\frac{\mu_g}{\mu_w} - 1 \right) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

Eg. 11.17.

$R_1 = +20 \text{ cm}, R_2 = -30 \text{ cm}$

$\mu_g = 1.5, f = ?$

Solu.

$$\frac{1}{f} = (\mu_g - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{f} = (1.5 - 1) \left[\frac{1}{20} - \frac{1}{30} \right]$$

$$\frac{1}{f} =$$

Eg. 11.18.

$\mu_g = 1.50, f_a = 0.3 \text{ m}$

$\mu_w = 1.33, f_w = ?$

Solu.

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{f_a} = (\mu_g - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{0.3} = (1.50 - 1) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{0.3} = 0.5 \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} = \frac{1}{0.15} \quad \text{--- (1)}$$

जल में डुबाने पर

$$\frac{1}{f_w} = \left(\frac{\mu_g}{\mu_w} - 1 \right) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\frac{1}{f_w} = \left[\frac{1.50 - 1}{1.33} \right] \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

समी. (1) में

$$\frac{1}{f_w} = \left[\frac{1.50 - 1.33}{1.33} \right] \times \frac{1}{0.15}$$

$$\frac{1}{f_w} = \frac{0.17}{1.33} \times \frac{100}{0.15}$$

$$\frac{1}{f_w} = \frac{1700}{133 \times 15}$$

$$f_w = \frac{133 \times 15}{1700}$$

$$f_w =$$

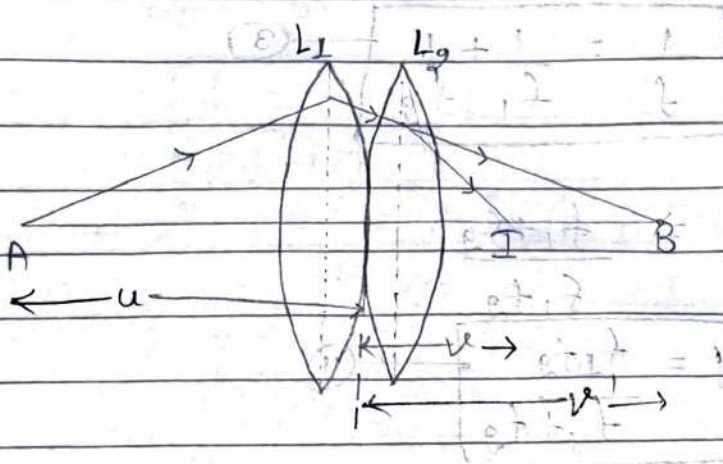
* लेंसों का संयोजन -

दो या दो से अधिक लेंसों को आपस में जोड़ना ही लेंसों का संयोजन कहलाता है तथा यह निम्न कारणों से किया जाता है।

अंतिम प्रतिबिम्ब को आवर्धित करने के लिए

अंतिम प्रतिबिम्ब को सीधा प्राप्त करने के लिए

* लेंसों के संयोजन के फोकस दूरी -



माना कोई दो पतले उत्तल लेंस L_1 व L_2 हैं जिनकी फोकस दूरियों क्रमशः f_1 व f_2 हैं। तब इस स्थिति में वस्तु A से चलने वाली प्रकाश किरणों जब लेंस L_1 पर आपतित होती हैं तो अपवर्तन के घटना के पश्चात् ये किरणें बिंदु B पर मिलती हैं। जहाँ वस्तु का प्रतिबिम्ब प्राप्त होता है। तो इस स्थिति में लेंस L_1 के लिए लेंस सूत्र से

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{u} - \frac{1}{v} \text{ से}$$

$$\frac{1}{f_1} = \frac{1}{v'} - \frac{1}{u} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार लेंस L_2 से अपवर्तन के पश्चात् लेंस सूत्र

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{v} - \frac{1}{v'} \text{ --- (2)}$$

समी. (1) व (2) को जोड़ने पर

$$\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{v'} - \frac{1}{u} + \frac{1}{v} - \frac{1}{v'}$$

$$\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\therefore \frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \text{ सी.}$$

$$\boxed{\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}} \quad \text{--- (3)}$$

or.

$$\frac{1}{f} = \frac{f_1 + f_2}{f_1 f_2}$$

$$\boxed{f = \frac{f_1 f_2}{f_1 + f_2}} \quad \text{--- (4)}$$

Notes- यदि एक उत्तल व एक अवतल लेंस का संयोजन किया जायं तो:-

समी. (3) से-

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{(-f_2)}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{f_2 - f_1}{f_1 f_2}$$

$$\boxed{f = \frac{f_1 f_2}{f_2 - f_1}} \quad \text{--- (5)}$$

Case- यदि $f_1 > f_2$ हों तो- समी. (5) में

$$\boxed{f = (-)ive}$$

अवतल लेंस

इस स्थिति में यह अवतल लेंस कि भ्रॉंश व्यवहार करेगा।

Case 1. यदि $f_1 < f_2$ हो तो -

समी. (3) से

$$f = (+)ive$$

उत्तल लेंस

इस स्थिति में यह उत्तल लेंस की भांति व्यवहार करेगा।

Case 2. यदि $f_1 = f_2$ हो तो -

समी. (3) से

$$f = \infty$$

समतल दर्पण

इस स्थिति में यह समतल दर्पण की भांति व्यवहार करेगा।

Notes - 1. यदि n उत्तल लेंसों का आपस में संयोजित किया जाए तो लेंसों के संयोजन की फोकस दूरी -

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \dots + \frac{1}{f_n}$$

2. यदि लेंसों के संयोजन में प्रत्येक पिछले लेंस के द्वारा बने प्रतिबिम्ब को अगला लेंस आवर्धित करके दिखाए तो संयोजन की आवर्धन क्षमता का मान -

$$m = m_1 \times m_2 \times \dots \times m_n$$

3. यदि लेंसों के संयोजन में ही लेंसों को उचित या निश्चित दूरी पर रखा जाए तो संयोजन की फोकस दूरी का मान -

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_1 f_2}$$

Q. दो लेंस जिनकी लेंस क्षमता $+15D$ व $-5D$ हैं।
 इन्हें एक-दूसरे के संयोजन में रखा गया है।
 तो संयोजन कि फोकस दूरी ज्ञात करो तथा
 $3cm$ आकार कि वस्तु को इस संयोजन से $30cm$
 कि दूरी पर रखा गया है तो प्रतिबिम्ब का
 आकार व स्थिति ज्ञात करो।

$$P_1 = +15D, P_2 = -5D$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

$$\therefore P = \frac{1}{f} \text{ से}$$

$$P = P_1 + P_2$$

$$= 15 - 5 = +10D$$

$$P = \frac{1}{f}$$

$$f = \frac{1}{P} = \frac{1}{10}$$

$$f = 0.1m$$

$$f = 10cm$$

$$h_1 = +3cm, u = -30cm$$

$$v = ?, h_2 = ?$$

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1}{v} + \frac{1}{30}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{10} - \frac{1}{30}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{3-1}{30} = \frac{2}{30}$$

$$v = 15cm$$

$$m = \frac{-v}{u} = \frac{-h_2}{h_1}$$

$$\frac{+18}{+300} = \frac{-h_2}{3}$$

$$h_2 = \frac{-3}{2} = -1.5 \text{ cm}$$

Q. वायु में पानी में उठा हुआ ~~हुआ~~ वायु का बुलबुला कौनसे लेंस की भाँती व्यवहार करता है और क्यों?

Q. यदि कि उत्तल लेंस को जल में डुबो दिया जाए तो इसकी फोकस दूरी पर क्या प्रभाव पड़ेगा।

Q. यदि किसी उत्तल लेंस पर पहले जल तथा बाद में पिला प्रकाश आपतित कराया जाए तो इसकी फोकस दूरी पर क्या प्रभाव पड़ेगा।

Ans 1 वायु में उठा हुआ वायु का बुलबुला अवतल लेंस की तरह व्यवहार करता है क्योंकि इस स्थिति में $\mu_1 > \mu_2$ होने के कारण लेंस की प्रकृति बदल जाती है जिसके कारण ये दिखाई उत्तल की तरह देता है लेकिन व्यवहार अवतल की तरह करता है।

Ans 2 इस स्थिति में फोकस दूरी का मान घट जाएगा क्योंकि लेंस की फोकस दूरी अपवर्तनांक पर निम्न प्रकार निर्भर करती है।

जल का अपवर्तनांक अधिक होने से फोकस दूरी का मान घट जाएगा।

Ans 3 इस स्थिति में फोकस दूरी का मान घट जाएगा क्योंकि

μ घटता है
V.T Bhatnagar

$$\mu_{red} < \mu_{yellow}$$

$$f_{red} > f_{yellow}$$

A.Q.3.

$$f = 20 \text{ cm}$$

$$R_1 = +18 \text{ cm}, R_2 = -24 \text{ cm}$$

$$\mu = ?$$

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

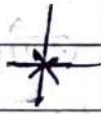
$$\frac{1}{20} = (\mu - 1) \left[\frac{1}{18} - \frac{1}{-24} \right]$$

$$\frac{1}{20} = (\mu - 1) \left(\frac{4+3}{72} \right)$$

$$\frac{1}{20} = (\mu - 1) \times \frac{7}{72}$$

$$\mu - 1 = \frac{1}{20} \times \frac{72}{7}$$

$$\mu =$$

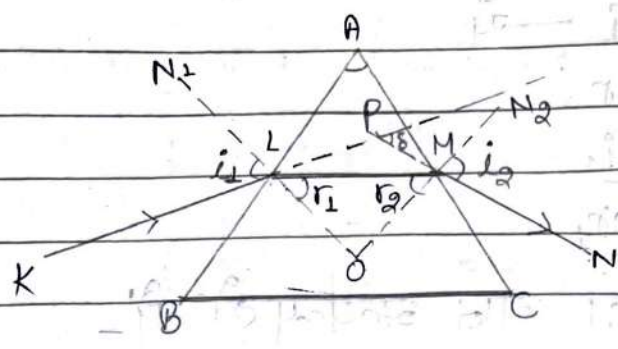


प्रिज्म -

काँच का एक ऐसा पारदर्शी माध्यम जिसमें दो समतल फलक एक-दूसरे से उचित कोण पर जुड़े हों उसे प्रिज्म कहा जाता है।



प्रिज्म से अपवर्तन अथवा प्रिज्म सुत्र कि व्युत्पत्ति अथवा प्रिज्म के पदार्थ के अपवर्तनांक तथा न्यूनतम विचलन कोण के मध्य सम्बन्ध -



- KL = आपतित किरण
- LM = निगृहीत किरण
- MN = निगृहीत किरण
- i_1 = आपतन कोण
- r_1 = अपवर्तन कोण
- i_2 = आपतन कोण
- r_2 = अपवर्तन कोण
- N_1, N_2 = अभिलम्ब
- $\angle M$ = अपवर्तित किरण
- i_1 = आपतन कोण
- δ = विचलन कोण
- A = प्रिज्म कोण

चित्र से $\triangle PLM$ में (प्रमेय से) -

\angle बहिर्कोण = 2 अन्तः कोणी का योग

$$\delta = \angle L + \angle M$$

$$\delta = (i_1 - r_1) + (i_2 - r_2)$$

$$\delta = i_1 - r_1 + i_2 - r_2$$

$$\delta = (i_1 + i_2) - (r_1 + r_2) \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार $\triangle OLM$ में -

$$r_1 + r_2 + \angle O = 180^\circ \quad (\triangle \text{ के तीनों कोणों का योग } = 180^\circ) \quad \text{--- (2)}$$

चतुर्भुज $ALOM$ में -

$$\angle L + \angle M = 180^\circ \quad (\text{प्रमेय } 90^\circ) \quad \text{--- (3)}$$

$$A + \angle O = 180^\circ \quad (\square \text{ के चारों कोणों का योग } = 360^\circ) \quad \text{--- (4)}$$

समी. (2) व (4) से

$$r_1 + r_2 + \cancel{\angle O} = A + \cancel{\angle O}$$

$$r_1 + r_2 = A \quad \text{--- (5)}$$

समी. (1) से

$$\delta = (i_1 + i_2) - A \quad \text{--- (6)}$$

om prakash saini

बिंदु L पर स्नेल के नियम से -

$$\mu = \frac{\sin i}{\sin r} \text{ --- सी}$$

$$\mu = \frac{\sin i_1}{\sin r_1}$$

यदि कोणों का मान अत्यल्प हो तीं -

$$\sin i_1 \approx i_1$$

$$\sin r_1 \approx r_1$$

$$\mu = \frac{i_1}{r_1} \rightarrow i_1 = \mu r_1$$

इसी प्रकार बिंदु m पर स्नेल के नियम से -

$$i_2 = \mu r_2$$

समी. (6) से

$$d = (\mu r_1 + \mu r_2) - A$$

$$d = \mu (r_1 + r_2) - A$$

$$\because r_1 + r_2 = A$$

$$d = \mu A - A$$

$$\boxed{d = (\mu - 1)A} \text{ --- (7)}$$

व्युत्तम विचलन के लिए -

समी. (6) से

$$d = (i_1 + i_2) - A$$

$$d = \sqrt{i_1^2} + \sqrt{i_2^2} - A$$

समी. (7) से $i_1 = \mu r_1$ और $i_2 = \mu r_2$ जोड़ने पर -

$$d = \sqrt{i_1^2} + \sqrt{i_2^2} - 2\sqrt{i_1 i_2} + 2\sqrt{i_1 i_2} - A$$

$$S = (Ji_1 - Ji_2)^2 + 2(Ji_1 - Ji_2) - A$$

न्यूनतम विचलन का. के लिए

$$(Ji_1 - Ji_2)^2 = 0$$

$$(Ji_1 - Ji_2) = 0$$

$$Ji_1 = Ji_2$$

परिष्कारने पर

$$i_1 = i_2 = i \text{ (माना)}$$

इसी प्रकार

$$r_1 = r_2 = r \text{ (माना)}$$

समी. (9) से

$$r_1 + r_2 = A$$

$$r + r = A$$

$$2r = A$$

$$r = \frac{A}{2} \text{ --- (10)}$$

समी. (8) से

$$\delta m = 2i - A$$

$$\delta m = 2i - A$$

$$2i = \delta m + A$$

$$i = \frac{\delta m + A}{2} \text{ --- (11)}$$

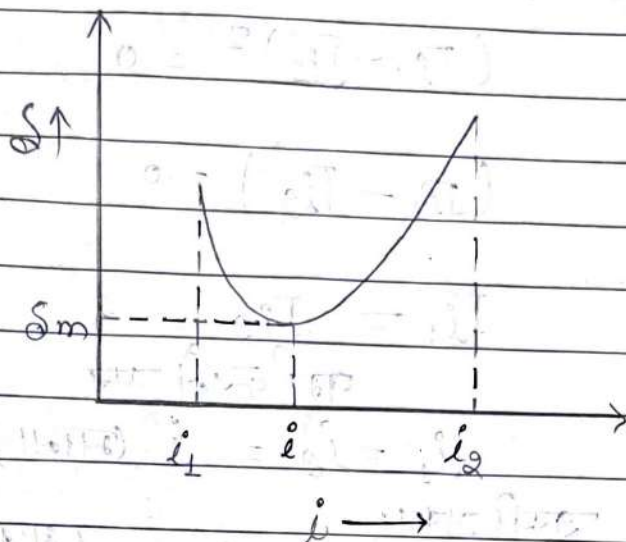
अतः स्नेल के नियम से

$$\mu = \frac{\sin i}{\sin r} \text{ से}$$

$$\mu = \frac{\sin\left(\frac{\delta m + A}{2}\right)}{\sin\left(\frac{A}{2}\right)}$$

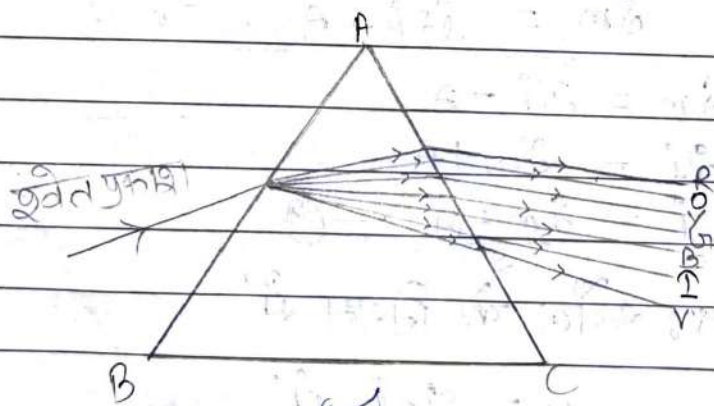
प्रिज्म सूत्र

* फिल्म के लिए आपतन कोण तथा विचलन कोण के महत्व ग्राफ -



* फिल्म से वर्ण विक्षेपण या परिक्षेपण -

जब किसी फिल्म से किसी श्वेत प्रकाश को गुजारा जाता है तो यह प्रकाश सात रंगों कि एक रंगीन पट्टिका में विभक्त हो जाता है। इस घटना को ही वर्ण विक्षेपण या परिक्षेपण की घटना कहा जाता है। तथा सात रंगों कि इस पट्टिका को प्रकाश का स्पेक्ट्रम कहा जाता है।



- V - Violet
- I - Indigo
- B - Blue
- G - green

- Y - yellow
- O - orange
- R - ~~Red~~ Red

श्वेत प्रकाश का सात रंगों में विभक्त होना ये दर्शाता है कि प्रत्येक रंग के लिए माध्यम का अपवर्तनांक भिन्न-भिन्न होने के कारण इन रंगों का विचलन होता है।
 इस घटना में लाल रंग का विचलन सबसे कम जबकि बैंगनी रंग का विचलन सबसे अधिक होता है क्योंकि लाल रंग का वेग सबसे अधिक जबकि बैंगनी रंग का वेग सबसे कम होता है।

Q. दो लेंस जिनकी लेंस क्षमताएँ क्रमशः $+15D$ व $-5D$ हैं। तो यदि लेंसों के संयोजन से प्रतिबिम्ब $+50cm$ कि दूरी पर बनता है तो इस संयोजन से पस्तु कि दूरी ज्ञात करो?

Ans. $P_1 = +15D$, $P_2 = -5D$
 $v = +50cm$, $u = ?$

Soln. $P = P_1 + P_2 = 10D$

$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$ से

$$f = \frac{1}{10} = 0.1m = 10cm$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

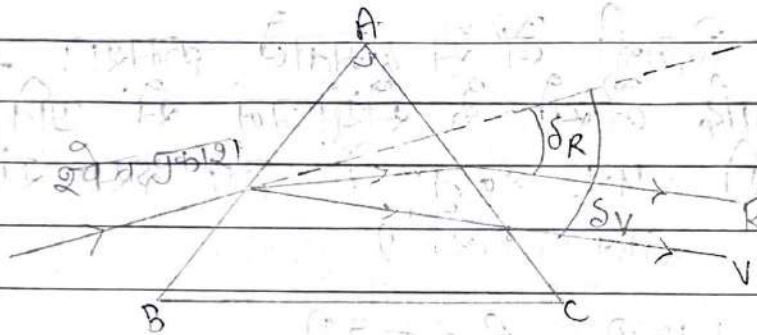
$$\frac{1}{10} = \frac{1}{50} - \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{1}{50} - \frac{1}{10} = \frac{1-5}{50}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{-4}{50}$$

$$\boxed{u = \frac{-50}{4}}$$

* कौणीय परिक्षेपण
 जब किसी श्वेत प्रकाश को किसी प्रिज्म से होकर गुजारा जाता है तो ये प्रकाश सात रंगों कि रंगीन पट्टिका में विभक्त हो जाता है। इस स्थिति में इस पट्टिका के दोनो अंतिम सीरी पर उपस्थित रंगों के विचलन कोणों के अन्तर को ही कौणीय परिक्षेपण कहा जाता है।



$$\therefore \delta = (\mu - 1) A \text{ स.}$$

कौणीय परिक्षेपण:-

$$\delta_V - \delta_R = (\mu_V - 1)A - (\mu_R - 1)A$$

$$\delta_V - \delta_R = \mu_V A - A - \mu_R A + A$$

$$\delta_V - \delta_R = (\mu_V - \mu_R)A$$

* परिक्षेपण क्षमता -
 कौणीय परिक्षेपण तथा माध्य विचलन के अनुपात को ही परिक्षेपण क्षमता कहा जाता है।

$$\text{परिक्षेपण क्षमता} = \frac{\text{कौणीय परिक्षेपण}}{\text{माध्य विचलन}}$$

$$w = \frac{\delta_V - \delta_R}{\delta}$$

$$w = \frac{(\mu_V - \mu_R)A}{(\mu - 1)A}$$

$$W = \frac{(U_V - U_R)}{(U - 1)}$$

Notes - इसी अलग-2 पदार्थों से बने पिन्नों का आपस में जोड़ा जा सकता है तथा इनके संगीजन के निम्न लाभ होते हैं।

- i) बिना परिहोपण के विचलन
- ii) बिना विचलन के परिहोपण

* प्रकाश का प्रकीर्णन - जब किसी प्रकाश को किसी खुरदरे पृष्ठ या सतह पर आपतित कराया जाता है तो ये प्रकाश सभी सम्भव दिशाओं में फैल जाता है प्रकाश के इस प्रकार फैलने को घटना को ही प्रकाश का प्रकीर्णन कहा जाता है।

प्रकीर्णन की आवश्यक शर्त - प्रकीर्णन कि घटना घटित होने के लिए सतह या दूरक का आकार आपतित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य कि तुलना में कम होना चाहिए अर्थात्

$$a < \lambda$$

* रैली का प्रकीर्णन नियम - इस नियम के अनुसार प्रकीर्णन का मान आपतित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य के चतुर्थ घात के व्युत्क्रमानुपाती होता है। अर्थात्

~~प्रकीर्णन $\propto \frac{1}{\lambda^4}$~~
 प्रकीर्णन $\propto \frac{1}{\lambda^4}$

Notes-

लाल रंग का तरंगदैर्घ्य सर्वाधिक होने के कारण इसका प्रकीर्णन सबसे कम होता है जबकि बैंगनी रंग का तरंगदैर्घ्य सबसे कम होने के कारण इसका प्रकीर्णन सबसे अधिक होता है।

* प्रकीर्णन पर आधारित घटनाएँ -

1. आकाश का रंग नीला दिखाई देना -

आकाश से चूमने वाली प्रकाश कि-किरणों जब वायुमण्डल में से होकर गुजरती हैं तो धूल, मिट्टी के कणों के द्वारा इन किरणों का प्रकीर्णन हो जाता है जिसके कारण इस स्थिति में केवल वे ही किरणों चेन्नक तक पहुँच पाती हैं जिनका प्रकीर्णन सबसे अधिक होता है। बैंगनी व इसके समीपवर्ती रंगों का प्रकीर्णन अधिक होने के कारण आकाश का रंग लगभग नीला दिखाई देता है।

2. बादलों का रंग सफेद दिखाई देना -

बादल जलवाष्प तथा धूल, मिट्टी के कणों से मिलकर बने होते हैं जिसके कारण इनका आकार आपतित प्रकाश कि तरंगदैर्घ्य कि तुलना में अधिक होता है। अर्थात् -

इस कारण इस स्थिति में कोई प्रकीर्णन कि घटना घटित नहीं होती। जिसके कारण बादलों का रंग सफेद दिखाई देता है।

3. सूर्योदय तथा सूर्यास्त के समय सूर्य का लाल-नारंगी रंग का दिखाई देना -

सूर्योदय तथा सूर्यास्त के समय सूर्य क्षितिज के नीचे होता है। इस स्थिति में सूर्य से चलने वाली प्रकाश कि किरणों में केवल वे ही किरणें पृथ्वी धरातल तक पहुँच पाती हैं जिनका प्रकीर्णन सबसे कम होता है लाल व इसके समीपवर्ती लाल रंगों का प्रकीर्णन सबसे कम होने के कारण सूर्य लाल-नारंगी रंग का दिखाई देता है।

4. खतरे के निशान का लाल रंग का होना -

खतरे का निशान सदैव लाल रंग का बना होता है क्योंकि लाल रंग का प्रकीर्णन सबसे कम होता है। इस कारण लाल रंग की प्रकाश की किरणें पृथ्वी धरातल के समान्तर चलकर अधिक दूरी तय करती हैं। इस कारण लाल रंग की अधिक दूरी से देखा जा सकता है।

Notes:-

किसी पदार्थ के अपवर्तनांक का मान तरंगदैर्घ्य पर निम्न प्रकार निर्भर करता है।

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} + \frac{C}{\lambda^4} + \dots \rightarrow \text{कोशी सूत्र}$$

* इंद्रधनुष - वर्षा के दिनों में आकाश में सात रंगों की एक धनुषाकार स्पष्टिका दिखाई देती है। इसे ही इंद्रधनुष कहा जाता है।

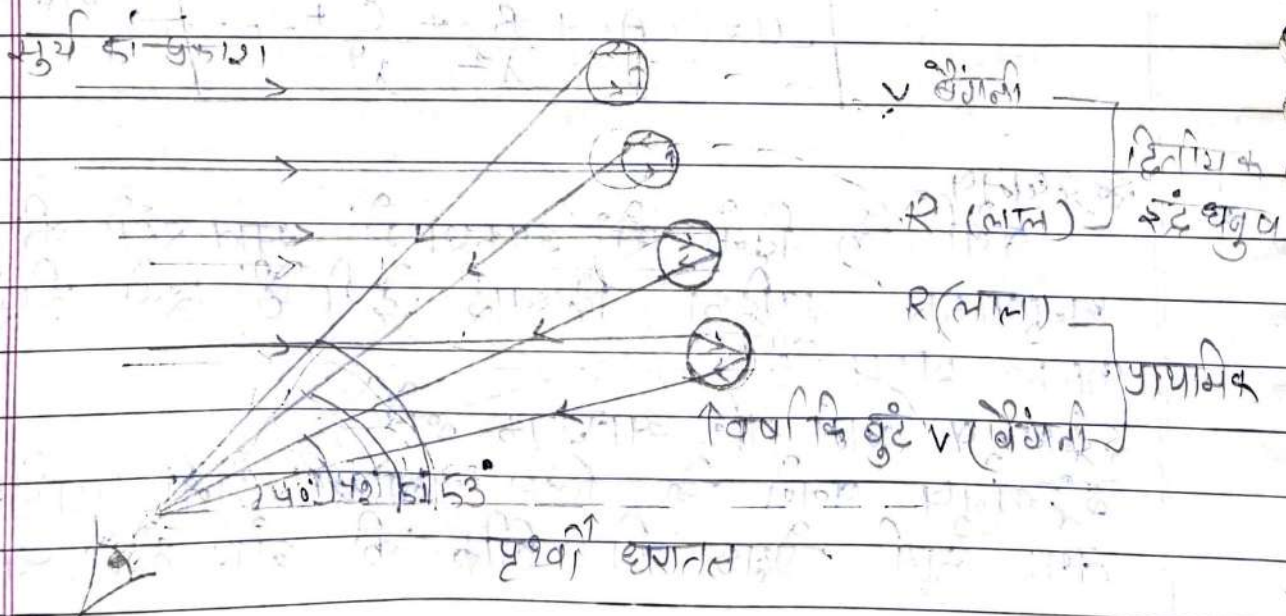
इंद्रधनुष बनने कि आवश्यक शर्तें -
 इंद्रधनुष बनने के लिए बारिश होनी चाहिए।
 तथा सूर्य पैदाक की पीठ की ओर होना चाहिए।

Eg. 20, 19, 21, 22
 Aq. 6, 7, 9, 10



* इंद्रधनुष बनने का कारण -
 इंद्रधनुष वर्षा विक्षेपण, पूर्ण आंतरिक परावर्तन तथा अपवर्तन कि घटनाओं का सिमिलित परिणाम होता है।

* इंद्रधनुष का निर्माण -
 जब सूर्य कि प्रकाश कि किरने वर्षा कि बुंद पर आपतित होती है तो सर्वप्रथम वर्षा विक्षेपण या परिक्षेपण कि घटना घटित होती है। इसके पश्चात् ये किरने बुंद के आंतरिक सतह पर आपतित होती है। यदि ये किरने क्रांतिक कोण से अधिक कोण पर आपतित होती है तो पूर्ण आंतरिक परावर्तन कि घटना घटित होती है इसके पश्चात् ये किरने बुंद से अपवर्तित होकर प्रेक्षक तक पहुँचती है और इस प्रकार इंद्रधनुष का निर्माण होता है तथा इंद्रधनुष में बैंगनी रंग का दर्शन कोण 40° जबकि लाल रंग का दर्शन कोण 50° होता है अर्थात् सम्पूर्ण इंद्रधनुष का दर्शन कोण केवल 10° होता है।



* इंद्रधनुष के प्रकार -
 इंद्रधनुष निम्न दो प्रकार के होते हैं -

1. प्राथमिक इंद्रधनुष -
 ये इंद्रधनुष वर्ण विक्षेपण, पूर्ण आंतरिक परावर्तन तथा अपवर्तन कि घटनाओं का सिमिलित परिणाम होता है तथा इस इंद्रधनुष में ये तीनों घटनाएँ एक-एक बार घटित होती हैं तथा इस इंद्रधनुष का पैदा बैंगनी व शीर्ष लाल होता है।

2. द्वितीयक इंद्रधनुष -
 इस इंद्रधनुष में वर्ण विक्षेपण तथा अपवर्तन कि घटना एक-एक बार घटित होती हैं लेकिन पूर्ण आंतरिक परावर्तन कि घटना दो बार घटित होती है तथा इस इंद्रधनुष का पैदा लाल व शीर्ष बैंगनी होता है।

Eg. 11.19.

$$\mu = \sqrt{3}$$

$$i = m = A$$

$$\mu = \frac{\sin(i+m)}{2}$$

$$\frac{\sin A}{2}$$

$$\mu = \frac{\sin(A+A)}{2}$$

$$\frac{\sin A}{2}$$

$$\mu(1-\cos A) = \frac{\sin A}{2} = \frac{2 \sin A \cos A}{2 \sin A}$$

Eg. 11.20. 1, 2



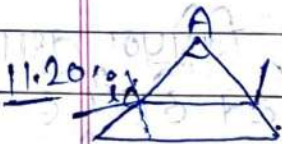
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{2 \cos A}{2}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\cos A}{1}$$

$$\cos^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = A$$

$$\frac{\pi}{3} = A$$

$$A = \frac{\pi}{3} = 60^\circ$$



$$\therefore r_2 = 0^\circ$$

$$\therefore r_1 + r_2 = A \text{ सी}$$

$$r_1 + 0 = A$$

$$r_1 = A$$

सिनेल के नियम सी

$$\mu = \frac{\sin i}{\sin r} \text{ सी}$$

$$\sin r$$

लघु कोणों के लिए -

$$\mu = \frac{i}{r} \Rightarrow i = \mu r$$

$$i = nA$$

Eg. (1.21)

$$\mu_R = 1.58, \mu_B = 1.60$$

$$A = 2^\circ$$

लाल रंग के लिए

$$d = (\mu - 1) A \text{ सी}$$

$$d_R = (\mu_R - 1) A$$

$$d_R = (1.58 - 1) \times 2^\circ$$

d_R

नीले रंग के लिए

$$d_B = (\mu_B - 1) A$$

$$d_B = (1.60 - 1) \times 2^\circ$$

d_B

कैलीय परिक्षेपण -

$$\delta_0 - \delta_R =$$

Solu. वायु में स्थान पर

$$P = 5D$$

$$\frac{1}{f} = 5 \Rightarrow f = \frac{1}{5} = 0.2 \text{ m}$$

11.22.

$$\mu_R = 1.514, \mu_V = 1.523$$

$$A = 6^\circ$$

$$\delta_V - \delta_R = (\mu_V - \mu_R)A$$

$$\delta_V - \delta_R = (1.523 - 1.514) \times 6^\circ$$

$$\delta_V - \delta_R =$$

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{20} = (1.514 - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{20 \times 0.5} = \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}$$

11.15.

$$f_1 = +5 \text{ cm}, f_2 = +10 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{5} + \frac{1}{10} = \frac{2+1}{10} = \frac{3}{10}$$

$$f = \frac{+10 \text{ cm}}{3}$$

$$\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} = \frac{1}{10} \quad \text{--- (1)}$$

μ , वाले द्रव में डुबाने पर -

$$\frac{1}{f} = (\mu_g - 1) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{-100} = \left(\frac{\mu_g}{\mu_l} - 1 \right) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{-1}{100 \cdot \mu_l} = (1.5 - 1) \times \frac{1}{10}$$

$$\frac{-1}{10} = \frac{1.5 - 1}{\mu_l}$$

$$\frac{-1}{10} + 1 = \frac{1.5}{\mu_l}$$

$$\frac{-1 + 10}{10} = \frac{1.5}{\mu_l}$$

11.27.

$$P_1 = +5D, P_2 = +7D$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

$$\therefore P = \frac{1}{f}$$

$$P = P_1 + P_2$$

$$P = 5 - 7 = -2D$$

अवतल लेंस

9.9

$$\mu_g = 1.5, P = +5D$$

$$\mu_l = ?, f = -100 \text{ cm}$$

$$\frac{g}{10} = \frac{1.5}{\mu_1}$$

$$\mu_1 = \frac{1.5 \times 10}{g}$$

$$\boxed{\mu_1 = \frac{5}{3}}$$

A.Q.10. $\mu = \cos\left(\frac{A}{2}\right)$

$\sin m = ?$

Solu. $\mu = \frac{\sin(Sm+A)}{2}$

$$\frac{\sin A}{2}$$

$$\cot \frac{A}{2} = \frac{\sin\left(\frac{Sm+A}{2}\right)}{\sin \frac{A}{2}}$$

$$\frac{\cos \frac{A}{2}}{\sin \frac{A}{2}} = \frac{\sin\left(\frac{Sm+A}{2}\right)}{\sin \frac{A}{2}}$$

$$\cos \frac{A}{2} = \sin\left(\frac{Sm+A}{2}\right)$$

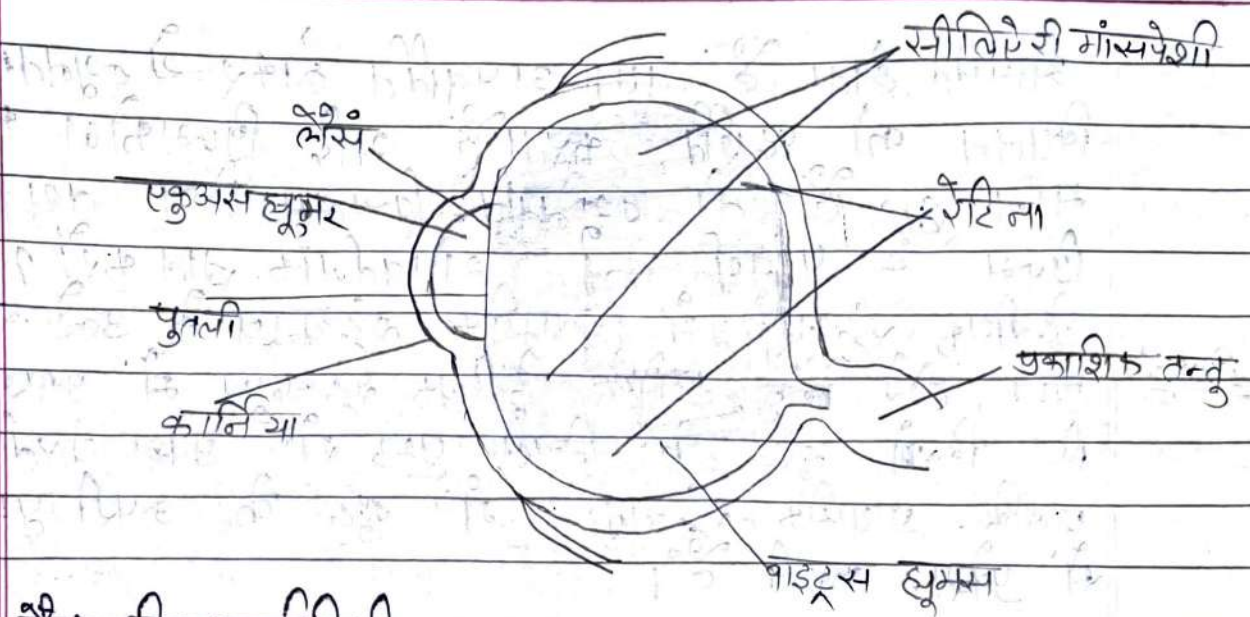
$$\sin\left(90 - \frac{A}{2}\right) = \sin\left(\frac{Sm+A}{2}\right)$$

$$90 - \frac{A}{2} = \frac{Sm+A}{2}$$

$$180 - A = Sm + A$$

$$\boxed{Sm = 180 - 2A}$$

* मानव नेत्र -



नेत्र कि कार्यविधी -

प्रथम प्रकाश कि किरणे वस्तु पर आपतित होती है। जहाँ से किरणे परावर्तित होकर मानव नेत्र के स्कंध भण्डल (कॉर्निया) में प्रवेश करती है। इसके पश्चात् ये पुतली या परितारिका में से होती हुई मानव नेत्र के नेत्र लेंस (उत्तल लेंस) पर आपतित होती है जहाँ से ये किरणे अपवर्तित होकर नेत्र के दृष्टि पटल (रेटिना) पर फोकसित होती है। जहाँ वस्तु का प्रतिबिम्ब प्राप्त होता है तथा इस प्रतिबिम्ब कि सुचना तंत्रिकाओं के द्वारा मस्तिष्क तक पहुँचा दी जाती है तथा इन सुचनाओं के आधार पर ही मानव मस्तिष्क वस्तु के रंग व आकार का निश्चय करता है और वस्तु दिखाई देने लगती है।

Note - इन तंत्रिकाओं में कुछ तंत्रिकाएँ शलाका व शंकु पाई जाती हैं जो क्रमशः वस्तु के रंग व आकार के प्रति संवेदि होती हैं।

Q.1. द्वितीयक इंद्रियनुष में प्राथमिक इंद्रियनुष के उल्टे रंग प्राप्त होते हैं क्यों?

Q.2. किसी पिन्म पर कोई प्रकाश 50° के कोण पर

आपतित होता है तथा अपवर्तित होकर ये न्यूनतम विचलन को प्रदर्शित करता है यदि प्रिज्मकोण का मान 60° है तो न्यूनतम विचलन कोण तथा प्रिज्म के पदार्थ का अपवर्तनांक ज्ञात करें।
 द्वितीयक इंद्रधनुष में प्राथमिक इंद्रधनुष के उल्टे रंग प्राप्त होते हैं क्योंकि द्वितीयक इंद्रधनुष में प्रकाश के किरने बुंद के निचले पृष्ठ से प्रवेश करती है जबकि प्राथमिक इंद्रधनुष में बुंद के ऊपरी पृष्ठ से प्रवेश करती हैं।

Ans-1.

Ans-2.

$i = 50^\circ, A = 60^\circ$
 न्यूनतम विचलन होने पर
 $e_1 = i_2 = e = 50^\circ$

$\therefore \delta_m = (i + e) - A$ से
 $\delta_m = 2i - A$
 $\delta_m = 2 \times 50^\circ - 60^\circ$
 $\delta_m = 40^\circ$

$\therefore \mu = \frac{\sin(\frac{\delta_m + A}{2})}{\sin \frac{A}{2}}$

$\mu = \frac{\sin 50^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{0.766}{0.5}$

$\mu \approx 1.5$

* नेत्र कि समन्वयन क्षमता -
 मानव नेत्र में उपस्थित नेत्र लेंस स्वतः ही अपनी फोकस दूरी वर में परिवर्तन करता है। फोकस दूरी में स्वतः परिवर्तन होने कि क्षमता को ही नेत्र कि समन्वयन क्षमता कहा जाता है।

मानव नेत्र में उपस्थित नेत्र लेंस पड़माधी पेशियों पर अपने स्थान पर टिका होता है। जब वस्तु समीप होती है तो ये पेशियाँ सिकुड़ जाती हैं जिससे नेत्र लेंस कि फोकस दूरी घट जाती है तथा प्रतिबिम्ब रेटिना के पर प्राप्त होता है लेकिन जब वस्तु अधिक दूरी पर स्थित होती है तो ये पेशियाँ फैल जाती हैं जिसके कारण इसकी फोकस दूरी बढ़ जाती है तथा वस्तु का प्रतिबिम्ब पुनः रेटिना पर प्राप्त होता है।

* निकट बिंदु -

वह न्युनतम दूरी जहाँ तक एक स्वस्थ मानव नेत्र वस्तु को स्पष्ट रूप से देख सकता है। उसे निकट बिंदु कहा जाता है तथा यह 25cm पर होता है।

* दूर बिंदु - (दीर्घ बिंदु)

दूर बिंदु को दीर्घ बिंदु भी कहते हैं। वह अधिकतम दूरी जहाँ तक एक स्वस्थ मानव नेत्र वस्तु को स्पष्ट रूप से देख सके उसे दूर बिंदु कहा जाता है तथा यह अनन्त पर होता है।

* दृष्टि परास -

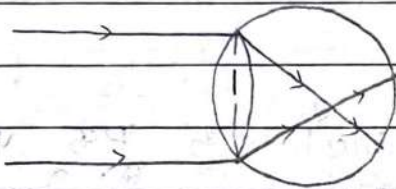
निकट बिंदु तथा दूर बिंदु के मध्य कि दूरी को ही दृष्टि परास कहा जाता है।

* मानव नेत्र दोष -

मानव नेत्र दोष निम्न चार प्रकार के होते हैं।
 1. निकट दृष्टि दोष
 2. दूर दृष्टि दोष (दीर्घ)
 3. दृष्टि दोष
 4. दृष्टि वैचल्य दोष (अबिन्दुता)

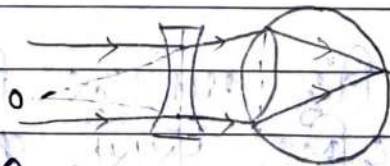
5. दृष्टि वैचल्य दोष (अबिन्दुता)

1. निकट दृष्टि दोष -
 इस दोष में निकट स्थित वस्तुएँ तो स्पष्ट रूप से दिखाई देती हैं लेकिन दूर स्थित वस्तुएँ नहीं क्योंकि इस दोष में नेत्र लेंस कि किरणों को अभिसारी करने की क्षमता बढ जाती है। जिसके कारण किरणें रेटिना से पूर्व ही फोकसित हो जाती हैं जिसके कारण प्रतिबिम्ब रेटिना से पूर्व ही बन जाता है और वस्तु दिखाई नहीं देती।



बिवारण -

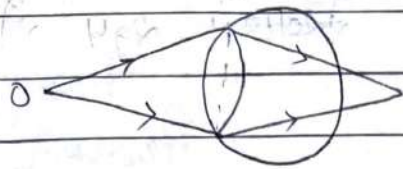
इस दोष के निवारण के लिए उचित फोकस दूरी के अवतल लेंस का उपयोग किया जाता है। जो प्रकाश कि किरणों को अभिसारी करके वस्तु का आभासी प्रतिबिम्ब बिंदु O पर बना देता है तथा यह प्रतिबिम्ब नेत्र लेंस के लिए वस्तु का कार्य करता है जिससे इसका प्रतिबिम्ब रेटिना पर प्राप्त होता है और वस्तु दिखाई देने लगती है।



दूर दृष्टि दोष -

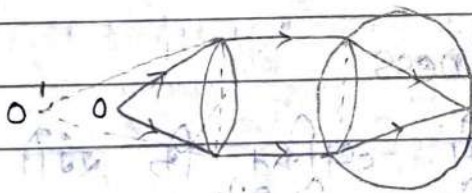
इस दोष में दूर स्थित वस्तुएँ तो स्पष्ट रूप से दिखाई देती हैं लेकिन पास स्थित नहीं क्योंकि इस दोष में नेत्र लेंस कि किरणों को अभिसारी करने की क्षमता घट जाती है जिससे

कारण फिर भी रेटिना के बाद फोकसित होती है।
 अर्थात् प्रतिबिम्ब रेटिना के बाद बनता है जिससे
 वस्तु दिखाई नहीं देती।



निवारण-

इस दोष के निवारण के लिए उचित फोकस दूरी
 के उत्तल लेंस का उपयोग किया जाता है। यह
 लेंस प्रकाश की किरणों को अभिसारित करके वस्तु
 का आभासी प्रतिबिम्ब बिंदु O_1 पर बना देता है
 तथा यह प्रतिबिम्ब नेत्र लेंस के लिए वस्तु
 का कार्य करता है। जिससे स्पष्ट प्रतिबिम्ब
 रेटिना पर प्राप्त हो जाता है और वस्तु दिखाई
 देने लगती है।



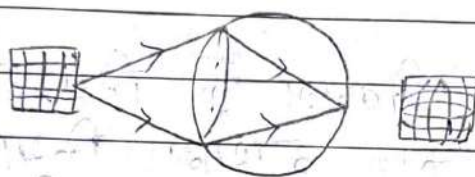
3. जरा दृष्टि दोष-

इस दोष में तो पास के वस्तुएँ दिखाई देती
 हैं, न ही दूर के तथा यह दोष उम्र
 बढ़ने के साथ-साथ उत्पन्न होता है।

निवारण-

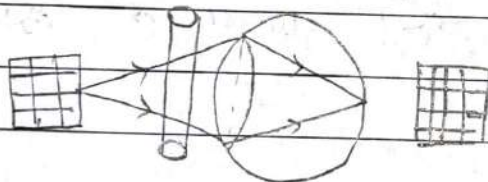
इस दोष के निवारण के लिए उचित फोकस
 दूरी के द्विफोकसी लेंस का उपयोग किया जाता है।
 जिसमें निचले का पृष्ठ उत्तल जबकि ऊपर का
 पृष्ठ अवतल होता है।

4. दृष्टि रोग -
 ये दोष कोरिया की गैलाई में अनियमितता के कारण उत्पन्न होता है तथा इस दोष में एक ही स्थान पर उपस्थित धैतिय तथा उद्वर्धिर रेखाओं को स्पष्ट रेखाओं रूप से नहीं देखा जा सकता।



निवारण -

इस दोष के निवारण के लिए उचित फोकस दूरी के बैलनाकार लेंस का उपयोग किया जाता है।



Notes:-

वर्णान्धता colour blindness

इस दोष में व्यक्ति कि रंगों में पहचानने की क्षमता समाप्त हो जाती है। तथा यह दोष कभी-कभी दूर नहीं किया जा सकता।

प्रकाशीय उपकरण -

ये उपकरण जो वस्तुओं को आवर्धित करके दिखाने में मानव नेत्र की सहायता करते हैं। उन्हें प्रकाशीय उपकरण कहा जाता है। तथा यह दो प्रकार के होते हैं।

1. सूक्ष्मदर्शी Micro Scope
2. दूरदर्शी

1. सूक्ष्मदर्शी -
वे एकदृशीय उपकरण जो सूक्ष्म वस्तुओं को आवर्धित करके दिखाने में मानव नेत्र की सहायता करते हैं। उन्हें सूक्ष्म दर्शी कहा जाता है। तथा यह भी दो प्रकार के होते हैं।

- i) सरल सूक्ष्मदर्शी
- ii) संयुक्त सूक्ष्मदर्शी

*i) सरल सूक्ष्मदर्शी -
इस सूक्ष्म दर्शी में एक उचित फोकस दूरी के उत्तल लेंस का उपयोग किया जाता है।

सिद्धान्त -

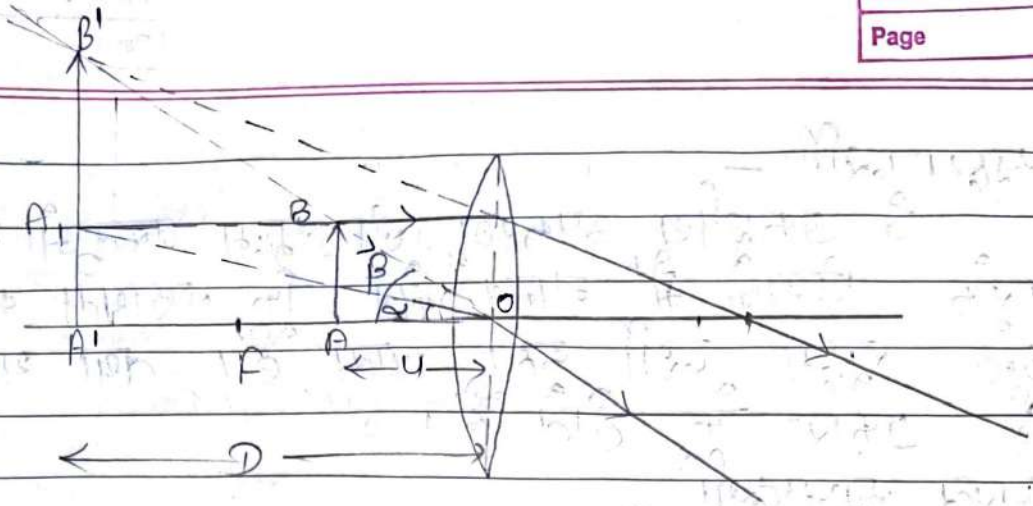
इस सूक्ष्मदर्शी के द्वारा जिस वस्तु का आवर्धित प्रतिबिम्ब प्राप्त करना होता है उसे उत्तल लेंस के F व O के मध्य रख दिया जाता है।

बनावट -

इसमें एक उचित फोकस दूरी के उत्तल लेंस को स्टील के एक फ्रेम में जड़ दिया जाता है तथा इसे सफा करने के लिए इसमें एक स्टील का हथौड़ा भी लगा होता है।

कार्यविधि -

जिस वस्तु का आवर्धित प्रतिबिम्ब प्राप्त करना होता है उसे उत्तल लेंस के फोकस के दूरी व फोकस के मध्य रख दिया जाता है। जिससे वस्तु की सीधा, आभासी व आवर्धित प्रतिबिम्ब प्राप्त होता है।



- आवर्धन क्षमता या कोणीय आवर्धन क्षमता-
 प्रतिबिम्ब के दृशनी कोण तथा वस्तु के दृशनी कोण के अनुपात को ही कोणीय आवर्धन क्षमता कहा जाता है। या सरल सूक्ष्मदर्शी की आवर्धन क्षमता कहा जाता है।

$$m = \frac{\text{प्रतिबिम्ब का दृशनी कोण}}{\text{वस्तु का दृशनी कोण}}$$

$$m = \frac{\beta}{\alpha} \quad \text{--- (1)}$$

यदि कोणों का मान अत्यल्प होतों-

$$\beta \cong \tan \beta$$

$$\alpha \cong \tan \alpha$$

$$m = \frac{\tan \beta}{\tan \alpha} \quad \text{--- (2)}$$

चित्र से समकोण $\Delta A, A'O$ में-

$$\tan \alpha = \frac{L}{A} = \frac{A, A'}{A'O}$$

$$\therefore A, A' = AB$$

$$A'O = -D$$

$$\tan \alpha = \frac{AB}{-D} \quad \text{--- (3)}$$

इसी प्रकार समकोण $\triangle BAO$ में -

$$\tan \beta = \frac{L}{A} = \frac{AB}{-u}$$

$$\tan \beta = \frac{AB}{-u} \quad (4)$$

समी. (3) में -

$$m = \frac{AB}{-u} \times \frac{-u}{AB}$$

$$m = \frac{u}{u}$$

Q.1. किसी कोण के लिए न्यूनतम विचलन कोण कामान् $\frac{\pi}{3}$ से $\frac{\pi}{6}$ तक परिवर्तित होता है तो प्रिज्म के भीतर प्रकाश का वेग ज्ञात करें?

$$A = \frac{\pi}{3} \text{ and } S_m = \frac{\pi}{6}$$

Solu.
$$\mu = \frac{\sin\left(\frac{S_m + A}{2}\right)}{\sin\frac{A}{2}}$$

$$\mu = \frac{\sin\left(\frac{30+60}{2}\right)}{\sin\frac{60}{2}} = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ}$$

$$\mu = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\mu = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$$

$$\therefore \mu = \frac{c}{v}$$

$$v = \frac{c}{\mu} = \frac{3 \times 10^8}{\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}}$$

$$v =$$

Case 1.

जब सरल सूक्ष्मदर्शी में अंतिम प्रतिबिम्ब स्पष्ट
 दृष्टि कि न्यूनतम दूरी पर बनता हो तो
 आवर्धन क्षमता -

$$v = -D, u = -u$$

लेंस सूत्र से

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{-D} + \frac{1}{u}$$

समी. को D से गुणा करने पर

$$\frac{D}{f} = \frac{-D}{D} + \frac{D}{u}$$

$$\frac{D}{f} = -1 + \frac{D}{u}$$

$$\therefore \frac{D}{u} = m$$

$$\frac{D}{f} = -1 + m$$

$$m = \left(\frac{1+D}{f} \right)$$

Case 2.

जब प्रतिबिम्ब अक्षत पर हो तो आवर्धन क्षमता -
 (सामान्य समंजन की अवस्था में " " " ")

$$v = \infty, u = -u$$

लेंस सूत्र से

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{\infty} + \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{u}$$

समी. को D से गुणा करने पर

$$\frac{D}{f} = \frac{D}{u}$$

$$\therefore \frac{D}{u} = m$$

$$\boxed{m = \frac{D}{f}}$$

* सरल सूक्ष्मदर्शी के उपयोग -

1. किताबों को पढ़ने में।
2. उद्योगशालाओं में कनीयर कैलीपर तथा स्क्रुगेज का पाठ्यांक पढ़ने में।
3. ज्योतिषीयों द्वारा हस्त रेखा देखने में।

* (ii) संयुक्त सूक्ष्मदर्शी -

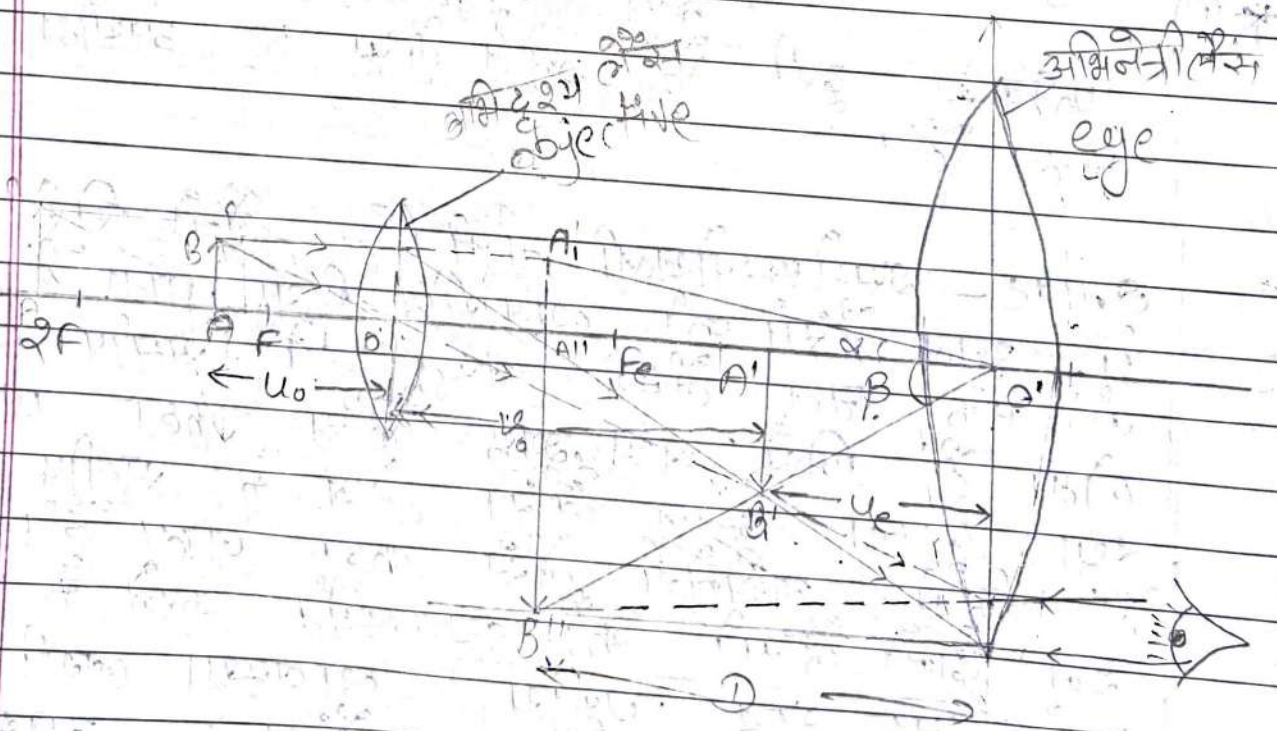
इस सूक्ष्मदर्शी में दो उचित फोकस दूरी के उत्तल लेंस का उपयोग किया जाता है।

बनावट - इसमें एक खोखली नली के दोनों सिरे पर दो उत्तल लेंसों का व्यवस्थित किया जाता है। इनमें से एक उत्तल लेंस वस्तु के समीप जबकि होता है जिसे अभिदृश्यक लेंस कहा जाता है तथा दूसरा उत्तल लेंस नेत्र के समीप होता है जिसे अभिनेत्री लेंस कहा जाता है। तथा इन दोनों लेंसों का व्यवस्थित करने के लिए इसमें एक दृढ़ चक्रीय व्यवस्था लगी होती है। तथा इसमें अभिदृश्यक लेंस का आकार व फोकस दूरी अभिनेत्री लेंस के तुलना में

कम लिये जाते हैं।

कार्य विधि -

जिस वस्तु का आवर्धित प्रतिबिम्ब प्राप्त करना होता है उसे अभिदृश्यक लेंस के फोकस के महय रख दिया जाता है जिससे वस्तु का वास्तविक उल्टा व आवर्धित प्रतिबिम्ब A_1B_1 प्राप्त होता है। तथा ये प्रतिबिम्ब अभिनेत्री लेंस के लिए वस्तु का कार्य करता है। जिसे दृष्ट करनीय व्यवस्था के सहायता से अभिनेत्री लेंस के फोकस के महय रखे जाते हैं। जिससे वस्तु का सीधा, आभासी व आवर्धित प्रतिबिम्ब $A''B''$ प्राप्त होता है।



आवर्धन क्षमता -

$$m = \beta \quad \text{--- (1)}$$

यदि कोणों के मान अत्यल्प हों

$$\beta \cong \tan \beta$$

$$\alpha \cong \tan \alpha$$

$$m = \frac{\tan \beta}{\tan \alpha} \quad \text{--- (2)}$$

चित्र से समकोण $\triangle A_1 A'' O'$ में

$$\tan \alpha = \frac{L}{A} = \frac{A_1 A''}{A'' O'}$$

$$\therefore A_1 A'' = AB$$

$$\therefore A'' O' = -D$$

$$\tan \alpha = \frac{AB}{-D} \quad \text{--- (3)}$$

चित्र से समकोण $\triangle B' A' O'$ में

$$\tan \beta = \frac{L}{A} = \frac{A' O'}{-U_e}$$

$$\tan \beta = \frac{A' B'}{-U_e} \quad \text{--- (4)}$$

समी. (3) से

$$m = \frac{A' B'}{-U_e} \times \frac{-D}{AB}$$

$$m = \frac{A' B'}{AB} \times \frac{D}{U_e} \quad \text{--- (5)}$$

चित्र से समकोण $\triangle BAO$ व $\triangle B' A' O'$ में

$$\angle BAO = \angle B' A' O' = 90^\circ$$

$$\angle AOB = \angle A' O B' \quad \text{(शीर्ष विमुख कोण)}$$

अतः AA-नियम से

$$\triangle BAO \sim \triangle B' A' O'$$

अतः $\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O}{AO} = \frac{v_o}{-u_o}$

समी. (3) से:

$$m = \frac{-v_o \times D}{u_o \times u_e} \quad (4)$$

Case 1.

जब ऑरिज प्रतिबिम्ब स्पष्ट दृष्टि कि न्यूनतम दूरी पर बनता है तो आवर्धन क्षमता -

$v_e = -D$, $u = -u_e$
 लेंस सूत्र से:-

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{-D} + \frac{1}{u_e}$$

समी. को D से गुणा करने पर -

$$\frac{D}{f_e} = \frac{-D}{D} + \frac{D}{u_e}$$

$$\frac{D}{f_e} = -1 + \frac{D}{u_e}$$

$$\frac{-D}{u_e} = -1 - \frac{D}{f_e}$$

$$\frac{-D}{u_e} = -\left(1 + \frac{D}{f_e}\right)$$

समी. को $\frac{v_o}{u_o}$ से गुणा करने पर

$$\frac{-v_o \times D}{u_o \times u_e} = -\frac{v_o}{u_o} \left(1 + \frac{D}{f_e}\right)$$

$$\therefore \frac{-v_o}{u_o} \times \frac{D}{u_e} = m$$

$$m = \frac{-V_0}{u_0} \left(1 + \frac{D}{f_e} \right)$$

Case 1. जब प्रतिबिम्ब अनन्त पर होती भावस्थान क्षमता -
 $V_0 = \infty, u = -u_e$

लेस सूत्र से -
 $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$ से

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{\infty} + \frac{1}{u_e}$$

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{u_e}$$

समी. को D से गुणा करने पर

$$\frac{D}{f_e} = \frac{D}{u_e}$$

समी. को $\frac{-V_0}{u_0}$ से गुणा करने पर

$$\frac{-V_0 \times D}{u_0 f_e} = \frac{-V_0 \times D}{u_0 u_e}$$

$$\therefore m = \frac{-V_0 \times D}{u_0 u_e}$$

$$m = \frac{-V_0 \times D}{u_0 f_e}$$

- * संयुक्त सूक्ष्मदर्शी के उपयोग -
- 1. आविष्क संस्पना का अध्ययन करने में।
 - 2. क्रिस्टल की संस्पना का अध्ययन करने में।
 - 3. सूक्ष्म जन्तुवाणुओं का अध्ययन करने में।

Notes:-

संयुक्त सूक्ष्मदर्शी कि सामान्य समायोजन कि स्थिति में नली कि लम्बाई

$$L = v_o + u_e \text{ होनी चाहिए}$$

2. संयुक्त सूक्ष्मदर्शी कि अधिक आवर्धन क्षमता के लिए अभिनेत्री लेंस का आकार ब फोकस दूरी सदैव अधिक लिए जाते हैं।

दूरदर्शी -

वे प्रकाशीय उपकरण जो दूर स्थिति वस्तुओं को आवर्धित करके दिखाने में मानव नेत्र कि सहायता करते हैं उन्हें दूरदर्शी कहा जाता है तथा यह दो प्रकार के होते हैं

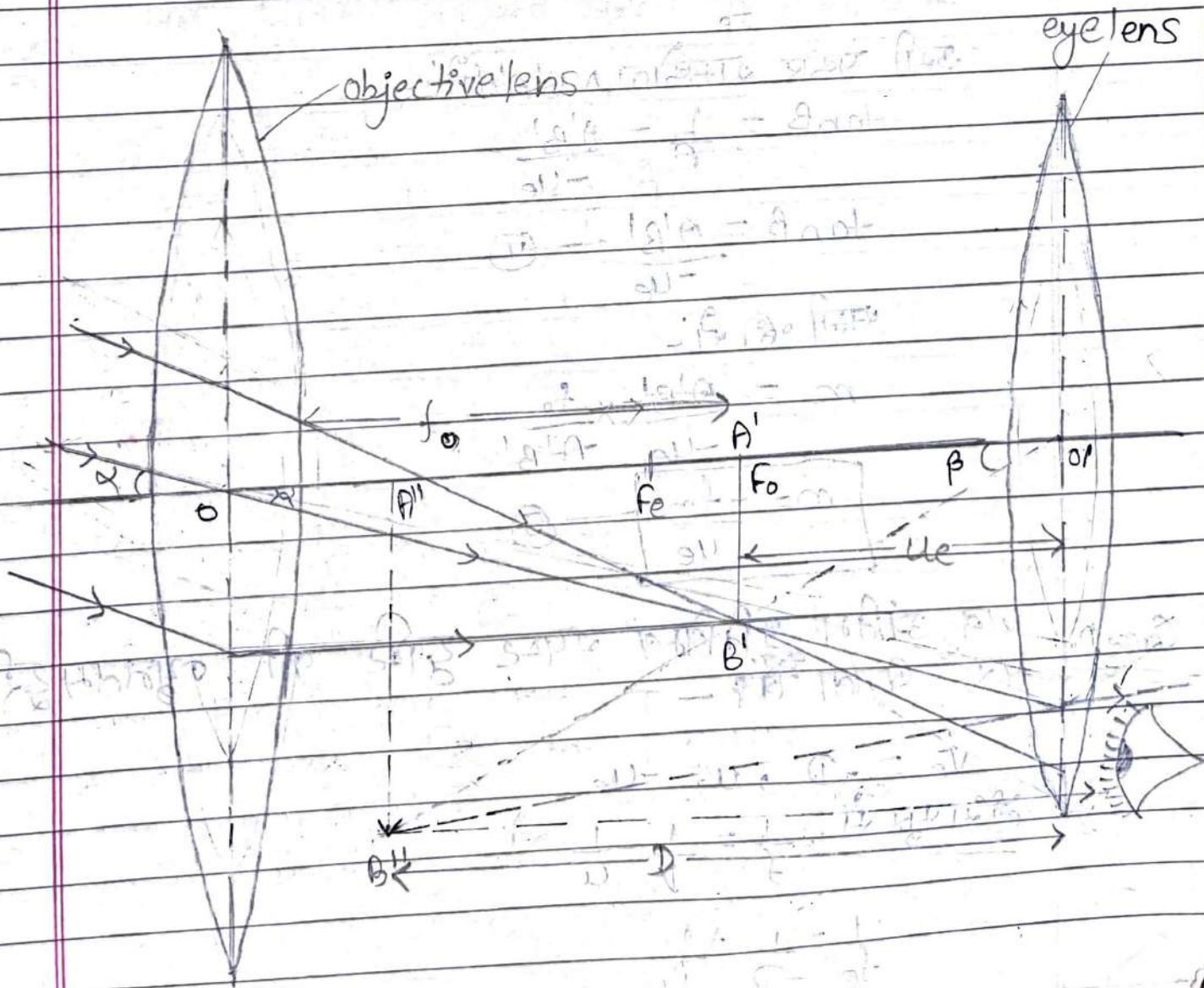
- i) खगोलीय या अपवर्ती दूरदर्शी
- ii) न्यूटन का परावर्तक दूरदर्शी

खगोलीय या अपवर्ती दूरदर्शी

इस दूरदर्शी में दो उचित फोकस दूरी के उत्तल लेंसों का उपयोग किया जाता है।

बनावट - इसमें एक खोखली नली के दोनों सिरे पर दो उत्तल लेंसों को व्यवस्थित किया जाता है इसमें एक उत्तल लेंस वस्तु के समीप होता है जबकि जिसे अभिदृश्यक लेंस कहा जाता है तथा दूसरा उत्तल लेंस नेत्र के समीप होता है जिसे अभिनेत्री लेंस कहा जाता है तथा इन दोनों लेंसों को व्यवस्थित करने के लिए इसमें एक टुट्ट-टुट्टीय व्यवस्था लगी होती है तथा इसमें अभिदृश्यक लेंस का आकार व फोकस दूरी अभिनेत्री लेंस कि तुलना अधिक लिये जाते हैं।

कार्यविधि -
 दूर स्थित वस्तु से आने वाले प्रकाश की किरणें जब अभिदृश्यक लेंस पर आपतित होती हैं तो ये किरणें यहाँ से अपवर्तित होकर अभिदृश्यक लेंस के फोकस पर जाकर केंद्रित हो जाती हैं जहाँ वस्तु का वास्तविक उल्टा व आवर्धित प्रतिबिम्ब $A'B'$ प्राप्त होता है ये प्रतिबिम्ब आभिनैत्री लेंस के लिए वस्तु का कार्य करता है जिसे फुड यकीय व्यवस्था कि सहायता से आभिनैत्री लेंस के प्रकाश केंद्र व फोकस के मध्य ले आते हैं जिससे वस्तु का सीधा आभासी व आवर्धित प्रतिबिम्ब $A''B''$ प्राप्त होता है।



आवर्धन शून्यता

$$m = \beta \quad \text{--- (1)}$$

यदि कोणों के मान अत्यल्प हों तो -

$$\beta \approx \tan \beta$$

$$v \approx \tan v$$

$$m = \frac{\tan \beta}{\tan v} \quad \text{--- (2)}$$

चित्र से: समकोण $\Delta B'A'O$ में -

$$\tan v = \frac{L}{A} = \frac{A'B'}{f_0}$$

$$\tan v = \frac{A'B'}{f_0} \quad \text{--- (3)}$$

इसी प्रकार समकोण $\Delta B'A'O$ में :-

$$\tan \beta = \frac{1}{A} = \frac{A'B'}{-u_e}$$

$$\tan \beta = \frac{A'B'}{-u_e} \quad \text{--- (4)}$$

समी (3) से -

$$m = \frac{A'B'}{-u_e} \times \frac{f_0}{A'B'}$$

$$m = \frac{-f_0}{u_e} \quad \text{--- (5)}$$

Case I.

जब अंतिम प्रतिबिम्ब स्पष्ट दृष्टि की न्यूनतम दूरी पर बनता है -

$$v_e = -D \text{ , } u = -u_e$$

लेंस सूत्र से $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$ से

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{-D} + \frac{1}{u_e}$$

समी. को f_o से गुणा करने पर

$$\frac{f_o}{f_e} = \frac{-f_o}{D} + \frac{f_o}{u_e}$$

$$\frac{-f_o}{u_e} = \frac{-f_o}{D} - \frac{f_o}{f_e}$$

$$\therefore \frac{-f_o}{u_e} = m$$

$$m = \frac{-f_o}{D} - \frac{f_o}{f_e}$$

$$m = -f_o \left(\frac{1}{D} + \frac{1}{f_e} \right) \text{ निकट बिंदु}$$

Case 1. जब अंतिम प्रतिबिम्ब अनन्त पर बनता है—

$$v_e = \infty, u = -u_e$$

लेंस सूत्र से

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u} \text{ से}$$

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{\infty} + \frac{1}{u_e}$$

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{u_e}$$

समी. को $-f_o$ से गुणा करने पर

$$\frac{-f_o}{f_e} = \frac{-f_o}{u_e}$$

$$\therefore \frac{-f_o}{u_e} = m'$$

$$m = \frac{-f_o}{f_e}$$

दूर बिंदु

खगोलीय दूरदर्शी कि कमी-

खगोलीय दूरदर्शी कि आवर्धन क्षमता अभिदृश्यक लेंस कि फोकस दूरी के समानुपाती होती है। जिससे आवर्धन क्षमता का मान बढ़ाने के लिए अभिदृश्यक लेंस का आकार व फोकस दूरी अधिक लिए जाते हैं जिससे आवर्धन क्षमता का मान तो बढ़ जाता है लेकिन दो लेंस दोष कृष्णः गोलिय विपथन तथा वर्ण विपथन उत्पन्न हो जाते हैं यह खगोलीय दूरदर्शी कि मुख्य कमी है।

खगोलीय दूरदर्शी के उपयोग -

1. दूर स्थित वस्तुओं को आवर्धित करके देखने में।
2. खगोलीय पिण्डों को देखने में।

Note:- सामान्य सम्बन्धों कि स्थिति में खगोलीय दूरदर्शी की नली कि लम्बाई $L = f_o + f_e$ होनी चाहिए।

न्यूटन का परावर्तक दूर दर्शी -

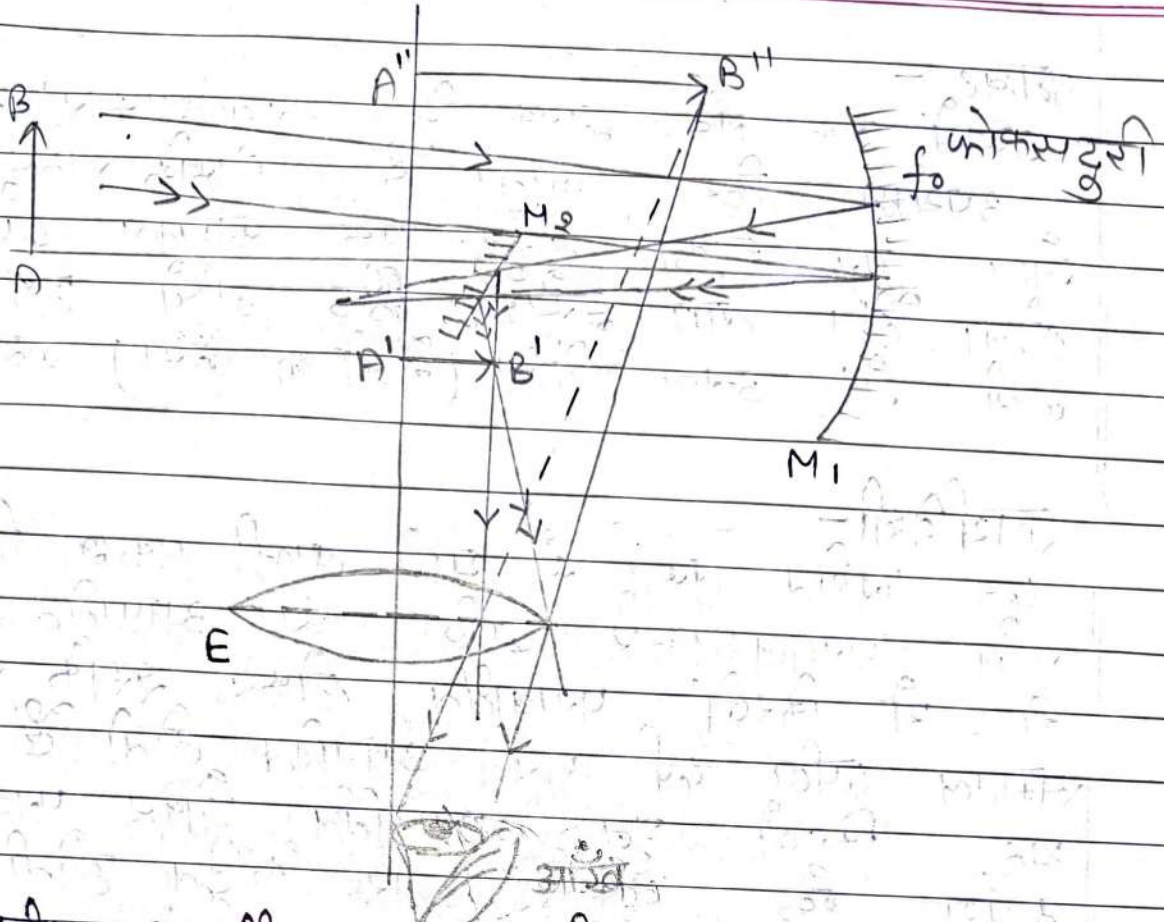
वैज्ञानिक न्यूटन ने खगोलीय दूरदर्शी कि कमी को दूर करने के लिए अपने एक परावर्तक दूरदर्शी का आविष्कार किया जिसे न्यूटन का परावर्तक दूरदर्शी कहा जाता है। इस इस दूरदर्शी में न्यूटन ने उत्तल लेंस के स्थान पर अपतल दर्पण का प्रयोग किया जिससे वर्ण विपथन का दोष तो दूर हो गया लेकिन खगोलीय विपथन का नहीं इस दोष को दूर करने के लिए परवर्तुकार दर्पण का उपयोग किया जाने लगा। जिससे खगोलीय विपथन का दोष दूर हो गया।

बनावट -

इसमें एक बड़े दारक के परवलयकार दर्पण का उपयोग किया जाता है जिसके सम्मुख पड़क कोण पर झुका हुआ एक समतल दर्पण रखा होता है। तथा इसके ठीक नीचे एक खोखली नली में उत्तल लेंस (नेत्री का लेंस) लगा होता है।

कार्यविधि -

दूर स्थित वस्तु से आने वाली प्रकाश कि किरणें जब परवलयकार दर्पण पर आपतित होती हैं तो ये किरणें परावर्तित होकर इसके सामने रखे समतल दर्पण दर्प पर आपतित होती हैं जहाँ से यह किरणें पुनः परावर्तित होकर परवलयकार दर्पण के फोकस पर केंद्रित होती हैं जहाँ वस्तु का वास्तविक, उल्टा व छोटा प्रतिबिम्ब $A'B'$ प्राप्त होता है। यह प्रतिबिम्ब नेत्री का फोकस के लिए वस्तु का कार्य करता है। फिर नेत्री का लेंस के f व o के मध्य लाया जाता है जिससे वस्तु का आभासी सीधा व आवर्धित प्रतिबिम्ब $A''B''$ प्राप्त होता है।



- Q.1 खगोलीय दूरदर्शी तथा परावर्तक दूरदर्शी में से कौन अधिक श्रेष्ठ है और क्यों?
- Q.2 संयुक्त सूक्ष्मदर्शी में दो उत्तल लेंसों का ही उपयोग क्यों किया जाता है।

Ans. संयुक्त सूक्ष्मदर्शी में अधिक आवर्धित प्रतिबिम्ब प्राप्त करने के लिए दो लेंसों का प्रयोग करते हैं।

11.24. $m = 50$

$L = 102 \text{ cm}$

$P_o = ? , P_e = ?$

Solu. $m = \frac{f_o}{f_e}$

$50 = \frac{f_o}{f_e} \Rightarrow f_o = 50 f_e$

$f_e = ?$

$\therefore L = f_o + f_e$

$102 = 50 f_e + f_e$

$51 f_e = 102$

$f_e = \frac{102}{51} = 2 \text{ cm}$

$f_o = 50 f_e = 50 \times 2 = 100 \text{ cm}$

$P_o = \frac{100}{f_o} = \frac{100}{100} = 1$

$P_e = \frac{100}{f_e} = \frac{100}{2} = 50$

$\frac{1}{P} - \frac{1}{f} = \frac{1}{D}$

$\frac{1}{1} - \frac{1}{2} = \frac{1}{D} \Rightarrow \frac{1}{D} = \frac{1}{2} \Rightarrow D = 2 \text{ cm}$

11.26. $m = 9$

$L = 20 \text{ cm}$

$f_o = ? , f_e = ?$

Objective Q.

$Q_2 = f = -20 \text{ cm}$

$u = -30 \text{ cm}$

11.25. $m = 11, f = ?$

Solu. $m = 11, f = ?$

$m = 1 + \frac{D}{f}$

$11 = 1 + \frac{D}{f}$

$11 = 1 + \frac{D}{f}$

Q.6. $P_1 = 6D, P_2 = -4D$

$P = P_1 + P_2$

$P = 6 - 4 = 2D$

$P = \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{1}{P}$

$f = \frac{1}{2} = 0.5 \text{ m}$

$$Q.7 \quad i_1 = i_2 = i = \frac{3}{4} \text{ A}$$

$$f_e = 0.05 \text{ m}$$

$$\text{Soln. } \delta = (i_1 + i_2) - A$$

$$Q.10. \quad \delta m = A$$

$$\mu = ?$$

$$\text{Soln. } \mu = \frac{\sin \left(\frac{\delta m + A}{2} \right)}{\sin \frac{A}{2}}$$

$$\mu = \frac{\sin A}{\sin \frac{A}{2}} = \frac{2 \sin \frac{A}{2} \cos \frac{A}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$$

$$\mu = 2 \cos \frac{A}{2}$$

$$\mu = 2 \cos \frac{60^\circ}{2} = 2 \cos 30^\circ$$

$$\mu = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} = 1.732$$

$$Q.20. \quad P_o = 5D, \quad P_e = 20D$$

$$P_o = \frac{1}{f_o} \text{ से}$$

$$f_o = \frac{1}{P_o} = \frac{1}{5} = 0.2 \text{ m}$$

$$m = \frac{-f_o}{f_e} \text{ से}$$

$$f_e = \frac{1}{P_e} = \frac{1}{20}$$

$$A.Q.8. \quad f_o = 0.95 \text{ cm}, \quad f_e = 5 \text{ cm}$$

$$L = 20 \text{ cm}, \quad D = 25 \text{ cm}$$

$$m = ?$$

$$\text{Soln. } m = \frac{-v_o}{u_o} \left(\frac{1 + D}{f_e} \right) \text{ से}$$

अभिनेत्री लेंस के लिए लेंस सूत्र

$$\frac{1}{f_e} = \frac{1}{v_o} - \frac{1}{u_o}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{1}{-25} - \frac{1}{u_o}$$

$$\frac{1}{u_o} = \frac{1}{-25} - \frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{u_o} = \frac{-1 - 5}{25} = \frac{-6}{25}$$

$$u_o = \frac{-25}{6} \text{ cm}$$

$$\therefore L = v_o + u_o \text{ से}$$

$$v_o = L - |u_o|$$

$$v_o = 20 - \frac{25}{6}$$

$$v_o = \dots$$

अभिदृश्यक लेंस के लिए लेंस सूत्र -

$$\frac{1}{f_o} = \frac{1}{v_o} - \frac{1}{u_o}$$

$$\frac{1}{u_0} = \frac{1}{v_0} - \frac{1}{f_0}$$

$$\frac{1}{u_0} = \frac{1}{v_0} - \frac{1}{0.95}$$

Q. किसी पलले छिज्म का छिज्म कोण 30° है तथा लाल रंग के लिए इसका अपवर्तनांक 1.5 व बैंगनी रंग के 1.6 है तो छिज्म के कौणीय प्रक्षेपण का मान ज्ञात करो?

Q. एक सुथुक्त सुधूमदर्शी में अभिदृश्यक लेंस की फोकस दूरी 1cm तथा अभिनेत्री लेंस की फोकस दूरी 5cm है यदि किसी विम्बकी अभिदृश्यक लेंस से 1.2cm की दूरी पर रखा जाता है तथा प्रतिविम्ब निकट बिंदु पर बनता है तो इसकी आवर्धन क्षमता व नली की लम्बाई ज्ञात करो।

Q. एक खगोलीय दूरदर्शी की आवर्धन क्षमता 10 है तथा सामान्य समायोजन की स्थिति में नली की लम्बाई 99cm है तो अभिदृश्यक लेंस की फोकस दूरी ज्ञात करो?

Q. अवरक्त किरणों तथा पराबैंगनी किरणों निवृत्ति में गमन करती हैं तो इनके वेगों का अनुपात ज्ञात करो?